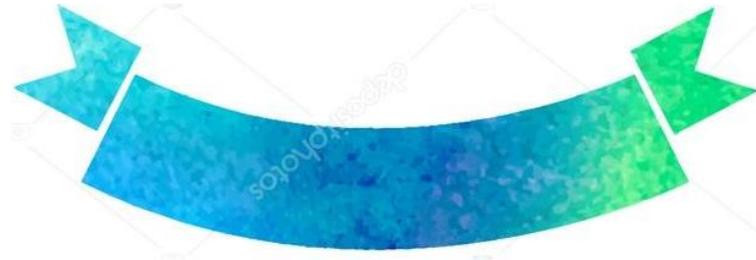


الشامل لأسئلة الذكاء

GET IT DONE!



تابعوا الأنستا للتحديثات
@arabic_shmal

تحديث شهر ٧ / ٢٠٢٢

أسئلة الذكاء



- ✓ حسب المتعارف عليه عنده، سميت الملف: أسئلة الذكاء
- ✓ حسب الأسئلة المطروحة تصنف هذه الأسئلة تحت اختبار: Quantitative Aptitude أي أسئلة الذكاء الكمي وهي نفسها التي تقام في المملكة العربية السعودية (في اختبار القدرات) ومصر.

آلية الحل:

- ✓ أقرأ السؤال
- ✓ استخراج المعطيات
- ✓ افهم الفكرة
- ✓ الحل

ملاحظة مهمة:

- ✓ أسئلة الذكاء التابعة وزارة العمل كامل بالعربي.
- ✓ ولكن أسئلة الذكاء التابعة لجهاز الاستثمار العماني بالإنجليزي.

تذكر!

لا تأخذ أكثر من دقيقة
للسؤال الواحد

كيف تكون اختبارات وزارة العمل لوظائف المحلقات:

- ✓ ٢٠ سؤال تخصص
- ✓ ٥ ثقافة عامة
- ✓ ٥ أسئلة ذكاء

كيف يكون الاختبار؟

- ✓ ٣٠ دقيقة عشان تجاوب على ٣٠ سؤال: ٢٠ تخصص و ٥ ذكاء و ٥ أسئلة عامة.
- ✓ كل سؤال فيه ٤ خيارات.
- ✓ عادي تنتقل بين الأسئلة الـ ٣٠ وتغير الإجابة.
- ✓ عندك وسيلتين مساعدة وعادي تستخدمهم الاثنين: حذف إجابة من بين الخيارات أو استبدال سؤال مكان سؤال.
- ✓ الاختبار سيكون في وضعية الشاشة الكاملة، يعني ما تقدر تسوي شي غير الإجابة فقط على الأسئلة.
- ✓ نمط ترتيب الأسئلة سيكون عشوائي، يعني يمكن أول سؤال يكون تخصص وبعدين سؤال عام وبعدين ذكاء ومرة ثانية تخصص...وصلت الفكرة 😊!

الفهرس

م	عنوان الدرس بالعربي	مجموع عدد الأسئلة	عدد الأفكار	عدد القوانين	سهل-متوسط-صعب
القسم الأول: المتتاليات الحسابية					
١	متوالية فيبوناتشي	٣	٢	٢	سهل
٢	المتوالية الحسابية	٣	٢	١	سهل
٣	المتوالية الهندسية	٢	١	١	سهل
٤	المتوالية الخاصة: المثلثية و التربيعية و التكعيبية	٣	٣	٣	متوسط
٥	أسئلة من اختبارات عمان السابقة	١٥	٤	---	سهل و متوسط
القسم الأول: المسائل الكمية					
١	الراتب	٦	---	---	سهل
٢	التناسب الطردي والعكسي	١١	---	١	سهل
٣	العمل والوقت	١٤	٣	١	سهل
٤	السرعة والزمن و المسافة	١٧	---	٥	سهل و متوسط
٥	الساعة	١٨	---	٥	سهل و متوسط
٦	المتوسط الحسابي	١٦	---	٢	سهل و متوسط
٧	الجبر	١٤	---	----	سهل
٨	الأعمار	٢٦	---	---	سهل و متوسط
٩	المصافحات والترتيب وقرءة الصفحات و الصناديق	٢٢	---	٥	سهل
١٠	المسائل اللفظية	٢٧	---	---	سهل و متوسط
١١	المساحة والمحيط والأشكال الهندسية	٢٧	---	٤	سهل و متوسط
١٢	النسب المئوية	٢٥	---	١	سهل
١٣	النسب	٢٦	---	---	سهل و متوسط
١٤	نظام الأعداد	٤٤	---	---	سهل و متوسط
المجموع					
	١٩ درس	٣١٩	---	---	---
أسئلة الذكاء لآخر اختبارات لوزارة العمل ٢٠٢٢					

ملاحظات:

١٧ ما معنى كل موضوع من هذه العناوين اللي فوق بيكون هناك قوانين معينة تختص فيهم 😊، بالعكس هذا مجرد تصنيف لنوعية الأسئلة، وأما أسلوب الحل والقوانين تعتبر مستمدة من المواد الأساسية في الرياضيات. ونعم! هي تقريبا متكررة القوانين.

١٨ بدون أي مبالغة الأسئلة الكمية تحتاج تركيز وتمعن، لمجرد الحين تشوف الإجابة راح تعتقد أنه سهل، هو أكيد سهل 😊 بس يحتاج فهم وتركيز ✨.

١٩ ضع في الاعتبار أنه الأسئلة ليست بنفس المستوى 📊، يعني شي أسئلة سهلة والمتوسطة والصعبة 📚.

٢٠ الحلول الموجودة في هذا الملف ليست الوحيدة، هناك عدة طرق وأساليب لحل الأسئلة.

٢١ السؤال اللي تعتقد أنه ما يدخل... هو اللي يدخل (👉 ياليت أحد خبرني قبل ❤️)

٢٢ بالتوفيق!

عليك بالمراجعة والتحضير الجيد:

ركز معي شوي 😊، الصورة اللي تحت هي نتائج أحد اختبارات وزارة العمل (واللي أنا كنت من ضمنهم ونتيجتي كانت ١٥ 😞).

أحد الأسباب هي عدم التحضير وما كنت أعرف وش أراجع أصلاً، بس كنت أشوف من الانستا وكلام الناس اللي اختبرو قبلي، وللأسف ما كان عندي مرجع أراجع منه ولا أعرف وش أراجع. لهذا السبب: راجع وأستعد والأسئلة غالباً تكرر ومثل ما تلاحظ ما حد يجيب درجات عالية.

ال نتائج المهنية للوظائف : بم الترشيح للوظيفة للمقدم الحاصل على اعلى درجة وعند السواوي قدم الاكبر سنا او الاسقى فيذا سجل العمل
المادة ١٤ المعدلة من اللائحة السعيدة لعناون الخدمة المدنية

الوظيفة : مهندس مدني (ذكر/أنثى)
العدد المطلوب :

م	الإسم	تاريخ الميلاد	تاريخ التسجيل	النسبة المهنية
1		30/06/1990	05/07/2015	22.00
2		12/01/1991	13/03/2011	17.00
3	اسماء ريسد	02/04/1991	10/07/2011	17.00
4		24/11/1990	20/07/2014	16.00
5	ليورا	11/08/1991	30/07/2011	15.00
6	د. عبد الله سمير			15.00
7		23/02/1991	24/03/2015	13.00
8		28/09/1988	22/07/2012	12.00
9		12/03/1990	04/05/2014	9.00
10		20/03/1990	19/02/2015	9.00
11		02/09/1991	12/07/2015	9.00
12		03/09/1991	11/03/2015	9.00
13		15/09/1990	13/08/2014	0.00
14		18/02/1991	17/09/2014	0.00
15		26/05/1991	04/03/2014	0.00
16		02/10/1991	01/07/2013	0.00

🔥 مراجع مميزة 🔥

اليوتيوب:

قناة ١٠ دقائق قدرات : [الرابط](#)

المواقع:

١. موقع الأستاذ يزيد : [الرابط](#)

٢. موقع الأستاذ فهد الباطين : [الرابط](#)

شكراً لمن قام بتصحيح الأخطاء وتبئهي.
في حالة وجود خطأ، يرجى إعلامي

this page is intentionally left blank

تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا

this page is intentionally left blank

المتتاليات الحسابية

شرح عن أنواع المتتالية وكيفية الحل:

في نهاية الشرح راح نستعرض أنواع الأسئلة اللي دخلت في الاختبارات عمان.

متوالية فيبوناتشي

متتالية يساوي فيها الحد مجموع الحدين السابقين.

متتالية يساوي فيها الحد مجموع الحدين السابقين.

١. فكرة ١: اكمل حسب التسلسل: ٠، ١، ١، ٢، ٣، ٥، ٨،

الفكرة: هنا نجمع العدد اللي قبل واللي بعد

$$١=١+٠ ، ٢=١+١ ، ٣=١+٢ ، ٥=٢+٣ ، ٨=٣+٥ ، ١٣=٥+٨$$

الحل: ١٣

٢. تكرار فكرة ١: اكمل حسب التسلسل: ٣، ٥، ٨، ١٣، ٢١،

الفكرة: هنا نجمع العدد اللي قبل واللي بعد

$$٨=٥+٣ ، ١٣=٥+٨ ، ٢١=٨+١٣ ، ٣٤=١٣+٢١$$

الحل: ٣٤

٣. فكرة ٢: اكمل حسب التسلسل: ١، ٢، ٤، ٧، ١٢، ٢٠، ٣٣،

الفكرة: هنا نجمع على نفسه في أول رقم فقط، واللي بعده نجمع العدد اللي قبل واللي بعد +١

$$٢=١+١ ، ٣=١+(٢+١) ، ٧=١+(٤+٢) ، ١٢=١+(٧+٤) ، ٢٠=١+(١٢+٧) ، ٣٣=١+(٢٠+١٢)$$

$$٥٤=١+(٣٣+٢٠)$$

الحل: ٥٤

المتوالية الحسابية

هو تسلسل يكون الفرق فيه بين كل عنصرين متتالين قيمة ثابتة.

١. فكرة ١: اكمل حسب التسلسل: ٣، ٥، ٧، ٩، ١١،

الفكرة: يكون الفرق بين الأعداد عدد ثابت

لاحظ الفرق بين ٣ و ٥ سيكون العدد ٢ ، يعني راح نزيد كل مرة رقم ٢

الحل: ١٣

٢. تكرار فكرة ١: اكمل حسب التسلسل: ٣، ١١، ١٩، ٢٧،

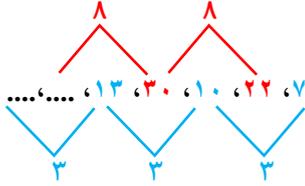
الفكرة: نفس الفكرة السابقة بالضبط، الفرق بين الأرقام رقم ٨ ، يعني بنزيد ٨ في الآخر.

الحل: ٢٥

٣. فكرة ٢: اكمل حسب التسلسل: **فكرة مختلفة** ٧، ٢٢، ١٠، ٣٠، ١٣، (لاحظ عندي شيان لكملة)

الفكرة: نفس الفكرة السابقة بالضبط، ولكن غير ترتيب الأرقام،

الحل: ٧، ٢٢، ١٠، ٣٠، ١٣، ٣٨، ١٦



المتوالية الهندسية

هي متتالية عددية كل حد (جملة) من حدودها بعد الأول يُحصل عليه بضرب الحد الذي قبله في عدد ثابت غير منعدم يدعى قدر النسبة.

١. فكرة ١: اكمل حسب التسلسل: ١، ٣، ٩، ٢٧، ٨١،

الفكرة: نوجد الفرق العام بقسمة حد ما على الحد الذي سبقه: $\frac{\text{الحد الثاني } ٣}{\text{الحد الأول } ١} = ٣$

الحل: ٢٤٣

٢. تكرار فكرة ٢: اكمل حسب التسلسل: ٢، ١٠، ٥٠، ٢٥٠، ١٢٥٠،

الفكرة: نوجد الفرق العام بقسمة حد ما على الحد الذي سبقه: $\frac{\text{الحد الثاني } ١٠}{\text{الحد الأول } ٢} = ٥$

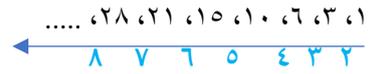
الحل: ٦٢٥٠

المتوالية الخاصة

المثلثية

١. فكرة ١: اكمل حسب التسلسل: ١، ٣، ٦، ١٠، ١٥، ٢١، ٢٨،

الفكرة: نشوف الفرق بين أول رقمين، ونزيد عليه كل مرة واحد، الفرق بين ١ و ٣ هو ٢ ، الحين نزيد كل مرة ١ . أو طبق القاعدة العامة

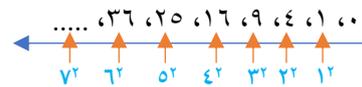


الحل: ٣٦

التربيعية

٢. فكرة ٢: اكمل حسب التسلسل: ٠، ١، ٤، ٩، ١٦، ٢٥، ٣٦،

الفكرة: نربع كل مرة ، أو طبق القاعدة العامة

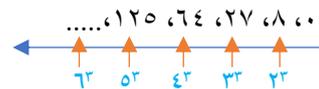


الحل: ٤٩

تكعبية

٣. فكرة ٣: اكمل حسب التسلسل: ٠، ٨، ٢٧، ٦٤، ١٢٥،

الفكرة: نكعب كل مرة، أو طبق القاعدة العامة

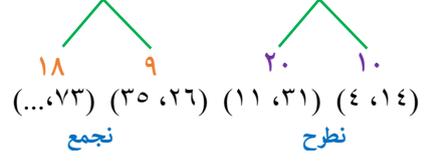


الحل: ٢١٦

أسئلة إضافية للمتاليات تقوية

١. اكمل حسب التسلسل: (٤، ١٤) (١١، ٣١) (٣٥، ٢٦) (٧٣، ...)

الفكرة: لاحظ الفروقات الـ ١٠ ضعف ٢٠ ،، ٩ ضعف ١٨ ،، وهكذا



الحل: (٩١، ٧٣)

٢. اكمل حسب التسلسل: ٣١٦، ٣٢٣، ٣٣٢، ٣٤٣، ...

الفكرة: لاحظ الفرق وكل مرة تزيد ٢ (تزيد ٧ وبعدين ٩ وبعدين ١١)

الحل: ٣٥٦

٣. اكمل حسب التسلسل: ١١، ١٩، ...، ٤١، ٥٥، ...

الفكرة: لاحظ الفرق وكل مرة تزيد ٢ (تزيد ٨ وبعدين ١٠ وبعدين ١٢ وبعدين ١٤)

الحل: ١١، ١٩، ٢٩، ٤١، ٥٥، ٧١

أسئلة من اختبارات سابقا معنا في عمان:

١. فكرة ١: ٩، ٢٩، ٥٠،، ٩٥، ١١٩، ١٤٤ اكمل المتتالية والخيارات؟

٧٢ (زيادة في العدد ٢٠ ثم ٢١ ثم ٢٢ وهكذا)

٢. تكرار فكرة ١: اكمل متتالية: ٢، ٣، ٥، ٨،، ٢٣

الفكرة: (نزيد كل مرة ١ وبعدين ٢ وبعدين ٣ وهكذا)

الإجابة: ٢، ٣، ٥، ٨، ١٢، ١٧، ٢٣

٣. تكرار فكرة ١: اكمل متتالية: ١٧، ٣٤، ٣٧، ٤٧، ٧٧،، ١٥٧؟

الفكرة: الحد الأول: ضرب الحد الثاني: جمع ٣ وهكذا

$$٣٤ = ٢ \times ١٧ \quad ٣٤ = ٣ + ٣٤ \quad ٣٤ = ٢ + ٣٧ \quad ٣٤ = ٣ + ٧٤$$

الإجابة: ١٥٤

٤. تكرار فكرة ١: اكمل المتتالية: ٢، ٥، ١١، ٢٣، ٤٧، ...

الفكرة: (نزيد كل مرة الضعف ٣ وبعدين ٦ وبعدين ١٢ وبعدين ٢٤ وهكذا)

الحل: ١٢

٥. تكرار فكرة ١: اكمل المتتالية التالية ٠، ١، ٤، ٥،

الفكرة: زاد ١ وبعدين زاد ٣ ورجع وزاد ١، أنن نزيد ٣

الحل: ٨

٦. تكرار فكرة ١: اكمل المتتالية الحسابية: ٦٤، ٨١، ١٠٠، ١٢١،

الفكرة: (نزيد كل مرة ١٧ وبعدين ١٩ وبعدين ٢١ وبعدين ٢٣)

الإجابة: ١٤٤

٧. تكرار فكرة ١: اكمل المتتالية الحسابية التالية: ٥٠، ٦٠، ٨٠، ١١٠، ١٥٠،، ٢٦٠

الفكرة: (نزيد كل مرة ١٠ وبعدين ٢٠ وبعدين ٣٠ وبعدين ٤٠ وهكذا)

الحل: ٢٠٠

٨. فكرة ٢: متتالية حسابية من ٦ أعداد مجموع الأعداد يساوي ٨٧ يساوي العدد الأصغر؟

طريقة الحل:

أصغر عدد = س

$$87 = \underbrace{(س + ٥)}_٦ + \underbrace{(س + ٤)}_٥ + \underbrace{(س + ٣)}_٤ + \underbrace{(س + ٢)}_٣ + \underbrace{(س + ١)}_٢ + \underbrace{س}_١$$

$$٨٧ = ١٥ + ٦س \quad \leftarrow \quad س = ١٢ \quad \leftarrow \quad \text{الحل: } ١٢$$

٩. فكرة ٣: اكمل المتتالية التالية: ٠، ١، ٢، ٤، ٥، ...

الفكرة: زاد ١ وبعدين زاد ١ وبعدين زاد ٢، ورجع وزاد ١، انن نزيد ١

الحل: ٦

١٠. فكرة ٤: متتالية حسابية ٩٠، ١٨٠، ٢٠٠، ٤٠٠، ٤٢٠،، ٨٦٠

الفكرة: ١٨٠ = ٢ * ٩٠، ١٨٠ = ٢٠ + ١٨٠، ٤٠٠ = ٢ * ٢٠٠، ٤٠٠ = ٢٠ + ٤٠٠، ٤٢٠ = ٢٠ + ٤٠٠، ٨٤٠ = ٢ * ٤٢٠، ٨٦٠ = ٢٠ + ٨٤٠

الحل: ٨٤٠

١١. اكمل المتتالية الحسابية التالية: ٥٠، ١٠٠، ١١٠، ٢٢٠،، ٤٦٠، ٤٧٠

$$\text{الحل: } ١٠٠ = ٥٠ + ٥٠ \quad ١١٠ = ١٠ + ١٠٠ \quad ٢٢٠ = ١١٠ + ١١٠ \quad ٢٣٠ = ١٠ + ٢٢٠ \quad ٢٣٠ = ٢٣٠ + ٢٣٠ \quad ٤٦٠ = ٢٣٠ + ٢٣٠$$

١٢. اكمل المتتابعة: ٥، ٢٥، ٤٥،

ج: ٦٥

١٣. اكمل المتتابعة: ١٩، ٢٥، ٣١،

ج: ٣٧

١٤. اكمل المتتابعة: ٢٠، ٢٥، ٢٩،،

$$\text{ج: } ٢٥ = ٢٠ + ٥ \quad ٢٩ = ٢٥ + ٤ \quad ٣٤ = ٢٩ + ٥ \quad ٣٨ = ٣٤ + ٤$$

١٥. متتالية حسابية من ٣ أرقام مجموعها ١٨ كم أكبر أرقامها؟

$$١٨ = ٩ + ٦ + ٣$$

أكبر رقم ٩

this page is intentionally left blank
تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا
this page is intentionally left blank

المسائل الكمية

آلية الحل:

- ✓ إقرأ السؤال
- ✓ استخرج المعطيات
- ✓ أفهم الفكرة
- ✓ الحل

نصائح:

- ✓ تقدر تتعلم أساسية الأسئلة الكمية من خلال البحث في النت عن الدروس سواء بالعربي أو الإنجليزي.
- ✓ وبشكل عام أفكار الحل في هذا الملف تتكرر ولكن سيكون عليك تفهم السؤال وتحل!
- ✓ راح تلاحظ نسبة كبيرة من الأسئلة مصدرها أسئلة سابقة مجمعة أيضا هنا.
- ✓ في بعض المسائل الحل بطريقة الرسم يكون أسهل مثل توزيع النسب.

الراتب

هذه المسائل عبارة عن مسائل لفظية، تحل عن طريق استخراج المعطيات وفهم المطلوب.
لا يوجد قانون معين لهذا النوع من الأسئلة.

١. محمد راتبه ينقص عن راتب خالد ب ٨٠٠ ريال وخالد يزيد راتبه عن راتب فهد ب ٤٠٠ ريال ، راتب فهد ٢٨٠٠ فكم راتب محمد؟

$$\begin{aligned} \text{المعطى: محمد} &= \text{خالد} - ٨٠٠ & \text{خالد} &= \text{فهد} + ٤٠٠ & \text{فهد} &= ٢٨٠٠ \\ \text{تعويض مباشر: خالد} &= \text{فهد} + ٤٠٠ & \leftarrow & & ٣٢٠٠ &= ٤٠٠ + ٢٨٠٠ \\ \text{إذا: محمد} &= \text{محمد} = \text{خالد} - ٨٠٠ & \leftarrow & & ٢٤٠٠ &= ٨٠٠ - ٣٢٠٠ \end{aligned}$$

٢. اذا كان راتب احمد ينقص عن راتب محمد ب ٩٠٠ ريال وراتب محمد يزيد عن راتب خالد ب ٨٠٠ ريال وراتب خالد ٤٥٠٠ فكم راتب احمد؟

$$\begin{aligned} \text{المعطى: أحمد} &= \text{محمد} - ٩٠٠ & \text{محمد} &= \text{خالد} + ٨٠٠ & \text{خالد} &= ٤٥٠٠ \\ \text{تعويض مباشر: محمد} &= \text{خالد} + ٨٠٠ & \leftarrow & & ٥٣٠٠ &= ٨٠٠ + ٤٥٠٠ \\ \text{إذا: أحمد} &= \text{أحمد} = \text{محمد} - ٩٠٠ & \leftarrow & & ٤٤٠٠ &= ٨٠٠ - ٥٣٠٠ \end{aligned}$$

٣. راتب احمد اكثر من سالم ب ٧٠ وراتب عمر اقل من احمد ب ٢٠ ويستلم سالم ٢٧٠ ريال فكم راتب احمد وعمر؟

$$\begin{aligned} \text{المعطى: أحمد} &= \text{سالم} + ٨٠ & \text{عمر} &= \text{أحمد} - ٢٠ & \text{سالم} &= ٢٧٠ \\ \text{تعويض مباشر: أحمد} &= \text{سالم} + ٨٠ & \leftarrow & & ٣٤٠ &= ٨٠ + ٢٧٠ \\ \text{إذا: عمر} &= \text{عمر} = \text{أحمد} - ٢٠ & \leftarrow & & ٣٢٠ &= ٢٠ - ٣٤٠ \end{aligned}$$

٤. اذا كان شخص يستلم راتب ١٥٠٠ وشهريا يضاف الى راتبه ٢٥ وشخص آخر يستلم راتب ١٢٠٠ ويضاف الى راتبه ٥٠ .. كم شهر يحتاجان حتى يتلقيان نفس الراتب .. المهم الجواب أتوقع ١٢ شهر

طريقة التجربة:

الحل باستخدام معادلة: $\text{س} = \text{تمثل عدد الأشهر}$

$$١٢٠٠ + (٥٠ \times \text{س}) = ١٥٠٠ + (٢٥ \times \text{س})$$

$$٣٠٠ = ٥٠ \text{س} - ٢٥ \text{س}$$

$$\text{س} = ١٢ \text{ شهر}$$

الشهر	٢٥	٥٠
١	١٥٢٥	١٢٥٠
٢	١٥٥٠	١٣٠٠
٣	١٥٧٥	١٣٥٠
٤	١٦٠٠	١٤٠٠
٥	١٦٢٥	١٤٥٠
٦	١٦٥٠	١٥٠٠
٧	١٦٧٥	١٥٥٠
٨	١٧٠٠	١٦٠٠
٩	١٧٢٥	١٦٥٠
١٠	١٧٥٠	١٧٠٠
١١	١٧٧٥	١٧٥٠
١٢	١٨٠٠	١٨٠٠

٥. مع أحمد ٢٤٠ ريال ومع علي ١٠٠ ريال إذا كان أحمد يكسب ٥ ريال في اليوم و كان علي يكسب ١٢ ريال في اليوم بعد كم يوم يصبح مالبيهما متساويان ؟

الحل باستخدام معادلة: $س =$ تمثل عدد الأشهر
 $(س \times ٥) + ٢٤٠ = (س \times ١٢) + ١٠٠$
 $١٤٠ = ١٢س - ٥س$
 $س = ٢٠$ شهر

الشهر	٥	١٢
	٢٤٠	١٠٠
١	٢٤٥	١١٢
٢	٢٥٠	١٢٤
٣	٢٥٥	١٣٦
٤	٢٦٠	١٤٨
٥	٢٦٥	١٦٠
٦	٢٧٠	١٧٢
٧	٢٧٥	١٨٤
٨	٢٨٠	١٩٦
٩	٢٨٥	٢٠٨
١٠	٢٩٠	٢٢٠
١١	٢٩٥	٢٣٢
١٢	٣٠٠	٢٤٤
١٣	٣٠٥	٢٥٦
١٤	٣١٠	٢٦٨
١٥	٣١٥	٢٨٠
١٦	٣٢٠	٢٩٢
١٧	٣٢٥	٣٠٤
١٨	٣٣٠	٣١٦
١٩	٣٣٥	٣٢٨
٢٠	٣٤٠	٣٤٠

٦. إذا كانت فلان يصرف من راتبه ٨٠٪ و يبقى له ٢٠٠ ريال فكم راتبه

س = الراتب كامل

الـ ٢٠٠ ريال تمثل الباقي هو ٢٠٪

$$\text{إذا: } ٢٠\% \times س = ٢٠٠ \leftarrow س = \frac{٢٠٠}{٠,٢} = ١٠٠٠ \text{ ريال (وهو الراتب كامل)}$$

this page is intentionally left blank
تركّت هذه الصفحة بيضاء عمدا
this page is intentionally left blank

التناسب الطردي والعكسي

التناسب الطردي: هو علاقة بين كميتين بحيث زيادة أحدهما يؤدي إلى زيادة الأخرى أو العكس.
التناسب العكسي: هو علاقة بين كميتين بحيث زيادة أحدهما يؤدي إلى نقص الأخرى أو العكس.

١. قراءة سالم ١٠ صفحات من قصة في ١٥ دقيقة كم يحتاج من الوقت لقراءة ٦ صفحات؟

١٠ صفحات _____ ١٥ دقيقة

٧ صفحات _____ س

س = ٩ دقيقة

٢. إذا كان ثمن نسخ ٨٠ ورقه بـ ٤٠ ريال فكم ثمن نسخ ورقتين؟

٨٠ صفحات _____ ٤٠ ريال

٢ صفحات _____ س

س = ١ ريال

٣. طائرته يوجد بها ٢٠٠ راكب مع حقائب اليد إذا كان الوزن المسموح به من الحقائب هو ٤٠٠٠ كيلوجرام فكم يكون العدد المسموح به لكل راكب من الأوزان

٢٠٠ راكب _____ ٤٠٠٠ كيلوجرام

١ راكب _____ س

س = ٢٠ كيلوجرام لكل راكب

٤. رجل طوله ١,٨ يقف أمام عمود إنارة طول الرجل في الظل ١,٢ وطول العمود في الظل ٩,٦ كم طول العمود؟

١,٢ الرجل في الظل _____ ٩,٦ العمود في الظل

١,٨ الطول الفعلي _____ س

س = ١٤,٤ طول العمود الفعلي

٥. إذا كان أناء يتم ملؤه باستخدام ٢٠٥ كأس فكم كأس سنحتاج لملاء ١٠٠ إناء؟

١ أناء _____ ٢٠٥ كأس

١٠٠ أناء _____ س

س = ٢٠٥٠٠ كأس

٦. إذا كانت قارورة يملأها كأسين ونص كم كأس يملا ١٠٠ قارورة؟

١ قارورة _____ ٢,٥ كأس

١٠٠ قارورة _____ س

س = ٢٥٠ كأس

٧. في كل شاحنة تحمل ٨ صناديق فكم شاحنة سوف تحمل ٢٦ صندوق؟

١ شاحنة _____ ٨ صناديق

س _____ ٢٦ صندوق

س = ٦ شاحنات

٨. اذا لف احمد ٤ لفات وفي نفس الوقت يلف خالد ٣ لفات، فإذا خالد لف ١٢ لفة فكم احمد لف؟

٤ لفات احمد _____ ٣ لفات خالد

س _____ ١٢ لفات خالد

س = ١٦ لفات خالد

٩. إذا كانت تكلفة ٥ صناديق تفاح ١٢٠ ريال . فكم تكون تكلفة ٧ صناديق من التفاح؟

٥ صناديق _____ ١٢٠ ريال

٧ صناديق _____ س

س = ١٦٨ ريال

١٠. إذا كان ثمن ٥ دجاجات و ٤ أحصنه = ٥٧ ريال وكان ثمن ١٠ دجاجات = ٣٠ ريال فكم ثمن الدجاجة الواحدة؟

المعطى: ٥ دجاجات + ٤ أحصنة = ٥٧ ١٠ دجاجات = ٣٠

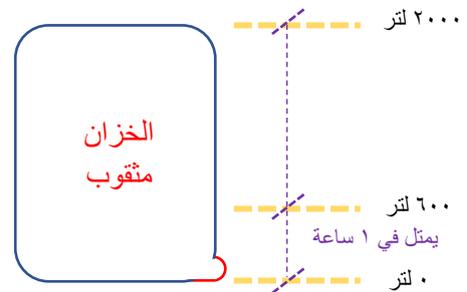
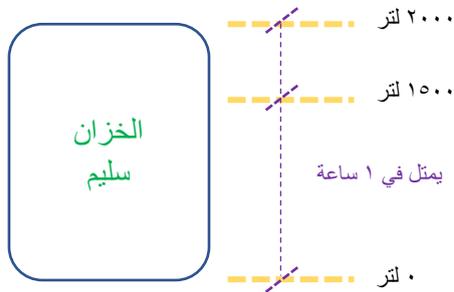
١٠ دجاجات _____ ٣٠

١ دجاجة _____ س

س = ٣ ريال

١١. خزان يتسع ٢٠٠٠ لتر يصب فيه ١٥٠٠ لتر ماء في ساعة، ثقب ماء يتسرب منه ٩٠٠ لتر في الساعة كم

من الوقت يلزم الخزان حتى يمتلئ؟



من خلال السؤال نقدر نفهم أنه في تسريب ويقدر بـ ٩٠٠ لتر في الساعة.

يعني خلال الساعة يمتلئ الخزان بقدر: ١٥٠٠ - ٩٠٠ = ٦٠٠ لتر في الساعة

الساعة فيها ٦٠ دقيقة، الباقي عملية ضرب عكسية.

٦٠ دقيقة _____ لتر ٦٠٠

س _____ لتر ٢٠٠٠

س = ٢٠٠ = ٢٠ دقيقة = ٣ ساعات و ٢٠ دقيقة

this page is intentionally left blank
تركّت هذه الصفحة بيضاء عمدا
this page is intentionally left blank

العمل والوقت

في هذا العنوان قانون واحد فقط ويتكرر في جميع الأسئلة، المتغير الوحيد هي المعطيات وترتيبها في القانون، لذلك أكتفي بحفظ القانون ومعرفة الطرق المختلفة في الأسئلة.

$$\text{القانون: } \frac{١٤ \times ١٥}{١ \text{ ك}} = \frac{٢٤ \times ٢٥}{٢ \text{ ك}}$$

عدد	وقت	كمية العمل
١٤ =	١٥ =	١ ك =
٢٤ =	٢٥ =	٢ ك =

١. فكرة ١: فأرين اثنين يستطيعان أن يأكلان قطعتين بسكويت في خلال دقيقتين كم فأرا يلزم ليأكلوا ٦ قطع بسكويت خلال ٦ دقائق؟

عدد	وقت	كمية العمل
١٤ = ٢ فأر	١٥ = ٢ دقيقة	١ ك = ٢ بسكويت
٢٤ = ؟ فأر	٢٥ = ٦ دقيقة	٢ ك = ٦ بسكويت

$$\text{القانون: } \frac{١٤ \times ١٥}{١ \text{ ك}} = \frac{٢٤ \times ٢٥}{٢ \text{ ك}}$$

$$\frac{٦ \times ٢٤}{٦} = \frac{٢ \times ٢}{٢} \quad \leftarrow \quad ٢٤ = ٢$$

إذاً: عدد الفأران ٢

٢. تكرار فكرة ١: هناك ٣ قطط قاموا باصطياد ٣ فئران في ٣ دقائق كم عدد القطط التي تصطاد ١٠٠ فأر في ١٠٠ دقيقة؟

عدد	وقت	كمية العمل
١٤ = ٣ قطط	١٥ = ٣ دقيقة	١ ك = ٣ فأر
٢٤ = ؟ قطط	٢٥ = ١٠٠ دقيقة	٢ ك = ١٠٠ فأر

$$\text{القانون: } \frac{١٤ \times ١٥}{١ \text{ ك}} = \frac{٢٤ \times ٢٥}{٢ \text{ ك}}$$

$$\frac{١٠٠ \times ٢٤}{١٠٠} = \frac{٣ \times ٣}{٣} \quad \leftarrow \quad ٢٤ = ٣$$

إذاً: عدد القطط ٣

٣. تكرار فكرة ١: أخذ ٦ عمال لعمل سجادة يدوية ٣٠ يوم فكم يلزم عدد من العمال لعمل نفس السجادة بـ ٢٠ يوم؟

عدد	وقت	كمية العمل
١٤ = ٦ عمال	١٥ = ٣٠ يوم	١ ك = ١ سجادة
٢٤ = ؟ عمال	٢٥ = ٢٠ يوم	٢ ك = ١ سجادة

$$\text{القانون: } \frac{١٤ \times ١٥}{١ \text{ ك}} = \frac{٢٤ \times ٢٥}{٢ \text{ ك}}$$

$$\frac{٢٠ \times ٢٤}{١} = \frac{٣٠ \times ٦}{١}$$

$$٢٤ = ٩$$

إذاً: ٩ عمال

٤. تكرار فكرة ١: حيوان وحيد القرن اكل سته حزم من القش في ست دقائق فاذا نسى المزارع ١٠٠ حزمة لمدته ساعه وأربعين دقيقة فكم عدد الحيوانات اللازمة لاكل ١٠٠ حزمه؟

نحول الساعة إلى دقائق ١:٤٠ إلى ٦٠ + ٤٠ = ١٠٠ دقيقة
إذاً: ٢ = ١٠٠ دقيقة

$$\frac{٢٠ \times ٢٤}{٢ك} = \frac{١٠ \times ١٤}{١ك}$$

$$\frac{١٠٠ \times ٢٤}{١٠٠} = \frac{٦ \times ١}{٦}$$

$$٢٤ = ١$$

إذاً: ١ حيوان

كمية العمل	وقت	عدد
١ حزم = ٦ ك	١ و ٦ دقيقة	١ حيوان
١٠٠ حزمة = ٢ ك	١٠٠ دقيقة	٢ حيوان = ؟

٥. تكرار فكرة ١: ٤٠ عامل أستغرقوا في بناء منزل ٦٠ يوماً فكم عامل نحتاج لبناء المنزل في ٣٠ يوم :

$$\frac{٢٠ \times ٢٤}{٢ك} = \frac{١٠ \times ١٤}{١ك}$$

$$\frac{٣٠ \times ٢٤}{١} = \frac{٦٠ \times ٤٠}{١}$$

$$٢٤ = ٨٠$$

إذاً: ٨٠ عامل

كمية العمل	وقت	عدد
١ منزل = ١ ك	١ و ٦٠ يوم	٤٠ عامل
١ منزل = ٢ ك	٢ و ٣٠ يوم	٢ عامل = ؟

٦. فكرة ٢: اذا زرع مزارع ٣٠٠ فسيله في ٦٠ يوم فكم يوم يحتاج ١٠ عمال لزرعه نفس الفسيلة اذا كانت

سرعتهم نفس سرعة المزارع ؟

$$\frac{٢٠ \times ٢٤}{٢ك} = \frac{١٠ \times ١٤}{١ك}$$

$$\frac{٢٠ \times ١٠}{٣٠٠} = \frac{٦٠ \times ١}{٣٠٠}$$

$$٢٠ = ٦$$

إذاً: ٦ أيام

كمية العمل	وقت	عدد
١ مزارع = ١ ك	١ و ٦٠ يوم	٣٠٠ فسيلة
١٠ عمال = ٢ ك	٢ و ؟	٣٠٠ فسيلة

٧. تكرار فكرة ٢: إذا كان لدينا ٥ آلات تستغرق ٥ دقائق لإنتاج ٥ قطع، فكم من الوقت تستغرق ١٠٠ آلة من نفس

النوع لإنتاج ١٠٠ قطعة؟

الحل عليك 😊

الحل: ١٠٠ دقيقة أو ساعة وأربعون دقيقة

٨. تكرار فكرة ٢: اذا كانت ٦ عاملات قادرة ع ملئ ٦ اوعية في ٦ دقائق فكم عدد الدقائق لملئ ١٠٠ وعاء ٦ عاملات

الحل عليك 😊

الحل: ١٠٠ دقيقة أو ساعة وأربعون دقيقة

٩. فكرة ٣: إذا كانت كمية العلف في مزرعة للدواجن تكفي ١٠٠٠ دجاجة لمدة ٦٠ يوماً .. وإذا زاد عدد الدجاج في المزرعة إلى ٣٠٠٠ دجاجة بعد كم يوم تنفذ كمية العلف الموجودة في المزرعة؟

$$\frac{١٠ \times ٦٠}{١٠٠٠} = \frac{٣٠ \times ٦٠}{٣٠٠٠}$$

$$١٠ \times ٣٠٠٠ = ٦٠ \times ١٠٠٠$$

$$٢٠ = ٢٠$$

إذاً: ٢٠ أيام

عدد	وقت	كمية العمل
١٠ = ١٠٠٠ دجاجة	٦٠ = ١ يوم	ك = ١٠٠٠
٣٠ = ٣٠٠٠ دجاجة	٢٠ = ؟	ك = ٣٠٠٠

١٠. فكرة ٤: ٦٠ عامل استطاعوا بناء $\frac{1}{3}$ في ٢٠ يوم , فكم يلزم من العمال لإنهاء باقي الجدار في ٣٠ يوم؟

لأنها في السؤال قال اشتغلوا وخلصوا $\frac{1}{3}$ ، وبذلك يبقى $\frac{2}{3}$ ليتم أنجزه.
إذاً: ك = $\frac{1}{3}$ ك = $\frac{2}{3}$

$$\frac{١٠ \times ٢٠}{١٠} = \frac{٦٠ \times ٢٠}{٦٠}$$

$$\frac{٣٠ \times ٢٠}{\frac{2}{3}} = \frac{٦٠ \times ٦٠}{\frac{1}{3}}$$

$$٨٠ = ٨٠$$

إذاً: ٨٠ عامل

عدد	وقت	كمية العمل
١٠ = ٦٠ عامل	٢٠ = ١ يوم	ك = $\frac{1}{3}$ الجدار
٢٠ = ؟ عمال	٣٠ = ٢ يوم	ك = $\frac{2}{3}$ الجدار

١١. فكرة ٥: يقطع ثلاث عمال ٣ ألواح خشبية إلى قطع متساوية في ٣ دقائق. كم لوحاً يقطعها ٩ عمال في ٤ ساعات؟

نحول ٤ ساعات إلى دقائق (٤ × ٦٠) = ٢٤٠ دقيقة
إذاً: ٢٠ = ٢٤٠ دقيقة

$$\frac{١٠ \times ٢٠}{١٠} = \frac{٣ \times ٣}{٣}$$

$$\frac{٢٤٠ \times ٩}{٢٠} = \frac{٣ \times ٣}{٣}$$

$$٨٠ = ٨٠$$

إذاً: ٧٢٠ لوحاً

عدد	وقت	كمية العمل
٣ = ٣ عامل	٣ = ١ دقيقة	ك = ٣ ألواح
٩ = ٩ عمال	٢٤٠ = ٢٠ دقيقة	ك = ؟

١٢. تكرار فكرة ٥: إذا كان ٣ عمال يقطعون ٣ خشبات في ٣ دقائق .. فكم عدد الخشبات التي يقطعها ٩ عامل في ٩ ساعات؟

الحل عليك 😊

الحل: ١٦٢٠ خشبات

ساعات؟

١٣. تكرار فكرة ٥: في أحد المطابع يطبع ١٥ عامل ١٠٠٠ كتاب في اليوم الواحد فإذا نقص عدد العمال إلى ١٢ عامل فكم كتاب يتم طبعه في اليوم؟

الحل عليك 😊

الحل: ٨٠٠ كتاب

١٤. تكرار فكرة ٥: إذا كان ٥ عمال ينتجوا ٥ عبوات في ٥ دقائق فكم عبوة ينتج ١٠ عمال في ١٠ ساعات.

الحل عليك 😊

الحل: ١٢٠٠ عبوة

أسئلة خادعة:

١٥. اذا كان ٢٥ عامل يخلصو ٢٥% من الشغل في ٢٥ يوم كم عامل يلزم لانتهاء العمل في ٧٥ يوم؟

كمية العمل التي تمت = ٢٥% = ١ك
كمية العمل المتبقية = ٧٥% = ٢ك

$$\frac{٢٥ \times ٢٥}{١ك} = \frac{١٥ \times ٢٥}{٢ك}$$

$$\frac{٧٥ \times ٢٥}{٢ك} = \frac{٢٥ \times ٢٥}{٢٥}$$

$$٢٥ = ٣٠$$

إذاً: ٣٠ عامل

كمية العمل	وقت	عدد
١ك = ٢٥%	١ و ٢٥ يوم	٢٥ = ١ع عامل
٢ك = ٧٥%	٢ و ٧٥ يوم	٢ع = ؟ عامل

١٦. ٦٠ عامل ينهون ٢٥% من العمل في ٢٥ يوم , اذا اردنا انجاز العمل في ٧٥ يوم فكم عامل يجب ان نضيف

كمية العمل التي تمت = ٢٥% = ١ك
كمية العمل المتبقية = ٧٥% = ٢ك

$$\frac{٢٥ \times ٢٥}{١ك} = \frac{٦٠ \times ٢٥}{٢ك}$$

$$\frac{٧٥ \times ٢٥}{٢ك} = \frac{٢٥ \times ٦٠}{٢٥}$$

$$٢٥ = ٨٠$$

إذاً: يجب أن نضيف: ٨٠ - ٦٠ = ٢٠ عامل

كمية العمل	وقت	عدد
١ك = ٢٥%	١ و ٢٥ يوم	٦٠ = ١ع عامل
٢ك = ١٠٠%	٢ و ٧٥ يوم	٢ع = ؟ عامل

this page is intentionally left blank

تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا

this page is intentionally left blank

السرعة والزمن والمسافة

القوانين:

$$\frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} = \text{الزمن}$$

$$\frac{\text{المسافة الكلية المقطوعة}}{\text{الزمن الكلي}} = \text{متوسط السرعة}$$

تحويل الساعات إلى دقائق = الساعات $\times 60$ دقيقة
تحويل من الأيام إلى الساعات = الأيام $\times 24$ ساعة

في حالة عندي سيارتين يتحركو في نفس الاتجاه:

$$\frac{\text{المسافة بين السيارتين}}{\text{السرعة الأولى} - \text{السرعة الثانية}} = \text{الزمن}$$

في حالة عندي سيارتين يتحركو في اتجاهين متعاكستين:

$$\frac{\text{المسافة بين السيارتين}}{\text{السرعة الأولى} + \text{السرعة الثانية}} = \text{الزمن}$$

١. تقطع سيارة مسافة ٢٠٠ كم ذهاباً في ٣ ساعات و ثم تعود لتقطع المسافة نفسها في ساعتين فما متوسط السرعة لرحلة هذه السيارة ذهاباً وإياباً؟

المعطى: مسافة الذهاب = ٢٠٠ كم الزمن ذهاباً = ٣ ساعات مسافة الإياب = ٢٠٠ كم الزمن إياباً = ٢ ساعات

$$\text{متوسط السرعة} = \frac{\text{المسافة الكلية المقطوعة}}{\text{الزمن الكلي}} = \frac{(200 + 200)}{(3 + 2)} = \frac{400}{5} = 80 \text{ كم / ساعة}$$

٢. سيارة تسير بسرعة ١٢٠ كم / ساعة ذهاباً ثم تعود لتقطع المسافة نفسها ولكن بسرعة ٨٠ كم / ساعة . فما

لاحظ الفرق بين حل السؤال ١٢ والسؤال رقم

متوسط سرعة رحلة هذه السيارة ذهاباً وإياباً؟

$$\text{متوسط السرعة} = \frac{(1 \text{ السرعة} \times 2 \text{ السرعة})}{\text{مجموع الساعتين}} = \frac{(80 \times 120) \times 2}{(80 + 120)} = 96 \text{ كم / ساعة}$$

٣. انطلقت سيارتان واحدة بسرعة ١٢٠ كم / س والأخرى ١٠٠ كم / س . فعند الوصول للنهاية كم يكون فرق

الزمن بالدقائق اذا كانت المسافة ٤٨٠ كيلومتر ؟

فكرة الحل: فرق الزمن = زمن السيارة الثانية - زمن السيارة الأولى

$$\frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} = \text{الزمن}$$

المعطى: سرعة السيارة الأولى = ١٢٠ كم / ساعة سرعة السيارة الثانية = ١٠٠ كم / ساعة المسافة = ٤٨٠ كم

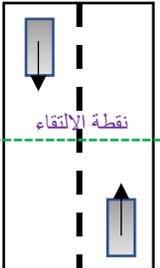
الزمن السيارة الأولى = $\frac{480}{120} = 4$ ساعات الزمن السيارة الثانية = $\frac{480}{100} = 4,8$ ساعات

فرق الزمن = زمن السيارة الثانية - زمن السيارة الأولى ← $4,8 - 4 = 0,8$ ساعات

تحويل الساعات إلى دقائق = الساعات $\times 60$ دقيقة ← $0,8 \times 60 = 48$ دقيقة

٤. سيارتان تسيران في اتجاهين متعاكسين ، الأولى بسرعة ١٠٠ كم/س و الثانية بسرعة ١٢٠ كم/س ، إذا كانت المسافة بينهما ٢٢٠ كم، فبعد كم دقيقة تلتقيان ؟

المعطى: سرعة السيارة الأولى = ١٠٠ كم / ساعة سرعة السيارة الثانية = ١٠٠ كم / ساعة المسافة بينهما = ٢٢٠ كم

$$\text{الزمن} = \frac{\text{المسافة بين السيارتين}}{\text{السرعة الأولى} + \text{السرعة الثانية}} = \frac{٢٢٠}{(١٢٠ + ١٠٠)} = ١ \text{ ساعة} = ٦٠ \text{ دقيقة}$$


المسافة بينهما ٢٢٠ كم

نقطة الالتقاء

في حالة السيارتين متعاكستين الاتجاه.
- في حالة السيارتين في نفس الاتجاه.

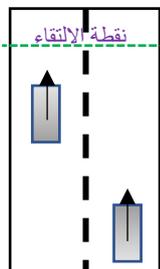
٥. انطلقت سيارتان من المدينة (أ) في نفس الوقت و باتجاهين متعاكسين فإذا كانت سرعة السيارة الأولى ٨٠ كم / س وسرعة السيارة الثانية ١٠٠ كم / س بعد كم ساعة تصبح المسافة بينهما ١٨٠ كم ؟
الحل: ١ ساعة أو ٦٠ دقيقة

الحل عليك 😊

٦. انطلقت سيارة من المدينة أ الى المدينة ب بسرعة ٦٠ كم / ساعة وانطلقت بعدها بنصف ساعه سيارة بسرعة ٨٠ كلم / ساعه فبعد كم دقيقة سيلتقيان ؟ (عكس السؤال السابق)

المعطى: سرعة السيارة الأولى = ٦٠ كم / ساعة انطلقت بعد نصف ساعة (٣٠ دقيقة) سرعة السيارة الثانية = ٨٠ كم / ساعة المسافة بين السيارتين = ٣٠ كم (كيف عرفت؟ سرعة السيارة الأولى ٦٠ كم / ساعة ، وانطلقت السيارة الثانية بعد نص ساعة من انطلاق الأولى)

وبذلك تكون المسافة بينهم ٣٠ كم

$$\text{الزمن} = \frac{\text{المسافة بين السيارتين}}{\text{السرعة الأولى} - \text{السرعة الثانية}} = \frac{٣٠}{٦٠ - ٨٠} = ١,٥ \text{ ساعة} = ٩٠ \text{ دقيقة}$$


المسافة بينهما ٣٠ كم

نقطة الالتقاء

في حالة السيارتين متعاكستين الاتجاه.
- في حالة السيارتين في نفس الاتجاه.

٧. خرج سعيد من المنزل الساعة ٥ عصرا وكانت المسافة بين القرينتين ١٠ كم عندما وصلت الساعة الثامنة تبقئ له كيلو واحد فقط فكم ستكون الساعة عند الوصول ؟

المعطى: المسافة بين القرينتين = ١٠ كم من الساعة ٥ إلى ٨ = ٣ ساعات قطع ٩ كم متوسط السرعة = $\frac{\text{المسافة المقطوعة}}{\text{الزمن}} = \frac{٩}{٣} = ٣$ كم / ساعة (هذه المسافة اللي يقطعها في الساعة الواحدة = ٦٠ دقيقة) الوقت المستغرق لقطع ١ كم: ٣ كم _____ ٦٠ دقيقة

١ كم _____ س ٢٠ دقيقة ليقطع ١ كم

إذا: الساعة ٨ + ٢٠ دقيقة = ٨:٢٠ هو وقت الوصل

٨. اذا سيارة قطعت مسافة نصف طوله الكامل ١٠٠ كم بسرعة ٦٠ كم/ساعة كم دقيقه راح يأخذ ليقطع الطريق كامله بسرعه ٦٠ كم/بساعة؟

المعطى: طول الطريق كامل = ١٠٠ كم
 الزمن = $\frac{\text{المسافة المقطوعة}}{\text{السرعة}}$
 المسافة المقطوعة النصف = ٥٠ كم سرعة السيارة = ٦٠ كم / ساعة
 $\frac{٥٠}{٦٠} = ٠,٨٣$ ساعة نحولها إلى دقائق = $٠,٨٣ \times ٦٠ = ٥٠$ دقيقة

إذا: ٥٠ كم _____ ٥٠ دقيقة

١٠٠ كم _____ س

س = ١٠٠ دقيقة أو ساعة وأربعين دقيقة

٩. يقطع قطار ٣٦٠ كلم في ثلاث ساعات كم كيلومتر يقطع في ٥ ساعات اذا استمر بنفس السرعة؟

٣٦٠ كم _____ ٣ ساعات

س _____ ٥ ساعات

س = ٦٠٠ كم

١٠. اذا كان سرعة قطار ٣٦٠ كيلو في ٢٤٠ ساعة فكم سرعة القطار في الساعة الواحدة؟

٣٦٠ كم _____ ٢٤٠ ساعة

س _____ ١ ساعة

س = ١,٥ كم / ساعة

١١. تنطلق سيارتان في اتجاهين متعاكسين في نفس الوقت فإذا كانت سرعة السيارة الأولى ٩٥ كم / س السيارة الثانية ٧٥ كم

/ س . فما المسافة بين السيارتين (بالكيلومتر) بعد ساعة من انطلاقهما ؟

الزمن = $\frac{\text{المسافة بين السيارتين}}{\text{السرعة الأولى + السرعة الثانية}}$

١ ساعة = $\frac{\text{المسافة بين السيارتين}}{(٧٥ + ٩٥)}$ ضرب تبديلي

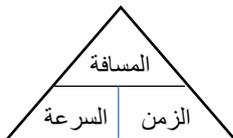
المسافة بين السيارتين = ١٧٠ كم

أسئلة السرعة والزمن والمسافة تقوية

بمعنى يسمي بسرعة ١٢٠ كم بالساعة

١٢. سار خليل بسرعة ١٢٠ كم في الثلاث ساعات الأولى وبسرعة ٨٠ كم في الساعة الرابعة فما معدل سرعته

خلال الرحلة ؟



المسافة الكلية = (المسافة × الزمن الأول) + (المسافة × الزمن الثاني)

المسافة الكلية = (١٢٠ كم × ٣ ساعات) + (٨٠ كم × ١ ساعة) = ٤٤٠ كم

السرعة = $\frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن الكلي}} = \frac{٤٤٠}{٤} = ١١٠$ كم / ساعة

١٣. سيارة قطعت مسافة ٤٢٠٠ كم خلال ٣ أيام ومجمل ما توقفت ١٢ ساعة فما متوسط سرعة السيارة ؟

$$\text{عددا لساعات في ٣ أيام} = 3 \times 24 = 72 \text{ ساعة}$$

$$\text{عدد الساعات الفعلية بدون توقف} = 72 - 12 = 60 \text{ ساعة}$$

$$\text{ساعة السرعة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن الكلي}} = \frac{4200}{60} = 70 \text{ كم / ساعة}$$

١٤. سرعة خالد اكبر ٤ مرات من سرعة محمد فاذا علمت ان خالد قطع مسافة ١٠٠٠ كم خلال خمس ساعات كم

من الوقت سيحتاج محمد لقطع ٢٠٠ كم؟

$$\text{سرعة خالد} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن الكلي}} = \frac{1000}{5} = 200 \text{ كم / ساعة}$$

$$\text{من المعطى: سرعة خالد} = 4 \times \text{سرعة محمد} \leftarrow \text{سرعة خالد (200)} = \frac{4}{5} \times \text{سرعة محمد}$$

$$\text{الزمن اللي يحتاجه محمد لقطع 200 كم} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن الكلي (سرعة محمد)}} = \frac{200}{50} = 4 \text{ ساعات}$$

١٥. انطلقت سيارة من المدينة أ إلى المدينة ب فإذا كانت المسافة بين أ و ب ٤٢٠٠ كم وقد استغرق الوقت

لوصولهم للمدينة ب ثلاث أيام بلياليها باستثناء ١٢ ساعة توقفوا فيها في محطة فكم كانت سرعة السيارة ؟

$$\text{عددا لساعات في ٣ أيام} = 3 \times 24 = 72 \text{ ساعة}$$

$$\text{عدد الساعات الفعلية بدون توقف} = 72 - 12 = 60 \text{ ساعة}$$

$$\text{السرعة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن الفعلي}} = \frac{4200}{60} = 70 \text{ كم / ساعة}$$

١٦. سرعة راكب دراجة يقطع في ١٥ ساعة نفس المسافة التي يقطعها راكب دراج آخر في ١٢ ساعة عندما يسير

بسرعة ٥ كلم/ ساعة؟

$$\text{المسافة} = \text{السرعة} \times \text{الزمن} \quad \text{المسافة التي يقطعها الدراج الثاني} = 5 \times 12 = 60 \text{ كم}$$

$$\text{السرعة للراكب الأول} = \frac{\text{المسافة (للدراج الثاني)}}{\text{الزمن الفعلي}} = \frac{60}{10} = 6 \text{ كم / ساعة}$$

١٧. يصل فيصل عمله الساعة ٩ إذا صار بسرعة ٥٤ كم/ساعة و بسرعة ٣٦ كم/ساعة يصل الساعة ١١ فإذا أراد

أن يصل الساعة ١٠ فما هي السرعة المطلوبة...؟

حل آخر:
نفرض الزمن ن المسافة = السرعة × الزمن المسافة = ٥٤ × ن
المسافة = ٣٦ × (ن+٢)
بما ان المسافتين متساويتين
٥٤ × ن = ٣٦ × (ن+٢)
٥٤ × ن = ٣٦ × ن + ٧٢
١٨ × ن = ٧٢ اذن ن = ٤
نحسب المسافة بالتعويض في اي معادلة من المعادلتين ٢١٦ = ٤ × ٥٤
نحسب السرعة المسافة ÷ الزمن = ٢١٦ ÷ (١+ن) = ٢١٦ ÷ ٥ = ٤٣,٢

$$\text{متوسط السرعة} = \frac{2 \times (\text{السرعة ١} \times \text{السرعة ٢})}{\text{مجموع السرعتين}}$$

$$= \frac{2 \times (36 \times 54)}{(36 + 54)} = 43,2 \text{ كم / ساعة}$$

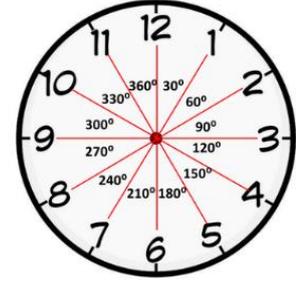
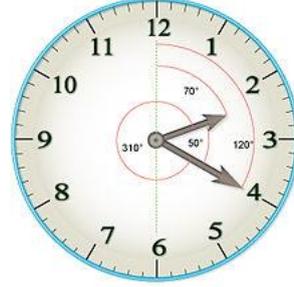
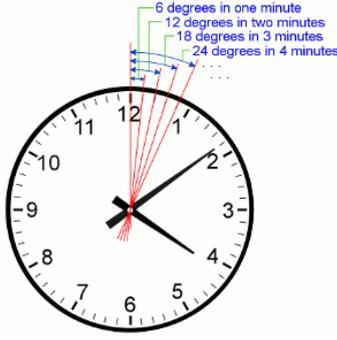
this page is intentionally left blank

تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا

this page is intentionally left blank

الساعة

رسومات متعلقة في هذا العنوان:



القوانين:

الساعة فيها ٣٦٠ درجة

٥ دقائق فيها ٣٠ درجة

الدقيقة الواحدة فيها ٦ درجات

كل دقيقتين يتحركها عقرب الدقائق يتحرك مقابلها عقرب الساعات درجة واحدة: ٢ دقيقة = ١° يتحركها عقرب الساعات

عندما يطلب الزاوية بين عقرب الساعات وعقرب الدقائق، نطبق القانون التالي:

$$\text{الزاوية} = (\text{عدد الساعات} \times ٣٠) - (\text{عدد الدقائق} \times ٥,٥)$$

في حالة عقرب الدقائق الساعات على ١٢: تستخدم الشق الثاني من القانون: (عدد الدقائق $\times ٥,٥$)

في حالة عقرب الدقائق على ١٢: تستخدم الشق الأول من القانون (عدد الساعات $\times ٣٠$)

تحول الدقائق إلى ساعات = (مجموع الدقائق) تقسيم (٦٠ دقيقة)

الزاوية التي تشكلها الدقائق عن التحرك = (عدد ساعات التحرك) $\times ٣٦٠$ °

١. فكرة ١: ضبطت ساعة حائط الساعة ٨ صباحاً وكانت هذه الساعة تتأخر ٢٠ دقيقة كل ساعة فأين تكون إشارة

العقرب عند الساعة ٨ مساءً

من الساعة ٨ صباحاً إلى ٨ مساءً = ١٢ ساعة

مجموع دقائق التأخير: ١٢ ساعة \times ٢٠ دقيقة = ٢٤٠ دقيقة

(نحولها إلى ساعات لأنه أكبر من ٦٠ دقيقة)

$$\text{انحولها إلى ساعات} = \frac{\text{مجموع الدقائق}}{\text{٦٠ دقيقة}} = \frac{٢٤٠}{٦٠} = ٤ \text{ ساعات}$$

٨ مساءً - ٤ ساعات = ٤ مساءً

٢. مكرر فكرة ١: إذا الآن الساعة ١٢ صباحاً، إذا نقص من كل ساعة ١ دقيقة، ساعة ٨ مساءً كم تكون الساعة؟

من الساعة ١٢ صباحاً إلى ٨ مساءً = ٢٠ ساعة

مجموع دقائق التأخير: ٨ ساعة \times ٢٠ دقيقة = ٢٠٠ دقيقة

(ما يحتاج تحولها إلى ساعات لأنها أقل من ٦٠ دقيقة)

٨ مساءً - ٢٠٠ دقيقة = ٧:٤٠ مساءً

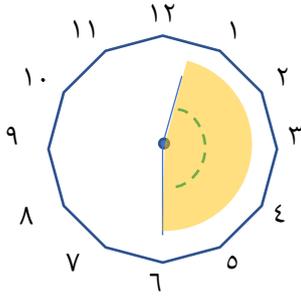
٣. فكرة ٢: إذا الساعة ١٢:٣٠ الزاوية كم؟

صياغة أخرى إذا كانت الساعة ١٢:٣٠ فكم الزاوية الصغرى بين عقربي الساعات والدقائق؟

$$\text{القانون: (عدد الساعات } \times 30) - (\text{ عدد الدقائق } \times 5,5)$$

معطى في السؤال الساعة ١٢، إذا أستخدم الشق الثاني من القانون:

$$(\text{ عدد الدقائق } \times 5,5) = 30 \times 5,5 = 165^\circ$$



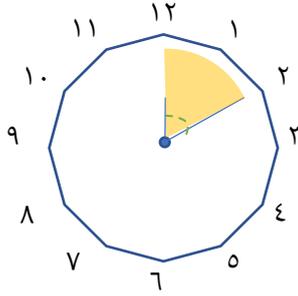
٤. تكرار فكرة ٢: إذا كانت عقارب الدقائق عند ٢ و عقارب الساعة عند ١٢. ماهي الزاوية التي تتشكل؟

$$\text{القانون: (عدد الساعات } \times 30) - (\text{ عدد الدقائق } \times 5,5)$$

عقارب الدقائق عند ٢: أي ١٠ دقائق

معطى في السؤال الساعة ١٢، إذا أستخدم الشق الثاني من القانون:

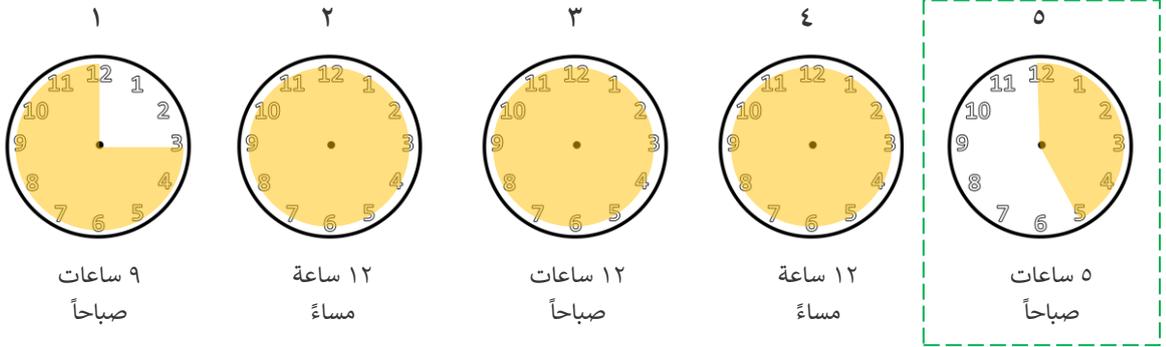
$$(\text{ عدد الدقائق } \times 5,5) = 10 \times 5,5 = 55^\circ$$



٥. فكرة ٣: الساعة ٣ صباحاً، كم تكون بعد ٥٠ ساعة؟

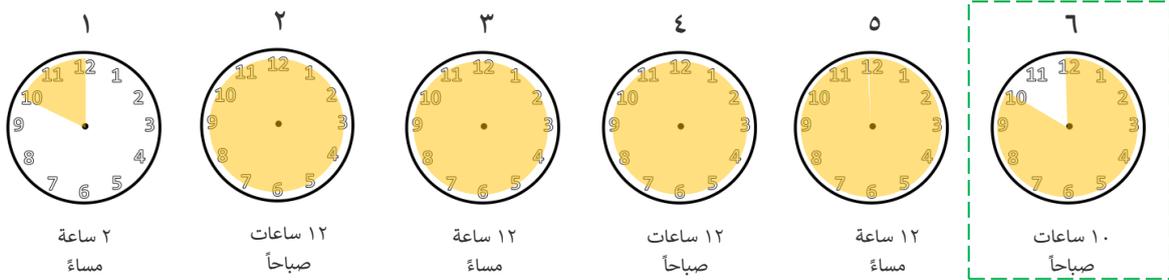
في عدة أساليب وطرق عشان تحل.

الحل: الساعة ٥ صباحاً



٦. تكرار فكرة ٣: الساعة الآن ١٠ مساءً بعد ٦٠ ساعة تكون الساعة؟

الحل: ١٠ صباحاً



٧. فكرة ٤: قرأت سماء من الساعة ٩:١٠ حتى الساعة ١:١٠ في كتاب ما عدد الساعات التي قضتها في القراءة؟
١:١٠ نحولها الى نظام ٢٤ ساعه

$$\begin{array}{r} 13 : 10 \\ - 9 : 10 \\ \hline 4 : 00 \end{array}$$

٨. فكرة ٥: قرأت سماء من الساعة ٩:١٠ حتى الساعة ١:١٠ في كتاب من الصفحات من ١٠٩ الى ١١٣ فما معدل قراءتها للصفحة في الساعة؟

نوجد عدد ساعات القراءة:
١٠٩ - ١١٣ = ٥ صفحات في ٤ ساعات

عملية ضرب تبادلي:
٥ صفحات _____ ساعات
س _____ ساعة
س = $\frac{5}{4}$ أو ١,٢٥ صفحة

نوجد عدد ساعات القراءة:

$$\begin{array}{r} 13 : 10 \\ - 9 : 10 \\ \hline 4 : 00 \end{array}$$

عدد ساعات القراءة هي ٤ ساعات

٩. قرأ سالم ١٠ صفحات من قصه في ١٥ دقيقة كم يحتاج من الوقت لقراءة ٦ صفحات بنفس السرعة؟

عملية ضرب تبادلي:
١٠ صفحات _____ دقيقة
٦ صفحات _____ س
س = ٩ دقائق

١٠. قرأ محمد ١٥ صفحة من كتاب في ٦ دقائق كم سيقراً محمد من صفحة اذا استمر بالقراءة ساعة ونصف أخرى؟

نوجد الدقائق في ١:٣٠ = ٩٠ دقيقة
١٥ صفحات _____ دقيقة
س _____ دقيقة

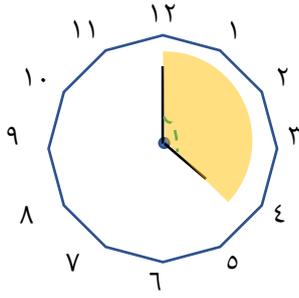
س = ٢٢٥ صفحات وكلمة أخرى تعني نجمع مع عدد الصفحات التي تم قراءتها = ٢٢٥ + ١٥ = ٢٤٠ صفحة

١١. الوقت في السلطنة يسبق الوقت في امريكا ب ٩ و فرنسا متأخره عن امريكا ب ٥ و الوقت في السلطنة الان ٦ كم الوقت لامريكا و فرنسا؟

بما أن الوقت في السلطنة يسبق الوقت في أمريكا ب ٩ ساعات: أذن الوقت في عمان ٦ و نرجع ٩ ساعات وتصير في أمريكا ٩:٠٠ وفرنسا متأخرة عن أمريكا ٥ ساعات أذن نرجع ٥ ساعات من توقيت أمريكا (٩:٠٠) بتصير الساعة ٤:٠٠

أسئلة الساعات إضافية تقوية

١٢. إذا كانت الساعة الرابعة تماماً فإن مقدار الزاوية بين عقرب الساعات و الدقائق يساوي ؟

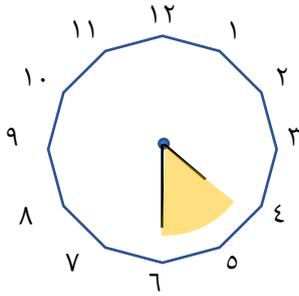


القانون: (عدد الساعات \times ٣٠) - (عدد الدقائق \times ٥,٥)

عقرب الدقائق على ١٢، إذا أستخدم الشق الأول من القانون:

$$(\text{عدد الساعات} \times ٣٠) = ٣٠ \times ٤ = ١٢٠^\circ$$

١٣. إذا كانت الساعة الرابعة و النصف احسب الزاوية بين عقرب الساعات و الدقائق ؟



القانون: (عدد الساعات \times ٣٠) - (عدد الدقائق \times ٥,٥)

عقرب الدقائق على ١٢، إذا أستخدم الشق الأول من القانون:

$$(\text{عدد الساعات} \times ٣٠) = ٣٠ \times ٤ = ١٢٠^\circ$$

١٤. إذا تحرك عقرب الدقائق ٢٥ دقيقة فكم الزاوية التي يصنعها ؟

قانون: كل دقيقة يتحرك ٦ درجات

إذا: عندما يتحرك ٢٥ دقيقة يصنع زاوية مقدارها $٢٥ \times ٦ = ١٥٠$ درجة

ملاحظة: في هذا السؤال نركز فقط على عقرب الدقائق وماله دخل بعقرب الساعات طالما ما ذكره السؤال.

١٥. إذا تحرك عقرب الدقائق ١٢٠ درجة فكم دقيقة تساوي ؟ (عكس السؤال السابق)

قانون: كل دقيقة يتحرك ٦ درجات

$$\text{إذا: عدد الدقائق} = \frac{١٢٠}{٦} = ٢٠ \text{ دقيقة}$$

١٦. تحرك عقرب الساعات من الرابعة إلى السابعة و احسب الزاوية التي تحركتها الساعة ؟

ملاحظة: في هذا السؤال نركز فقط على عقرب الساعات وماله دخل بعقرب الدقائق طالما ما ذكره السؤال.

القانون: (عدد الساعات \times ٣٠) - (عدد الدقائق \times ٥,٥)

عدد الساعات بين ٤ إلى ٧ ونصف = ٣ ساعة ونصف ٣,٥

الزاوية التي قطعها الساعات = $٣٠ \times ٣,٥ = ١٠٥$ درجات

١٧. إذا تحرك عقرب الساعات من الثالثة إلى الخامسة و النصف فكم الزاوية التي يتحركها عقرب الدقائق ؟

قانون: الساعة فيها ٣٦٠ درجة

عدد الساعات بين ٣ إلى ٥ ونصف = ٢ ساعة ونصف ٢,٥

الزاوية التي تحركها الدقائق = $٣٦٠ \times ٢,٥ = ٩٠٠$ درجة

١٨. إذا تحرك عقرب الدقائق ٢٨ دقيقة فإن عقرب الساعات يتحرك بزاوية ؟

قانون: كل دقيقتين يتحركها عقرب الدقائق يتحرك عقرب الساعات درجة واحدة: ٢ دقيقة = ١ يتحركها عقرب الساعات

$$\text{اي ان عدد الدرجات التي يتحركها الساعات هي} = \frac{٢٨}{٢} = ١٤ \text{ درجة}$$

this page is intentionally left blank

تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا

this page is intentionally left blank

المتوسط الحسابي

$$\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \text{القانون العام: الوسط الحسابي}$$

$$\frac{(\text{الحد لأول} + \text{الحد الأخير})}{2} = \text{الوسط الحسابي في المتسلسلة الحسابية المنتظمة}$$

١. إذا كانت س، ١٢، ١٦، ١٨ متوسطهم ١٥ كم قيمة س؟

$$15 = \frac{(\text{س} + 12 + 16 + 18)}{4} = \frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}}$$

إذاً: قيمت س = ١٤

٢. ما هو الوسط الحسابي للمقدارين ٨ س - ٣ ؛ ٦ س + ٥ ؟

$$\frac{(\text{س} + 6) + (8 - 3)}{2} = \frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \text{الوسط الحسابي}$$

$$\frac{(\text{س} + 14)}{2} = \text{الوسط الحسابي}$$

$$\text{الوسط الحسابي} = \text{س} + 1 = 7$$

٣. إذا كان الوسط الحسابي للأعداد س ؛ ٤ - س ؛ ٨ - س يساوي ١٢ فإن الوسيط ؟

$$\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \text{الوسط الحسابي}$$

$$\frac{[(8 - \text{س}) + (4 - \text{س}) + \text{س}]}{3} = 12$$

$$12 - 3 = 3 \times 12$$

$$12 - 3 = 36$$

$$\text{س} = 12 + 36$$

$$\text{س} = 48$$

$$16 = \text{س}$$

ومنها الأعداد: ٨، ١٢، ١٦

الأرقام مرتبه تنازلياً الوسيط = الرقم اللي في المنتصف = ١٢

كيف جنبه الأرقام هذي

$$\text{س} = 8 - 16 = 8$$

$$\text{س} = 4 - 16 = 4$$

الوسيط

٤. إذا كان متوسط درجات عدد من الطلاب يساوي ٩٠ وانضم إليهم احمد الذي درجته ٥٥ فاصبح المتوسط ٨٥ فما عددهم بدون أحمد؟

الترجمة:
ص+٥٥ تعني مجموعة
الدرجات الطلاب التي ما
أعرف عددهم + درجة أحمد.

س+١ تعني مجموع عدد
الطلاب + احمد

نفرض أنه: مجموع درجات الطلبة بدون أحمد = ص عدد الطلاب بدون أحمد = س

$$\text{إذًا: } 90 = \frac{\text{ص}}{\text{س}} \quad (\text{المعادلة الأولى}) \quad 85 = \frac{(\text{ص} + 55)}{(\text{س} + 1)} \quad (\text{المعادلة الثانية})$$

في البداية راح ابسط المعادلة الثانية $85 = \frac{\text{ص} + 55}{\text{س} + 1}$ نضرب للتحويل إلى $\text{ص} + 85 = 55 + \text{س}$

الحين راح يكون للمعادلة الأولى قيمة عشان نعوضها في المعادلة الثانية: $90 = \frac{\text{ص}}{\text{س}}$ تتحول إلى $\text{ص} = 90\text{س}$

الخطوة الأخيرة: نعوض المعادلة الأولى في الثانية:

$$\text{ص} + 85 = 55 + \text{س}$$

$$90\text{س} + 85 = 55 + \text{س}$$

نحل المعادلة، راح يطلع $\text{س} = 6$ أي أنه عدد الطلاب 6 بدون أحمد

٥. أربعة طلاب متوسط أعمارهم ٢٠ سنة وثلاثة منهم أعمارهم متتالية اصغرهم ١٨ سنة فما عمر الطالب الرابع؟

$$20 = \frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \frac{20 + 19 + 18 + \text{س}}{4}$$

$$80 = \text{س} + 57$$

$$\text{س} = 57 - 80 = 23$$

٦. إذا كان المتوسط الحسابي لعشرة أعداد يساوي ١٠٠ ومجموع ستة أعداد منها يساوي ١٠٠ فما هو الوسط الحسابي للأعداد الأربعة الباقية؟

$$\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \text{الوسط الحسابي}$$

$$\frac{(\text{س}^1 + \text{س}^2 + \text{س}^3 + \text{س}^4 + \text{س}^5 + \text{س}^6 + \text{س}^7 + \text{س}^8 + \text{س}^9 + \text{س}^{10})}{10} = \text{الوسط الحسابي لعشره أرقام}$$

$$\frac{(100 + \text{س}^7 + \text{س}^8 + \text{س}^9 + \text{س}^{10})}{10} = 100 -$$

$$100 \times 10 = 1000 = \text{س}^7 + \text{س}^8 + \text{س}^9 + \text{س}^{10}$$

$$1000 = 1000 + (\text{س}^7 + \text{س}^8 + \text{س}^9 + \text{س}^{10})$$

$$1000 - 1000 = \text{س}^7 + \text{س}^8 + \text{س}^9 + \text{س}^{10}$$

$$2000 = \text{س}^7 + \text{س}^8 + \text{س}^9 + \text{س}^{10}$$

$$\text{إذًا: الوسط الحسابي لـ الأربعة الأعداد المتبقية} = \frac{(\text{س}^7 + \text{س}^8 + \text{س}^9 + \text{س}^{10})}{4} = \frac{2000}{4} = 500$$

٧. إذا كان المتوسط الحسابي لستة أعداد يساوي ١٢٠ وكان المتوسط لعدد منهن يساوي ٥٠ فما هو المتوسط للأعداد الأربعة الباقية؟

$$\frac{(س^١ + س^٢ + س^٣ + س^٤ + س^٥ + س^٦)}{٦} = \text{المتوسط الحسابي لستة أعداد}$$

$$\frac{(س^١ + س^٢ + س^٣ + س^٤ + س^٥ + س^٦)}{٦} = ١٢٠$$

$$س^١ + س^٢ + س^٣ + س^٤ + س^٥ + س^٦ = ٦ \times ١٢٠ = ٧٢٠$$

$$\frac{(س^١ + س^٢)}{٢} = \text{المتوسط الحسابي لعدد منهن}$$

$$\frac{(س^١ + س^٢)}{٢} = ٥٠$$

$$س^١ + س^٢ = ٢ \times ٥٠ = ١٠٠$$

$$٦٢٠ = ١٠٠ - ٧٢٠ = (س^١ + س^٢) - (س^٣ + س^٤ + س^٥ + س^٦) = \text{إذاً مجموع الأربعة أعداد}$$

$$١٥٥ = \frac{٦٢٠}{٤} = \frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \text{المتوسط الحسابي للأعداد الأربعة الباقية}$$

٨. ما هو الوسط الحسابي للأعداد الصحيحة بين ٣ ، ١١ ؟
الخيارات: ٥ ، ٦ ، ٧ ، ٨

الأعداد الصحيحة

٤ ، ٣ ، ٢ ، ١ ، ٠ ، ١ - ، ٢ - ، ٣ - ، ٤ - ، ...

$$\frac{(\text{الحد الأول} + \text{الحد الأخير})}{٢} = \text{الوسط الحسابي في المتسلسلة الحسابية المنتظمة}$$

$$٧ = \frac{(١ + ١١)}{٢}$$

حل خطأ: انتبه

الأعداد بين ٣ و ١١: (٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦ ، ٧ ، ٨ ، ٩ ، ١٠ ، ١١)

الوسط الحسابي = مجموع القيم / عددها

الوسط الحسابي = (٣ + ٤ + ٥ + ٦ + ٧ + ٨ + ٩ + ١٠ + ١١) / ٩ = ٧

٩. الوسط الحسابي للأعداد ٧ ، ٨ ، س يساوي ٩ فما قيمة س؟

$$\frac{٧ + ٨ + س}{٣} = \frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = ٩$$

إذاً: س = ١٢

١٠. المتوسط الحسابي لأربعة أعداد فردية = ٢١٦ فما المتوسط لأكثر عددين؟

$$٢١٦ = \frac{(س + ٦) + (س + ٤) + (س + ٢) + س}{٤} \text{ نفرض الأعداد:}$$

$$س + ١٢ = ٢١٦ \quad س + ٤ = ٨٥٢ \quad س = ٢١٣$$

إذاً: العدد الأول = س = ٢١٣ الثاني = س + ٢ = ٢١٥ الثالث = س + ٤ = ٢١٧ الرابع = س + ٦ = ٢١٩

$$\frac{٢١٨}{٢} = \frac{٤٣٦}{٢} = \frac{(٢١٩ + ٢١٧)}{٢} = \text{المتوسط الحسابي لأكثر عددين}$$

١١. اذا كان مجموع ٣ أعداد يساوي ١٥٣ احسب المتوسط الحسابي

$$\text{الوسط الحسابي} = \frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \frac{153}{3} = 51$$

١٢. المتوسط الحسابي لأربع أعداد يساوي ٢٠ , فاذا كان المتوسط الحسابي عند استبعاد احدى هذه الأعداد يساوي ١٥ فان العدد الذي تم استبعاده هو :

$$\begin{aligned} \text{المتوسط الحسابي لأربع (٤) أعداد يساوي ٢٠ : } & \frac{\text{س}}{4} = 20 \quad \text{س} = 80 \\ \text{المتوسط الحسابي عند استبعاد احدى (٤-١=٣) هذه الأعداد يساوي ١٥ : } & \frac{\text{ص}}{3} = 15 \quad \text{ص} = 45 \\ \text{العدد الذي تم استبعاده هو س - ص = 80 - 45 = 35} & \text{ إذاً الحل هو العدد 35} \end{aligned}$$

١٣. يقرأ مروان في الصباح ١٠٠ صفحة بسرعة ٦٠ صفحة / ساعة وفي الظهر يقرأ ١٠٠ صفحة بسرعة ٤٠ صفحة / ساعة فإن معدل ما يقرأ في الساعة الواحدة ؟ الخيارات: أ - ٤٥ ب - ٤٨ ج - ٥٠ د - ٥٢

المتوسط في هذه الحالة (زمن وسرعة) يكون مثل متوسط السرعات .
وبما أن عدد الصفحات هو هو لم يتغير . .

$$\text{إذاً الحل بالقانون} = \frac{(2 \times \text{حاصل ضرب السرعتين})}{\text{حاصل جمع السرعتين}} = \frac{2 \times 40 \times 60}{(40+60)} = 48$$

حل خطأ: انتبه

المعدل = مجموع القيم / عددها
(٤٠ + ٦٠) / ٢ = ٥٠ صفحة بالساعة

أسئلة إضافية المتوسط تقوية

١٤. إذا كان المتوسط الحسابي للكميات الآتية: $(27 - 2س)$, $(س - ٨)$, $(س + ١١)$ هو "ص" فما المتوسط الحسابي للعددين ٢ص و ٥٢ص؟

<p>وبالمثل :-</p> $٤ = ١٠ \times (٥/٢) = ص \times (٥/٢)$ <p>ش</p> <p>الوسط الحسابي للعددين ٢ص ، $(٥/٢)ص =$ مجموع القيم / عددها</p> $١٢ = \frac{[٤ + ٢٠]}{٢} = \frac{[ص (٥/٢) + ٢ص]}{٢} =$	<p>الوسط الحسابي = $\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}}$</p> $ص = \frac{[(١١ + س) + (س - ٨) + (س - ٢٧)]}{٣}$ $١١ + ٨ - ٢٧ = ص ٣$ $٣٠ = ص ٣$ $١٠ = ص$ <p>إذاً : $٢ص = ١٠ \times ٢ = ٢٠$</p>
--	--

١٥. إذا كان $أ + ب = ٨$, $أ - ب = ٢$ فما هو الوسيط الحسابي ل $أ$, $ب$ ؟

<p>حل آخر :-</p> <p>الوسط الحسابي = $\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}}$</p> <p>الوسط الحسابي = $\frac{(أ + ب)}{٢}$</p> <p>الوسط الحسابي = $\frac{(٣ + ٥)}{٢} = ٤$</p>	<p>$أ + ب = ٨$</p> <p>$أ - ب = ٢$</p> <p>بالجمع</p> <p>$٢أ = ١٠ \Rightarrow أ = ٥$ نعوض عن $أ$ في $(أ + ب = ٨)$ لإيجاد قيمة $ب$</p> <p>$٨ = ٥ + ب \Rightarrow ب = ٣$ نحول إلى الطرف الثاني $ب = ٨ - ٥ = ٣$</p> <p>الوسط الحسابي = $\frac{(أ + ب)}{٢} = \frac{(٣ + ٥)}{٢} = ٤$</p>
--	--

١٦. الوسط الحسابي للأعداد الزوجية المحصورة بين ٣ ، ١٣ هو :-

الخيارات (٤ ، ٦ ، ٨ ، ١٠)

عدد الأعداد جميعها المحصورة بين ٣ و ١٣ = $١٣ - ٣ - ١ = ٩$

الحد الأول = ٤ الحد الأخير = ١٢

نستنتج من ذلك أن عدد الأعداد الزوجية يزيد على الفردية بعدد واحد

$٩ = ١ + س + س$

$٨ = س$ $٤ = س$

الأعداد الزوجية = ٥ أعداد

مجموعها = $(٥ / ٢) (٤ + ١٢) = ٢,٥ \times ١٦ = ٣٢ + ٨ = ٤٠$ الوسط الحسابي = $٤٠ / ٥ = ٨$

this page is intentionally left blank
تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا
this page is intentionally left blank

الجبر

١. إذا كان $٢س - ٥ = ٩٨$ ، فإن $٢س + ٥ = ؟$

فكرة الحل: أنه نخلي قيمة للـ(س) ونعوض في المعادلة المطلوب أيجاد قيمتها. المعادلة المطلوب أيجادها: $٢س + ٥ = ؟$

$$\begin{aligned} ٢س - ٥ = ٩٨ & \quad \text{تتحول إلى} \quad ٢س = ٩٨ + ٥ \quad \text{س} = ٥١,٥ \\ \text{إذاً: } ٢س + ٥ = ؟ & \quad \text{إذاً: } ٢(٥١,٥) + ٥ = ١٠٨ \end{aligned}$$

٢. إذا كان $٧س - ٢ = ٧$ ، فإن $٢س + ٢ = ؟$

فكرة الحل: أنه نخلي قيمة للـ(س) ونعوض في المعادلة المطلوب أيجاد قيمتها. المعادلة المطلوب أيجادها: $٢س + ٢ = ؟$

$$\begin{aligned} ٧س - ٢ = ٧ & \quad \text{تتحول إلى} \quad ٧س = ٧ + ٢ \quad \text{س} = ١ \\ \text{إذاً: } ٢س + ٢ = ؟ & \quad \text{إذاً: } ٢(١) + ٢ = ٤ \end{aligned}$$

٣. إذا كان $٧س + ٢ = ٧$ ، فإن $٣س + ١ = ؟$

فكرة الحل: أنه نخلي قيمة للـ(س) ونعوض في المعادلة المطلوب أيجاد قيمتها. المعادلة المطلوب أيجادها: $٣س + ١ = ؟$

$$\begin{aligned} ٧س + ٢ = ٧ & \quad \text{تتحول إلى} \quad ٧س = ٧ - ٢ \quad \text{س} = ١ \\ \text{إذاً: } ٣س + ١ = ؟ & \quad \text{إذاً: } ٣(١) + ١ = ٤ \end{aligned}$$

٤. فكرة مكررة: ١-س = ٧ ، فكم ٣س \ ٧ ؟

٥. إذا طرحنا الرقم ٨ من حاصل ضرب (٨ * س) فكان الناتج ٤٨ فإن قيمة س =

$$\begin{aligned} ٤٨ = ٨ - س٨ \\ ٥٦ = ٨ + ٤٨ = س٨ \\ ٧ = س \end{aligned}$$

٩. إذا كانت س اقل من صفر فإن اعلي قيمه هي:

أ. س - ٣

ب. س + ٣

ت. ٣س

ث. ٣/س

نفترض أن س = ١-

أ = ٤ - ب = ٢ ت = ٣ - ث = -٣,٣٣٠

أعلى قيمة بتكون الخيار ب

١٠. إذا كان س , ص عددين صحيحين موجبين س + ص = ٧ أي العبارات التالية غير صحيحة:

أ. س = ٢ ب. ص = ٢ ج. ١٠ - ص = ٢ د. ٨ - س = ٢

فكرة حل هالسؤال انه س و ص عددين صحيحين موجبين بمعنى أخر انه $٠ < س < ٧$ و بالمثل مع ص بحيث $٠ < ص < ٧$ طبعاً هالاستنتاج لأنه س + ص = ٧ معناها س ممكن تكون من ١ الى ٦ ، وبالمثل مع ص

الآن نشوف الخيارات ونشوف أيها يحقق العلاقة:

أ) س = ٢

صحيحة لان س = ٢ اذن ص = ٥ وكلاهما عددان صحيحان موجبان

ب) ص = ٢

صحيحة لان ص = ٢ اذن س = ٥ وكلاهما عددان صحيحان موجبان

ج) ١٠ - ص = ٢

ص = ١٠ - ٢ = ٨

خطأ لان ص < ٧ وبالتالي س = ١ - لان ٨ - ١ = ٧ وبالتالي أصبحت س عدد غير موجب فخالفنا شروط السؤال

د) ٨ - س = ٢

س = ٨ - ٢ = ٦

صحيحة لان س = ٦ اذن ص = ١ وكلاهما عددان صحيحان موجبان

الأعداد الصحيحة

٤، ٣، ٢، ١، ٠، ١-، ٢-، ٣-، ٤-، ...

١١. س\ص = ١٥ فما قيمة (س × ص × ٣)\ص؟
الخيارات: ١٥ ص، ٣٠ ص، ٤٥ ص، ٦٠ ص

من خلال السؤال أفهم: $١٥ = \frac{س}{ص}$

الحين نعوض عن قيمة: $٤٥ ص = ٣ × ص × ١٥ = \frac{٣ × ص × ١٥}{ص}$

١٢. إذا طرح العدد ٢ من حاصل الضرب (٥ × س) وكان الناتج يساوي ٢٣ فإن قيمة س تساوي :

$$\begin{aligned} ٥س - ٢ &= ٢٣ \\ ٥س &= ٢٥ \\ س &= ٥ \end{aligned}$$

١٣. لو كان المتبقي من قسمة س على ٧ هو ٣ فإن المتبقي من قسمة ٣س على ٧ هو؟
س = عدد لا يقبل القسمة على ٧ والباقي ٣

$$\begin{aligned} \text{إذا لنفرض أن } س &= (٣ + ٧) = ١٠ \\ \text{المطلوب باقي قسمة } ٣س \text{ على } ٧ &= ٧ / (١٠ \times ٣) = ٧ / ٣٠ < ٤ \\ \text{حيث } ٤ \times ٧ &= ٢٨ < ٣٠ \text{ .. الباقي } ٢ = ٣٠ - ٢٨ \end{aligned}$$

ولنفرض ان س = (٣ + ١٤) << ((ليه اخترت ١٤ لانها تقبل القسمة على ٧ وأضفت ٣ ليكون الباقي ٣)
إذا س = ١٧ = ٧ / ١٧ < ٢
حيث ٢ × ٧ = ١٤ = الباقي ١٧ - ١٤ = ٣

$$\begin{aligned} \text{المطلوب .. } ٣س / ٧ &= ٧ / ٥١ < ٧ / (١٧ \times ٣) \\ \text{حيث } ٧ \times ٧ &= ٤٩ \\ \text{الباقي .. } ٥١ - ٤٩ &= ٢ \text{ إذا الجواب .. هو } ٢ \end{aligned}$$

١٤. ما أقل قيمة عددية فيما يلي إذا كان ن < ٤
الخيارات:

- أ. ٤ \ (١+ن)
- ب. ٤ \ ن
- ت. ن \ ٤
- ث. (١+ن) \ ٤

$$\begin{aligned} \text{نفرض } ن = ٥ \text{ ونجرب الخيارات} \\ \text{أ} = ٠,٦٦٦ \quad \text{ب} = ٠,٨ \quad \text{ت} = ٢٠ \quad \text{ث} = ١,٢٥ \end{aligned}$$

إذاً: أقل قيمة هي الخيار أ

this page is intentionally left blank

تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا

this page is intentionally left blank

الأعمار

أسئلة الأعمار تتطلب تركيز (99) ، أول شي تسويه:

- ١- قراءة السؤال جيدا.
 - ٢- أعرّف المطلوب.
 - ٣- تحول نص السؤال إلى شكل معادلة بمجاهيل وتوجد المجهول.
- قانون: بعد : تعني الجمع منذ أو من: تعني الطرح ضعف = $2 \times$ ثلاث أمثال = $3 \times$

١. فكرة ١: إذا كان عمر فيصل بعد ١٠ سنوات يساوي ضعف عمره منذ ٢٠ سنة فما عمر فيصل الآن؟

المطلوب: عمر فيصل الآن = س

قانون: بعد : تعني الجمع منذ : تعني الطرح ضعف = $2 \times$

النص: عمر فيصل بعد ١٠ = ضعف (عمر فيصل منذ ٢٠)

نحوه إلى شكل معادلة: $س + ١٠ = ٢ (س - ٢٠)$

$س + ١٠ = ٢س - ٤٠$ ← $س - ٤٠ = ٢س - ٤٠ - ١٠$

$س - ٥٠ = (السالب مع السالب) س = ٥٠$ سنة إذاً عمر فيصل الآن = ٥٠ سنة

٢. فكرة ٢: إذا كان عمر رجل ثلاث أمثال عمر ابنه وبعد ٢٠ سنة يصبح عمر ولده ٣٥ سنة ف كم عمر والده؟

لاحظ طريقة الحل
اختلفت نتيجة وجود
مجهولين

المطلوب: عمر الرجل = س عمر الابن = ص عمر الرجل (س) = ثلاث أمثال أبنه (٣ص)

النص: بعد ٢٠ سنة يصبح عمر ولده ٣٥ سنة

نحوه إلى شكل معادلة: $ص + ٢٠ = ٣٥$

$ص + ٢٠ = ٣٥$ ← $ص = ٣٥ - ٢٠ = ١٥$ عمر الابن إذاً عمر الرجل الآن : $س = ٣ = ٣ص = (٣ \times ١٥) = ٤٥$ سنة

٣. تكرار فكرة ٢: إذا كان عمر أحمد ٣ أضعاف عُمر أبنه .. بعد ١٠ سنوات يُصبح عمر الأبن ٢٠ سنة .. فما عُمر أحمد الآن!

المطلوب: عمر أحمد = س عمر أبنه = ص

النص: بعد ١٠ سنوات يُصبح عمر الأبن ٢٠ سنة

نحوه إلى شكل معادلة: $ص + ١٠ = ٢٠$

$ص + ١٠ = ٢٠$ ← $ص = ٢٠ - ١٠ = ١٠$ سنة عمر الابن إذاً عمر أحمد الآن : $س = ٣ = ٣ص = (٣ \times ١٠) = ٣٠$ سنة

٤. فكرة ٣: عمر الأب ٤٩ عاماً وعمر ابنه ١١ عاماً بعد كم سنة يصبح عمر ابنه ثلث عمره؟
الخيارات: أ- ١٠ ب- ٩ ج- ١١ د- ٨

حل آخر:
بتجريب الخيارات. نبحث عن العدد الذي إذا جمعناه على ٤٩ يقبل القسمة على ٣ والوحيد في الخيارات هو ٨
 $١٩ = ٣ \times ٥٧ = ٨ + ٤٩$

معطى: عمر الأب = ٤٩ عمر ابنه = ١١
المطلوب: عدد السنوات التي يكون فيها عمر ابنه ثلث عمره = س
النص: عمر الابن ١١ وبعد كم سنة راح يساوي عمر الابن **ثلث** الأب ٤٩
نحوه إلى شكل معادلة: $١١ + س = \frac{١}{٣} (س + ٤٩)$
 $١١ + س = \frac{١}{٣} (س + ٤٩) \leftarrow س = ٨$ سنة

إذاً: بعد ٨ سنة سيكون عمر ابنه ثلث عمر الأب

الشق الثاني

الشق الأول

٥. فكرة ٤: عمر خالد الآن ضعف عمر سالم ولكن قبل ٦ سنوات كان عمر خالد أربعة أضعاف عمر سالم فكم عمر خالد الآن؟
لنفرض أن عمر خالد = س عمر سالم = ص

نحول الشق الأول إلى معادلة ١: عمر خالد الآن ضعف عمر سالم: $س = ٢ ص$
نحول الشق الثاني إلى معادلة ٢: قبل ٦ سنوات كان عمر خالد أربعة أضعاف عمر سالم: $(س - ٦) = ٤ (ص - ٦)$

نعوض المعادلة الأولى في الثانية:
 $٢ ص - ٦ = ٤ (ص - ٦) \leftarrow ٢ ص - ٦ = ٤ ص - ٢٤ \leftarrow ٢ ص - ٤ ص = -٢٤ + ٦ \leftarrow -٢ ص = -١٨ \leftarrow ص = ٩$ سنة

إذاً عُمر سالم = ٩ سنة \leftarrow عمر خالد: $س = ٢ ص = (٩ \times ٢) = ١٨$ سنة

٦. فكرة ٥: إذا كان عمر فهد بعد ٨ سنوات يساوي ٣ أضعاف عمره من ٤ سنوات فما عمره الآن؟

لنفرض أن عمر فهد = س
النص: عمر فهد بعد ٨ سنوات يساوي ٣ أضعاف عمره من ٤ سنوات
نحوه إلى شكل معادلة: $س + ٨ = ٣ (س - ٤)$
 $س + ٨ = ٣ (س - ٤) \leftarrow س + ٨ = ٣ س - ١٢ \leftarrow س - ٣ س = -١٢ - ٨ \leftarrow -٢ س = -٢٠ \leftarrow س = ١٠$ سنة

إذاً عُمر فهد الآن = ١٠ سنوات

٧. أحمد أكبر من ماجد ب ٦ سنوات .. بعد سنتين يُصبح عمر أحمد ضعف عمر ماجد .. فما عمر أحمد الآن!

مجاهيل ع طرف وأعداد ف طرف $٨ - ٤ = ٢ص - ص$ $ص = ٤$	أحمد = س ماجد = ص $٦ + ص = س$ (أحمد أكبر من ماجد ب ٦ سنوات) --- بعد سنتين $٢ + (٢ + ص) = ٢ + ٢ + ٦ + ص$ --- ضعف $٤ + ٢ = ٨ + ص$
نعوض ف المعادلة الأولى.. $٦ + ص = س$ $١٠ = ٦ + ٤ = س$	

٨. قبل ١٠ سنوات كان مجموع أعمار ٤ أخوات ٦٠ سنة .. ما مجموع أعمارهن الآن! ..

$٦٠ = ٤٠ + ع + ن + س$ $١٠٠ = ١٠٠ + ع + ن + س$ سنة إذاً مجموع أعمارهن الآن = ١٠٠ سنة	لنفرض أن أعمار الأخوات : س ، ص ، ع ، ن $٦٠ = (١٠-س) + (١٠-ع) + (١٠-ن) + (١٠-ص)$
---	--

٩. عمر وليد ٤ أضعاف عمر محمد وعمر محمد ٣ أضعاف عمر نايف فكم عمر محمد إذا كان مجموع أعمارهم ٣٢ سنة!

من خلال المعطيات، راح استخراج عمر محمد (ص) عشان نوحده المجاهيل: $٣٢ = ص + (٤ \frac{ص}{٣})$ $٦ = ص$ سنة	لنفرض أن عمر: وليد = س محمد = ص نايف = ع $٤ = ص$ (عمر وليد ٤ أضعاف محمد) $٣ = ع$ (عمر محمد ٣ أضعاف نايف) أو أقدر أقول: ع = $\frac{ص}{٣}$ (عمر نايف $\frac{١}{٣}$ نايف) مجموع أعمارهم = ٣٢ سنة $٣٢ = ص + ع + س$
---	---

١٠. أحمد أكبر من ولده ب ٣٢ سنة .. منذ ١٠ سنوات كان عمر أحمد ٣ أضعاف عمر ولده .. فما هو عمر أحمد الآن!

(أحمد أكبر من ولد ب ٣٢) (أحمد قبل ١٠ سنوات كان ٣ أضعاف ولده "يعني تضرب")	لنفرض أن عمر: احمد = س ولده = ص معادلة ١: $٣٢ + ص = س$ معادلة ٢: $٣ = ١٠ - (ص - ١٠)$
---	---

راح أعوض المعادلة ١ في المعادلة ٢ عشان أقدر اعرف عمر ولده وبعدين أحمد:
 $(٣٢ + ص) = ١٠ - (ص - ١٠)$
 أذن عمر ولده: $ص = ٢٦$ سنة

عمر أحمد الآن باستخدام المعادلة ١:
 $٣٢ + ص = س$
 أذن عمر أحمد: $(٢٦) + (٣٢) = ٥٨$ سنة

١١. إذا كان عمر محمد يكبر عمر أخيه علي الآن ب ٣ سنوات فبكم يكبره بعد ١٠ سنوات!

أيضاً يكبره ب ٣ سنوات .. لأن فرق العمر يبقى ثابتاً..

١٢. رَجُلُ عمرة الآن ٤٥ سنة وعمر أبنه ٢٥ سنة .. قبل كم عام كان عمر الأب ضعف عمر أبنه!

لنفرض أن عدد السنوات = س
(٤٥ - س) = ٢ (ال ٢ هي عمر الابن كان ضعف الابن)
س = ٥ سنوات
أذن: قبل ٥ سنوات كان عمر الأب ضعف عمر أبنه

١٣. مجموع عمر أحمد ومحمد يساوي ٢٠ سنة .. وبعد سنتين يُصبح عمر محمد ضعف عمر أحمد ... فما عمر كل منهما الآن!

لنفرض أن عمر: أحمد = س محمد = ص
معادلة ١: س + ص = ٢٠ (مجموع عمر أحمد ومحمد يساوي ٢٠ سنة)
معادلة ٢: (س + ٢) = (ص + ٢) ("٢+" تعبر عن لفظ بعد سنتين و "٢" تعبر عن محمد ضعف عمر أحمد)

راح أعوض المعادلة ١ في المعادلة ٢ عشان أوجد عمر أحمد (س) وبعدين أوجد عمر محمد (ص)
معادلة ١: س + ص = ٢٠ تحول إلى ص = ٢٠ - س
(س + ٢) = (٢٠ - س + ٢)
س = ١٤ سنة
أذن: عمر أحمد = ١٤ سنة

أذن: عمر محمد: ص = ٢٠ - س
٢٠ - ١٤ = ٦ سنة

١٤. يزيد عمر احمد عن عمر ابنه بمقدار ٢٥ سنة وبعد ٥ سنوات يصبح عمر الأب ضعف عمر الابن فكم عمر كل منهما؟

لنفرض أن عمر: أحمد = س أبنه = ص
معادلة ١: س = ص + ٢٥ (يزيد عمر أحمد الآن عن عمر أبنه ب ٢٥ سنة)
معادلة ٢: س + ٥ = ٢ (ص + ٥) ("٥+" تعبر عن لفظ بعد ٥ سنوات و "٢" تعبر عن الأب ضعف عمر الابن)

راح أعوض المعادلة ١ في المعادلة ٢ عشان أوجد عمر الابن (ص) وبعدين أوجد عمر أحمد (س)
معادلة ١: س = ص + ٢٥
(ص + ٢٥) + ٥ = ٢ (ص + ٥)
ص = ٢٠ سنة..

أذن عمر: الابن الآن = ٢٠ سنة

عمر أحمد: س = (ص + ٢٥)
٢٠ + ٢٥ = ٤٥ سنة

١٥. الفرق بين عمر أب وأبنة الآن ٢٥ سنة .. وبعد ٨ سنوات يُصبح (٧١) عُمر الأب مساوياً ل (٢١) عمر الأبن .. فما عمر كل منهما! ..

لنفرض أن عمر: الأب = س الأبن = ص

معادلة ١: س - ص = ٢٥ (الفرق بين عمر أب وأبنة الآن ٢٥ سنة)

معادلة ٢: $\frac{1}{7}(س + ٨) = \frac{1}{4}(ص + ٨)$ (" ٨ " تعبر عن لفظ بعد ٨ سنوات)

نتلخص من الكسر في المعادلة ٢: بضرب الطرفين في ١٤ .

معادلة ٢: $٢(س + ٨) = ٧(ص + ٨)$ بتصيير $٢س + ١٦ = ٧ص + ٥٦$

راح أعوض المعادلة ١ في المعادلة ٢ عشان أوجد عمر الابن (ص) وبعدين أوجد عمر الأب (س)

معادلة ١: س - ص = ٢٥ تحول إلى س = ص + ٢٥

2) $٥٦ + ٧ص = ١٦ + ٢(ص + ٢٥)$

ص = ٢ سنة

أذن: عمر الأبن = ٢ سنة

أذن: عُمر الأب: س = (ص + ٢٥)

(٢) + (٢٥) = ٢٧ سنة ..

١٦. قبل ١٨ سنة من الآن .. كان عُمر مُحمد ضِعف عمر علي .. وبعد ٩ سنوات من الآن يُصبح عُمر محمد ٤٥/٥ عمر علي .. ما هو عمر كل منهما الآن! ..

بالتعويض عن قيمة س من المعادلة ١ إلى ٢:

٤ (٢ ص - ١٨) = (٩ + ص) ٥

ص = ٢٧ سنة

إذاً عمر علي = ٢٧ سنة

عمر محمد .. س = ٢ ص - ١٨

عمر محمد .. $١٨ - (٢ \times ٢٧) = ٣٦$ سنة

لنفرض أن عمر محمد = س ، عمر علي = ص

معادلة ١: (س - ١٨) ٢ = (ص - ١٨)

س - ١٨ = ٢ ص - ٣٦

س = ٢ ص - ١٨

س = ٢ ص - ١٨

معادلة ٢: $\frac{٥}{٩}(س + ٩) = \frac{٥}{٤}(ص + ٩)$ نضرب الطرفين ٤ نتخلص من الكسر

٤ (س + ٩) = ٥ (ص + ٩)

١٧. أمراه عمرها الآن ٣٠ سنة .. وعمر أولادها الثلاثة صفر ، ٣ ، ٥ على التوالي .. وبعد ١٢ سنة سيكون مجموع عمري الزوجة وزوجها ضِعف مجموع أعمار أولادها الثلاثة .. فكم سنة عُمر الرجل! ..

لنفرض أن عمر الرجل = س

$٢(٣٠ + س + ١٢) = (٠ + ١٢) + (٣ + ١٢) + (٥ + ١٢)$

س + ٥٤ = ٥٤ س = ٣٤ سنة .. إذاً عمر الرجل الآن = ٣٤ سنة ..

١٨. عمر ريم الآن ثلاثة أضعاف عُمر أخيها مُحمد .. ولكن قبل ٥ سنوات كان عُمرها خمسة أضعاف عمر أخيها محمد .. فأن عمرها الآن يساوي!

لنفرض أن عمر: ريم = س محمد = ص

معادلة ١: س = ٣ ص

معادلة ٢: س - ٥ = ٥ (ص - ٥) بالتعويض عن قيمة س من معادلة ١ إلى ٢:

$$٣ص - ٥ = ٥ (ص - ٥) \quad \text{إذاً: عمر ريم: س = ٣ ص} \quad (١٠ \times ٣) = ٣٠ \text{ سنة..}$$

١٩. لدى أبو خالد أربعة أولاد .. مجموع أعمارهم ٤٢ سنة .. بحيث عمر خالد ٣ أضعاف عمر راشد .. وعمر راشد (١/٢) عمر سلمان وعمر سلمان ضعف عمر جاسم! ..

لنفرض أن عمر: خالد = س راشد = ص سلمان = ع جاسم = ن

مجموع أعمارهم = ٤٢ سنة

س + ص + ع + ن = ٤٢

(٣ ص) + (٢ ص) + (ص) + (ص) = ٤٢

ص = ٦ سنة

أذن: عمر راشد = ٦ سنة..

المطلوب: كم عُمر سلمان: ع = ٢ ص (٦ × ٢) = ١٢ سنة

معادلة ١: س = ٣ ص

معادلة ٢: ص = ع (١/٢) إلى ع = ٢ ص

معادلة ٣: ع = ٢ ن

نعوض عن قيمة ع من المعادلة ٢ إلى ٣:

٢ ص = ٢ ن بالقسمة على ٢

ص = ن

٢٠. شاب تزوج وعمره ٢٥ سنة وبعد ٣ سنوات .. انجب ولد .. بعد كم سنة يكون عمر الأب ثلاثة أمثال عمر أبنه!

بعد ثلاث سنوات يكون عمر: الشاب = ٢٨ سنة وعمر الولد = ٠ سنة

لنفرض أن عدد السنوات = س

(٢٨ + س) = ٣ (٠ + س)

٢٨ + س = ٣ (س) إلى (٣س - س) = ٢٨

س = ٢٨ بالقسمة على ٢

س = ١٤ سنة

أذن: بعد ١٤ سنة يكون عمر الأب ثلاثة أمثال عمر أبنه

٢١. كم كان عُمر ي قبل عام واحد من الآن إذا كان قبل س عاماً .. يساوي ي! ..

لنفرض أن عمري = ص

ص - س = ي

ص = (ي + س) ← ص = (ي + س) - ١

٢٢. عمر والدة يوسف قبل ٣ سنوات من ولادته = ١٩ بعد ١٠ سنوات من ولادة يوسف عمر يهما

عمر والدة يوسف قبل ثلاثة سنين = ١٩ ← يوم ولادته عمرها = ١٩ + ٣ = ٢٢

بعد ١٠ سنين عمر الأم = ٢٢ + ١٠ = ٣٢ وعمر يوسف = ١٠

المجموع: ٣٢ + ١٠ = ٤٢ سنة

٢٣. إذا كان عمر خالد يكبر عمر أخيه حسان الآن ب ٧ سنوات فبكم سنه يكبره بعد ٣ سنوات
ج: ٧

سؤالين للأعمار تحل بقانون الوسط الحسابي

٢٤. حاصل ضرب عُمر توأمين يساوي معدل عُمريهما .. ما هو عمر كل واحد منهم!..

<p>بأخذ س عامل مشترك.. س (س - ١) = ٠ أما س = ٠ أو س = ١ إذاً عمر كل واحد منهم = ١ سنة</p>	<p>المعدل = المتوسط الحسابي المتوسط الحسابي = $\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}}$ عمر التوأمين متساوي: لنفرض أن عمر التوأم = س س × س = $\left(\frac{س}{٢}\right)$ + س = ٢س عندنا توأمين ٢ عندنا توأمين س = ٢ إلى س - ٢ = ٠</p>
---	--

٢٥. عائلة أبو عبد المجيد مؤلفة من أبو عبد المجيد وأم عبد المجيد وبعض الأبناء .. متوسط أعمار أعضاء العائلة يساوي ٢٠ سنة .. وعمر أبو عبد المجيد يساوي ٤٨ سنة .. ومتوسط عمر الأم والأبناء يساوي ٦ سنة .. فأن عدد الأبناء يساوي!

الوسط الحسابي = $\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}}$
لنفرض أن عمر : الأم = س الأبناء = ع عدد الأبناء = ص
$$\frac{(٤٨ + س + ص \times ع)}{(ص + ٢)} = ٢٠$$

٢٠ + ٤٨ = ص + س + ع نبسط ٢٠ + (٤٨ - ٤٠) = ص + س + ع
٢٠ + ٨ = ص + س + ع معادلة ١
$$\frac{(س + ص \times ع)}{(ص + ١)} = ١٦ \leftarrow ١٦ + ١٦ = ص + س + ع \text{ معادلة ٢}$$

نعوض المعادلة ٢ في ١:
٢٠ + ٨ = ص + س + ع ← ٢٠ + ٨ = ص + ١٦ ← ص = ٦ وهو عدد الأبناء

٢٦. إذا كان متوسط أعمار ٥ أشخاص يساوي ٢٥ عاماً فإذا أخذنا أحدهم صار المتوسط ٢٧ عاماً . فكم عمر الشخص الخامس ؟

الوسط الحسابي = $\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}}$
$$\frac{\text{خمسة أشخاص}}{٥} = ٢٥ \leftarrow \text{مجموع أعمال الخمسة أشخاص} = ٢٥ \times ٥ = ١٢٥$$

وإذا أخذناه واحد منهم يصير: $\frac{\text{أربعة أشخاص}}{٤} = ٢٧ \leftarrow \text{مجموع أعمال الأربعة أشخاص} = ٢٧ \times ٤ = ١٠٨$
نطرح القيمتين من بعض $١٧ = ١٢٥ - ١٠٨$ إذاً: عمر الشخص الخامس ١٧ سنة

this page is intentionally left blank
تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا
this page is intentionally left blank

المصافحات والترتيب وقراءة الصفحات والأيام والسناديق

قانون المصافحة:

$$\text{قانون: المصافحات لعدد } n \text{ من الأشخاص} = \frac{n(n-1)}{2}$$

قوانين الأعمدة والأشجار:

$$\begin{aligned} \text{عدد الأشجار أو الأعمدة} &= \text{عدد المسافات} + 1 & \text{عدد الأشجار أو الأعمدة} &= \frac{\text{المسافة الكلية}}{\text{المسافة البينية}} + 1 \\ \text{المسافة البينية} &= \frac{\text{المسافة الكلية}}{\text{عددهم} - 1} & \text{المسافة الكلية} &= \text{المسافة البينية} \times (\text{عددهم} - 1) \end{aligned}$$

قانون عدد الأشخاص:

$$\text{عدد الأشخاص} = (\text{الترتيب من اليمين} + \text{الترتيب من اليسار}) - 1$$

قانون معرفة اليوم بعد عدد معين من الأيام:

$$\text{عدد الأسابيع المكتملة} = \frac{\text{عدد الأيام}}{7} \quad \text{عدد الأيام المتبقية} = \text{عدد الأيام} - (\text{عدد الأسابيع} \times 7)$$

قانون عدد الصفحات المقروءة = البداية (من) - النهاية (إلى) + 1

تم تقسيم الدروس لتسهيل الفهم:

- أ. المصافحات
- ب. الأيام
- ت. قراءة عدد من الصفحات
- ث. مسائل حياتية
- ج. معرفة أعداد السناديق

أ. المصافحات

١. ٦ أشخاص تلاقوا في مكان ، كم تحية راح يعملوا؟

$$\text{قانون: المصافحات لعدد } n \text{ من الأشخاص} = \frac{n(n-1)}{2} = \frac{6(6-1)}{2} = 15 \text{ تحية}$$

٢. يتصافح مجموعه من الأشخاص ١٥ مرة ، كم عددهم اذا تمت المصافحة مرة واحدة فقط بين كل شخصين

$$\text{قانون: المصافحات لعدد } n \text{ من الأشخاص} = \frac{n(n-1)}{2}$$

في هذا السؤال قيمة عدد المصافحات معلوم = ١٥ مرة ولكن عدد الأشخاص غير معلوم = ن

$$15 = \frac{n(n-1)}{2} \quad \text{تبسيط} \quad 30 = n^2 - n$$

الإجابة

بالحاسبة، معادلة من الدرجة الثانية: حاصل الضرب - ٣٠ والجمع - ١ أمان = ٥ أو ن = ٦

ب. الأيام

٣. اذا كانت السبت ٤١ و الأحد ٤٣ و الاثنين ١١٢ ، كم تساوي الخميس ؟

$$\begin{aligned} \text{السبت: } ٤١ & \quad \text{الأحد: } ٤١ + ٢ = ٤٣ & \quad \text{الاثنين: } ٤٣ + ٦٩ = ١١٢ & \quad \text{الثلاثاء: } ١١٢ + ٢ = ١١٤ \\ \text{الأربعاء: } ١١٤ + ٦٩ = ١٨٣ & \quad \text{الخميس: } ١٨٣ + ٢ = ١٨٥ \end{aligned}$$

٤. اذا كان اليوم الأربعاء فما هو اليوم بعد مرور ٦٠ يوم؟

قانون معرفة اليوم بعد عدد معين من الأيام:
عدد الأسابيع المكتملة = $\frac{\text{عدد الأيام}}{٧}$
عدد الأيام المتبقية = عدد الأيام - (عدد الأسابيع \times ٧)

← عدد الأسابيع المكتملة = $\frac{٦٠}{٧} = ٨,٥ = ٨$ أسابيع
عدد الأيام المتبقية = $٦٠ - (٧ \times ٨) = ٤$ أيام
اليوم: الأربعاء اليوم + ١ : الخميس اليوم + ٢ : الجمعة اليوم + ٣ : السبت اليوم + ٤ : الأحد

٥. اذا كان اليوم الخميس فما هو اليوم بعد مرور ٧٢ يوم؟

قانون معرفة اليوم بعد عدد معين من الأيام:
عدد الأسابيع المكتملة = $\frac{\text{عدد الأيام}}{٧}$
عدد الأيام المتبقية = عدد الأيام - (عدد الأسابيع \times ٧)

← عدد الأسابيع المكتملة = $\frac{٧٢}{٧} = ١٠,٢ = ١٠$ أسابيع
عدد الأيام المتبقية = $٧٢ - (٧ \times ١٠) = ٢$ أيام
اليوم: الخميس اليوم + ١ : الجمعة اليوم + ٢ : السبت

٦. اذا كان اليوم الأحد فما هو اليوم بعد مرور ٨٤ يوم؟

قانون معرفة اليوم بعد عدد معين من الأيام:
عدد الأسابيع المكتملة = $\frac{\text{عدد الأيام}}{٧}$
عدد الأيام المتبقية = عدد الأيام - (عدد الأسابيع \times ٧)

← عدد الأسابيع المكتملة = $\frac{٨٤}{٧} = ١٢$ أسابيع
عدد الأيام المتبقية = $٨٤ - (٧ \times ١٢) = ٠$ أيام
اليوم: الأحد

ت. الترتيب

٧. أحمد وخالد في الطابور الصباحي وبينهما اثنان ، أمام أحمد ٥ طلاب وخلف خالد ٤ طلاب فكم يكون مجموع الطلاب ..؟

الترتيب الصحيح في : ٢ قبل خالد و ٢ بعد خالد و بعد ذلك احمد و بعدين في واحد.

إذا : شخص , أحمد , شخص , شخص , خالد , شخص , شخص = ٧ أشخاص

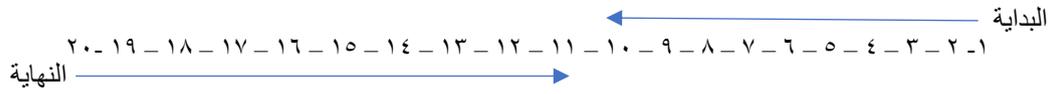
٨. إذا كان سعيد رقمه العاشر من أول يوم الطابور والحادي عشر من نهايته كم عدد الأشخاص في طابور؟

قانون عدد الأشخاص:

$$\text{عدد الأشخاص} = (\text{الترتيب من اليمين} + \text{الترتيب من اليسار}) - ١$$

$$\text{عدد الأشخاص في الطابور} = ١ - (١١ + ١٠) = ٢٠$$

حل آخر عن طريق الرسم:



٩. إذا كان ترتيب أحمد في صف من الطلاب من اليمين السابع ومن اليسار الثالث عشر كم عدد الطلاب

قانون عدد الأشخاص:

$$\text{عدد الأشخاص} = (\text{الترتيب من اليمين} + \text{الترتيب من اليسار}) - ١$$

$$\text{عدد الطلاب} = ١ - (١٣ + ٧) = ١٩$$

حل آخر عن طريق الرسم:



١٠. شخص ترتيبه من اليمين ٣ ومن اليسار ١٣ كم عدد الأشخاص؟

الحل: ١٥

١١. أحمد قبل فراس وعلي بعد محمد وفراس بعد علي وبدر قبل أحمد من هو أول شخص في ترتيب؟

الحل: فراس



١٢. ثمان أعمده متساوية الطول , المسافة بين كل عمودين ١٥ م , فكم بين أول عمود وآخر عمود؟

عدد الأعمدة: ٨ المسافة بين كل واحد: ١٥ المسافة بين أول عمود وآخر عمود: $(٨-١) \times ١٥ = ١٠٥$ متر



١٣. محمد أقصر عن أحمد ب ٤٥ ، محمود أقصر من حمد ب ٤٥ ، حمد أقصر من أحمد ب ٥٠ ، محمد ١ قصر من محمود ب ٥٠ ، من أقصر واحدة؟

الحل: محمد



محمد محمود حمد أحمد

ث. قراءة عدد من صفحات

١٤. قرأ سالم يوم السبت ١٠ صفحات من كتاب ١٥٠ صفحة، ويريد أ يقرأ يومياً مثلي عدد الصفحات التي قرأها في

اليوم السابق، في أي يوم ينهي قراءة الكتاب.

الشرح: يريد يقرأ ضعف اللي قراءه اليوم اللي قبله.

عدد صفحات الكتاب = ١٥٠ السبت قرأ ١٠ صفحات

السبت: ١٠ الأحد: ٢٠ = ٢ × ١٠ الأثنين: ٤٠ = ٢ × ٢٠ الثلاثاء: ٨٠ = ٢ × ٤٠ الأربعاء: ٨٠ ×

٢ = ١٦٠ إذا ينهي قراءة الكتاب يوم الأربعاء

١٥. قرأ أحمد في احد الكتب من الصفحة ٩ الى الصفحة ١٣ فكم صفحه قرأ ؟

قانون عدد الصفحات المقروءة = البداية (من) - النهاية (إلى) + ١ ← ١٣ - ٩ + ١ = ٥ صفحات

١٦. قرأت أسماء في كتاب من الصفحات من ١٠٩ الى ١١٣ كم ورقه قرأت ؟

قانون عدد الصفحات المقروءة = البداية (من) - النهاية (إلى) + ١ ← ١١٣ - ١٠٩ + ١ = ٥ صفحات

١٧. قرأ أحمد في احد الكتب من الصفحة ٧ الى الصفحة ٤٩ ومن ثم قرأ من الصفحة ١٠١ الى الصفحة ١٥٧ فما مجموع ما قرأ ؟

قانون عدد الصفحات المقروءة = البداية (من) - النهاية (إلى) + ١

$$٤٩ - ٧ + ١ = ٤٣ \text{ صفحات}$$

$$١٥٧ - ١٠١ + ١ = ٥٧ \text{ صفحات}$$

$$\text{المجموع} = ٤٣ + ٥٧ = ١٠٠ \text{ صفحة}$$

ج. معرفة أعداد الصناديق

١٨. خمس صناديق في الأول خاتم والثاني خاتمان والثالث ٣ وهكذا .. إذا كان وزن الخاتم ١٠ جرام ما عدا الصندوق الرابع وزن كل خاتم ٩ جرام كم وزن الخواتم في الصناديق الخمسة

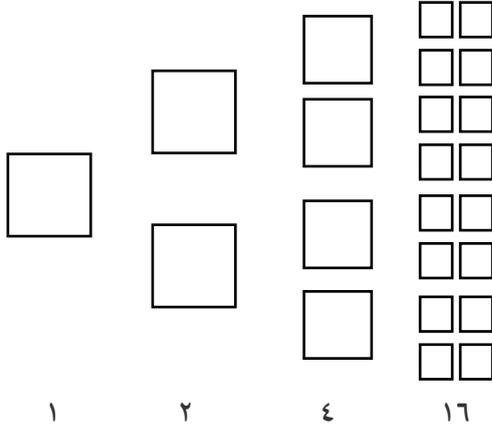
خاتم ١	خاتم ٢	خاتم ٣	خاتم ٤	خاتم ٥
١٠ جرام	١٠ جرام	١٠ جرام	٩ جرام	١٠ جرام

$$١٤٩ \text{ جرام} = (١٠ \times ٥) + (٩ \times ٤) + (١٠ \times ٣) + (١٠ \times ٢) + (١٠ \times ١)$$

١٩. صندوق به ٦٠ تفاحة بين كل ١٢ تفاحة ٨ تفاحات فاسدة فما عدد التفاح الصالح في الصندوق؟

المجموع الكلي ٦٠	١٢	١٢	١٢	١٢	١٢
المجموع الفاسد ٤٠	٨	٨	٨	٨	٨
مجموع الصالح ٢٠					

٢٠. صندوق بداخله صندوقين وكل صندوق منهم بداخله ٤ صندوقين فكم



مجموع الصناديق؟

مجموع الصناديق:

$$٢٣ \text{ صندوق} = ١٦ + ٤ + ٢ + ١$$

الحل عليك 😊

٢١. مكرر فكرة: صندوق داخله ٤ صناديق و كل صندوق فيه ٣. كم عدد الصناديق؟ ١٧

الحل عليك 😊

٢٢. مكرر فكرة: كرتون فيه ٣ كراتين ف كل كرتون ٣ كراتين كامل كم كرتون؟ ١٣

this page is intentionally left blank
تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا
this page is intentionally left blank

المسائل لفظية

هذه المسائل عبارة عن مسائل لفظية، تحل عن طريق استخراج المعطيات وفهم المطلوب.
لا يوجد قانون معين لهذا النوع من الأسئلة.
تم توزيع الأسئلة إلى: أ. أسئلة سهلة ب. أسئلة متوسطة

أ. أسئلة سهلة

١. رجل اشترى ب ٢٢ ألف سيارة واشترى اثاث اقل منه ب ٧ فكم دفع
ما دفعه = سعر السيارة + سعر الأثاث
ما دفعه = ٢٢٠٠٠ + (٧٠٠٠ - ٢٢٠٠٠) = ١٥٠٠٠ + ٢٢٠٠٠ = ٣٧٠٠٠ ريال
ما دفعه = ٣٧٠٠٠ ريال

٢. ميزان على الكفة اليمنى كان فيه ١٢ كرة صغيرة وعلى اليسرى كرتين كبيرتين إذا كان وزن الكرة الكبيرة
تساوي وزن كرة ونصف صغيرة فكم كرة كبيرة يجب وضعها لتساوي الكفتين؟

الشرح: فهمت من السؤال أنه عندنا ١٢ كرة صغيرة على ميزان، كم كرة كبيرة لازم أخلي عشان الميزان يتساوى

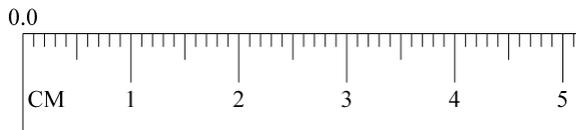
$$\text{ص} = \text{كرة صغيرة} = ١٢ \text{ كرة} \quad \text{ك} = \text{كرة كبيرة}$$

$$١,٥ \times \text{ص} = ٢ \times \text{ك} \quad \leftarrow \quad ١,٥ \times ١٢ = ٢ \times \text{ك} \quad \leftarrow \quad \text{كرة كبيرة (ك)} = ٩$$

٣. إذا كانت درجة ٠ درجة مئوية تساوي ٣٢ درجة فهرنهايت و ١٠٠ درجة مئوية تساوي ٢١٢ درجة
فهرناتية فما الدرجة التي تكون متساوية في كلا المقياسين وهي الوحيدة؟

درجة حرارة 40-مئوية تساوي حرارة 40-فهرناتية (هذه معلومة)

٤. إذا كان هناك مسطرة بالسنتيمتر وكان يوضع عند كل ربع سنتيمتر علامة صغيرة فما عدد العلامات في ١٢ سم



لأن كل عدد فيه ٤ أرباع

$$\text{إذاً: } ٤٨ = ١٢ \times ٤$$

٥. اذا ٥٠ طالب يتكلمون عربي و ٣٠ يتكلمون إنجليزي كم واحد يتكلم لغتين معا ؟

المعطى: مجموع الطالب = ٥٠ يتكلمون عربي = ٣٠ يتكلمون إنجليزي = ٣٠ يتكلمون اللغتين معا = س
مجموع اللي يتكلمون لغات منفصلة: عربي + إنجليزي = ٣٠ + ٣٠ = ٦٠ (بغض النظر عن مجموع الطلاب اللي في السؤال)
إذا: يتكلمون اللغتين معا س = مجموع اللي يتكلمون لغات منفصلة - مجمع الطلاب ← س = ٦٠ - ٥٠ = ١٠ طالب
الإجابة

٦. صف به ٧٨ طالباً، اشترك منهم ٤١ طالب بالنشاط الثقافي و ٢٢ طالب بالنشاط الصحي و ٩ طلاب اشتركوا بالنشاطين الثقافي والصحي . فما عدد الطلاب الذين لم يشتركوا بأي نشاط ؟

$$\begin{aligned} \text{عدد الطلاب الذين اشتركوا في النشاطين} &= (٤١ + ٢٢) - ٩ = ٥٤ \\ \text{عدد الطلاب الذين لم يشتركوا} &= ٧٨ - ٥٤ = ٢٤ \end{aligned}$$

٧. إذا كان هناك ٤٠ طالب يدرسون اللغة العربية والرياضيات وكان هناك ٨ متفوقون باللغة العربية و ٦ متفوقين بالرياضيات و ٣ متفوقين فيهما جميعا فكم عدد الغير متفوقين فيهما جميعا؟

$$\begin{aligned} \text{عدد الغير متفوقين} &= \text{المتفوقين في المادة الواحد} - \text{المتفوقين} \\ \text{المتفوقين} &= (٣ - ٦) + (٣ - ٨) = ١١ \\ \text{عدد الغير متفوقين} &= ٤٠ - ١١ = ٢٩ \text{ طالب} \end{aligned}$$

٨. حقيبة أ فيها ٧٠ قلم وحقيبة ب و ج فيهن ١٢٠ قلم علما أن حقيبة ج فيها ٣ أضعاف أقلام أ أوجد قيمة ب؟

$$\begin{aligned} \text{معطى: } ٧٠ &= \text{أ} \quad ١٢٠ = \text{ب} + \text{ج} \quad \text{ج} = ٣ \times \text{أ} \quad \text{ب} = ? \\ \text{الحل: } ١٢٠ &= \text{ب} + \text{ج} \quad ١٢٠ = \text{ب} + ٣ \times \text{أ} \quad \leftarrow \text{ب} = ١٢٠ - (٧٠ \times ٣) \quad \leftarrow \text{ب} = ٩٠ \end{aligned}$$

٩. اذا كان لديك ٤٨ كيس أرز و ٤٨ كيس سكر فكم عائلته تستحصل ع كيس أرز وسكر بتساوي؟
٤٨ عائلة

١٠. اذا محمد عطى فاطمة حلوة وبعدها فاطمة عطته الضعف فكم عدد الحلويات محمد

$$\text{محمد يعطي فاطمة} = ١ \quad \text{وفاطمة أعطته الضعف} = ٢ \times ١ = ٢ \quad \text{إذا: عدد حلويات محمد الضعف} = (٢)$$

١١. عدد الزوار لمعرض يتضاعف ٣ أضعاف في كل يوم عن الذي قبله، فإذا كان يوم السبت عددهم ١٠٠، فما عددهم يوم الاثنين؟

$$\boxed{900 = (300) \times 3 = \text{الاثنين}} \quad 300 = 100 \times 3 = \text{الأحد} \quad 100 = \text{السبت}$$

١٢. إذا كان قيمة ٥ مجلات زائد ٤ جرائد تساوي ٤٤ ريال و ٢٥ جرائد بقيمة ٢٥ ريال، كم قيمة المجلة الواحدة؟

المعطى: ٥ مجلات + ٤ جرائد = ٤٤ ريال ٢٥ جرائد = ٢٥ ريال قيمة المجلة الواحدة = ؟
أولاً نوجد قيمة الجريدة الواحد:

$$25 \text{ جرائد} = 25 \text{ ريال}$$

$$1 \text{ جرائد} = 1 \text{ ريال للجريدة}$$

ثانياً نوجد قيمة المجلة الواحدة:

$$\boxed{\text{ملحة واحدة} = 8 \text{ ريال}} \leftarrow 44 = (1 \times 4) + 5 \text{ مجلات} \leftarrow 5 \text{ مجلات} + 4 \text{ جرائد} = 44 \text{ ريال}$$

١٣. إذا كان ثمن شراء حذاء و ثوبين ٢٥٠ ريال و ثمن شراء حذائين ١٠٠ ريال فكم سعر الثوب الواحد؟

المعطى: ١ حذاء + ٢ ثوب = ٢٥٠ ريال ٢ حذاء = ١٠٠ ريال الثوب = ؟
أولاً نوجد قيمة الحذاء الواحد:

$$2 \text{ حذاء} = 100 \text{ ريال}$$

$$1 \text{ حذاء} = 50 \text{ ريال للحذاء}$$

ثانياً نوجد قيمة المجلة الواحدة:

$$\boxed{\text{سعر الثوب الواحد} = 100 \text{ ريال}} \leftarrow 250 = 2 \text{ ثوب} + (50 \times 1) \leftarrow 1 \text{ حذاء} + 2 \text{ ثوب} = 250 \text{ ريال}$$

١٤. وزع شخص على ٨٤ رجل وامرأة، لكل امرأة ٥٠٠ ريال وكان نصيب النساء ١٥٠٠٠ ريال فكم عدد الرجال؟

رجل + امرأة = ٨٤ شخص لكل امرأة = ٥٠٠ ريال نصيب النساء كامل = ١٥٠٠٠ ريال عدد الرجال = ؟

أولاً نوجد عدد النساء:

$$1 \text{ امرأة} = 500 \text{ ريال}$$

$$30 \text{ س} = 15000 \text{ ريال}$$

ثانياً نوجد عدد الرجل:

$$\boxed{\text{عدد الرجل} = 54 \text{ رجل}} \leftarrow 84 = 30 + \text{رجل} \leftarrow \text{رجل} + \text{امرأة} = 84 \text{ شخص}$$

١٥. اشترى محمد ثوب بثمان يزيد ٨٠ ريال عن ثمن ثوب سلمان وكان ثوب سلمان يقل ٣٠ ريال عن ثمن ثوب خالد الذي ثمنه ٩٠ ريال فما ثمن ثوب محمد؟

$$\text{ثمن ثوب محمد} = ٨٠ + \text{سلمان} \leftarrow \text{ثمن ثوب سلمان} = \text{خالد} (٩٠) - ٦٠ = ٣٠ \leftarrow \text{ثمن ثوب محمد} = ٦٠ + ٨٠ = ١٤٠$$

١٦. لدى رجل بقر ودجاج وكان عدد الدجاج مثلي عدد البقر وعدد قوائم البقر ٥٢ أوجد قوائم الدجاج؟

$$\begin{aligned} \text{معطى: عدد الدجاج} &= ٢ \times \text{عدد البقر} & \text{عدد قوائم البقر} &= ٥٢ \\ \text{لكل بقرة ٤ قوائم} &= \frac{٥٢}{٤} = ١٣ \text{ بقرة} & \leftarrow \text{عدد الدجاج} &= ٢ \times \text{عدد البقر} = ١٣ \times ٢ = ٢٦ \text{ دجاجة} \\ \text{لكل دجاجة ٢ قوائم} &= ٢ \times ٢٦ = ٥٢ \text{ قوائم للدجاج كامل} \end{aligned}$$

١٧. أراد أحد المحسنين توزيع ٤٨ كيس من الأرز و٧٢ كيس من السكر على عدد من العائلات بحيث تأخذ كل عائلة

كيس أرز وكيسين سكر، فكم أكبر عدد ممكن من العائلات؟

$$\begin{aligned} ٤٨ \text{ كيس أرز} & \text{ يكون كافياً لـ} ٤٨ \text{ عائلة} \\ \text{لكن ما نقدر نوزع} ٢ \text{ كيس سكر لكل عائلة} & = ٢ \times ٤٨ = ٣٦ \\ \text{الإجابة: لهذا السبب كل عائلة راح تحصل:} & ٣٦ \text{ كيس أرز وكيسين سكر} \\ \text{إضافة: وبذلك راح يبقى} ١٢ \text{ عائلة بس راح يأخذون سكر.} \end{aligned}$$

١٨. أراد احد المحسنين أن يوزع ٥٤٠ كغم من الأرز و ٢٨٠ كغم من السكر على عدد من الأسر ما اكبر عدد ممكن من الأسر يوزع عليها الأرز والسكر بالتساوي؟ الخيارات: ٢٢ أو ٢٠ أو ٢٣ أو ١٨

نحرب كل مرة خيار ونشوف أي خيار ما يعطي كسور، والإجابة بتكون ٢٠

١٩. مدين حُجز عليه فوجد عنده أثاث وأمتعته قدرت بمبلغ ١٠٤٠ ريال، ولو حجزت المحكمة على أمتعته بقي عليه

٧٠ ريال ولو حجز على الأثاث بقي له ١٠ ريال .. فما ثمن الأمتعة وما ثمن الأثاث وما قيمة دينه

$$\begin{aligned} \text{اللفظ: عنده أثاث وأمتعته قدرت بمبلغ} ١٠٤٠ & \leftarrow \text{أثاث} + \text{أمتعته} = ١٠٤٠ \\ \text{اللفظ: ولو حجزت المحكمة على أمتعته بقي عليه} ٧٠ & \leftarrow \text{الدين} = \text{أمتعته} - ٧٠ \leftarrow \text{أمتعته} = \text{الدين} + ٧٠ \\ \text{اللفظ: ولو حجز على الأثاث بقي له} ١٠ & \leftarrow \text{الدين} = \text{أثاث} + ١٠ \leftarrow \text{أثاث} = \text{الدين} + ١٠ \end{aligned}$$

$$\text{أثاث} + \text{أمتعته} = ١٠٤٠ \text{ (نعوض عن الأمتعة ولأثاث)} \leftarrow (\text{الدين} + ١٠) + (\text{الدين} - ٧٠) = ١٠٤٠$$

$$\boxed{\text{إذا: الدين} = ٥٥٠ \quad \text{أمتعته} = ٥٦٠ \quad \text{أثاث} = ٤٨٠}$$

٢٠. عند جمال وخالد و وليد ٢٦٥ ريال وما عند جمال يزيد عن ما عند خالد ب ١٥ وما عند وليد ضعف ما عند جمال كم مجموع ما يملكه خالد و جمال ؟

اللفظ: عند جمال وخالد و وليد ٢٦٥ ريال ← خالد + وليد + جمال = ٢٦٥

اللفظ: جمال يزيد على ما عند خالد بـ ١٥ ← خالد = جمال - ١٥

اللفظ: وليد ضعف جمال ← وليد = ٢ جمال

خالد + وليد + جمال = ٢٦٥ (بالتعويض) جمال - ١٥ + ٢ جمال + جمال = ٢٦٥

إذا: جمال = ٧٠ خالد = ١٥ - ٧٠ = ٥٥ مجموع ما مع جمال وخالد = ١٢٥

ب. أسئلة متوسطة

٢١. مطعم به عدد من الطاولات اذا كان هناك طاولات ب ٤ ارجل وهناك طاولات ب ٣ ارجل احسب عدد الطاولات اذا كان عدد الأرجل يزيد عن عدد الطاولات ب ٨٥ احسب عدد الطاولات ذات الأرجل الأربعة ؟
خيارات ١٥ ، ٣٥ ، ٤٠ ، ٤٥

السؤال يقول: عدد الأرجل = عدد الطاولات + ٨٥

عدد الطاولات ذات ٤ أرجل = س عدد الطاولات ذات ٣ أرجل = ص

٣ ص + ٤ س = س + ص + ٨٥

٣ ص + ٤ س - س - ص = ٨٥

٢ ص + ٣ س = ٨٥

(عندي مجهولين، لازم استخدم الخيارات لأنه تعبر عن عدد الطاولات ذات أربع أرجل، إذا الرقم اللي راح أخذ من الخيارات هو عدد الطاولات ذات الأربعة أرجل وراح يساعدني أعرف عدد الطاولات ذات ثلاث أرجل)
نجرب الخيار س = ١٥ ← ٢ ص + ٣ س = ٨٥ ← ص = ٢٠ وهي عدد الطاولات ذات الثلاث أرجل

٢٢. رجل معه ١٢٠ ورقة نقدية من فئة ٥ ريال و ١٠ ريال، فإذا كان عدد الأوراق من فئة ١٠ ريال = ٥ أمثال فئة ٥ ريال، فكم المبلغ الكلي؟

عدد أوراق فئة الخمسة = س	عدد أوراق فئة العشرة = ٥س	س تمثل أوراق فئة الـ ٥ : ٥ × ٢٠ = ١٠٠ ريال
س + ١٢٠ = ١٢٠ { معطى في السؤال }		س تمثل أوراق فئة الـ ١٠ : ١٠ × (٢٠) = ١٠٠٠ ريال
٦س = ١٢٠ ← س = ٢٠		مجموع ما لديه = ١٠٠٠ + ١٠٠ = ١١٠٠

٢٣. اذا كان سعر ٣ آلات حاسبة و قلم = ٩٠ ريال ، و سعر ٩ آلات حاسبة و قلمين = ٢٤٠ ريال . فأوجد سعر الآلة الواحدة ؟

نفرض أن: الآلة الحاسبة = س القلم = ص

اللفظ: سعر ٣ آلات حاسبة و قلم = ٩٠ ريال ← ٣س + ص = ٩٠ معادلة ١

اللفظ: سعر ٩ آلات حاسبة و قلمين = ٢٤٠ ريال ← ٩س + ٢ص = ٢٤٠ معادلة ٢

لنضع قيمة للـ (ص) من المعادلة ١ عشان نعوضها في المعادلة ٢:

٣س + ص = ٩٠ ← ص = ٩٠ - ٣س

٩س + ٢ص = ٢٤٠ ← ٩س + ٢(٩٠ - ٣س) = ٢٤٠ ← س = ٢٠ ريال للحاسبة الواحدة

٢٤. إذا كانت مها عندها س قطع حلوى . وعند محمد مثلها وأعطت مها ل محمد ٣ قطع حلوى لتصبح عند محمد اربع أضعاف ما عند مها . فكم عند محمد؟؟

كلاهما يملك س من الحلوى

مها أعطت محمد ٣ قطع فأصبح معها "س-٣" من الحلوى

محمد أخذ ٣ قطع فأصبح معه "س+٣" من الحلوى

$$\begin{aligned} \text{ما مع محمد} = 4 \text{ أضعاف ما مع مها} &\leftarrow \text{س} + 3 = 4(3 - \text{س}) \leftarrow \text{س} = 5 \text{ قطع حلوى} \\ \text{قطع الحلوى اللي عند محمد: س} + 3 &\leftarrow 3 + 5 = 8 \text{ قطع} \end{aligned}$$

٢٥. قطار يوجد في الدرجة الأولى ٣ كرسي في كل صف والدرجة السياحية ٥ في كل صف ، اذا كان عدد المقاعد

كلها بالدرجتين يساوي ٦٦ فأوجد عدد صفوف الدرجة الأولى ؟ الخيارات: ٦ ، ٨ ، ٧ ، ٩

$$\begin{aligned} \text{نفرض: عدد مقاعد الدرجة الأولى} = \text{س} \quad \text{عدد مقاعد الدرجة الأولى} = \text{ص} \quad \text{مجموع المقاعد} = 66 \\ \text{س} + 5\text{ص} = 66 \leftarrow \text{س} = \frac{66 - 5\text{ص}}{3} \end{aligned}$$

نحرب في الخيارات ونشوف الرقم اللي يقبل القسمة على ٣ ، لازم **ما يطلع** كسور

$$\text{س} = \frac{(6 \times 5) - 66}{3} = 12 \text{ ، } \text{س} = \frac{(8 \times 5) - 66}{3} = 8,6 \text{ ، } \text{س} = \frac{(7 \times 5) - 66}{3} = 10,5 \text{ ، } \text{س} = \frac{(9 \times 5) - 66}{3} = 7$$

$$\begin{aligned} \text{طلع عندي ناتجان: ١٢ و ٧} &\leftarrow \text{اجرب الرقم اللي يقبل القسمة على ٣ لأنه معطى ٢ س} \leftarrow \frac{12}{3} = 4 \text{ ، } \frac{7}{3} = 3,5 \\ \text{إذا: الخيار الصحيح هو ٦} &\end{aligned}$$

٢٦. اذا كان عندنا ٧٢ شجرة ووزعنا الشجرات في صفوف متساوية بحيث يكون عدد الأشجار في الصف الواحد

تساوي ضعف عدد الصفوف؛ فكم عدد الأشجار في الصف الواحد؟

لنحلل السؤال: ٧٢ هو عدد الأشجار في كل صف لأن مجموع الأشجار **قسمة** عدد الصفوف (س) ببعطينا عدد الأشجار في

كل صف وفي المسألة عدد الأشجار في كل صف = ضعف عدد الصفوف يعني ٢(س)

$$\text{أذن: } \left(\frac{72}{\text{س}}\right) = 2\text{س} \leftarrow \text{س} = 6 \text{ جذر}$$

٢٧. الحلاق عنده مبلغ من المال وضعه فالدرج طلب من الزبون الأول يأخذ عشره ويضع نفس المبلغ الذي وجده

فالدرج وطلب من الثاني والثالث نفس الطلب فالنهاية لم يجد فالدرج شي ما هذا المبلغ؟

المقصود: أنه في مبلغ في الدرج وكل زبون يأخذ منه عشرة والنهاية المبلغ خلص، كم هو المبلغ؟

نفرض انه اللي في الدرج في البداية = س

ما بقي بالدرج بعد الزبون الأول : س+س - ١٠

بعد الزبون الثاني: ٢(ما بقي بعد الزبون الأول) - ١٠ = ٢(س+س-١٠) - ١٠

بعد الزبون الثالث: ٢(ما بقي بعد الزبون الثاني) - ١٠ = ٢(٢(س+س-١٠) - ١٠) - ١٠

$$\text{طبعا بعد الزبون الثالث فضى درج يعني: } 2(2(س+س-10)-10)-10=0 \leftarrow \text{س} = 8,75$$

this page is intentionally left blank
تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا
this page is intentionally left blank

المساحة والمحيط والأشكال الهندسية

لسهولة فهم الدرس، تم تقسيمه إلى عدة أقسام:

- أ. أسئلة متعلقة بالمثلثات. ب. أسئلة متعلقة المستطيلات. ت. أسئلة متعلقة المكعبات. ث. أسئلة متعلقة الدائرة. ج. الأقطار والمضلعات.

القوانين الأكثر تكرار في هذا العنوان:

المثلثات:	محيط المثلث = مجموع أطوال أضلاعه
المستطيل:	محيط المستطيل = ٢ (الطول + العرض) المساحة = الطول × العرض طول قطر المستطيل = $\sqrt{(\text{الطول}^2 + \text{العرض}^2)}$
المكعب:	حجم المكعب = الطول × العرض × الارتفاع
الدائرة:	مساحة الدائرة = (نق) × ط

أ. أسئلة متعلقة بالمثلثات:

١. محيط مثلث ١٨ تقريباً معطينا ضلعين س و س+١ يريدوا طول الضلع الثالث

المعطى: محيط المثلث = ١٨ ض^١ = س ض^٢ = س + ١ ض^٣ = ؟

قانون: محيط المثلث = مجموع أطوال أضلاعه

$$١٨ = (\text{ض}^١ + \text{ض}^٢ + \text{ض}^٣)$$

$$١٨ = (\text{س} + (\text{س} + ١) + \text{ض}^٣) \quad ١٨ = ٢\text{س} + ١ + \text{ض}^٣ \quad (\text{تبسيط المعادلة})$$

$$\text{ض}^٣ = ١٧ - ٢\text{س}$$

٢. ثماني مثلثات ٣ منهن مضللاً كم عدد المثلثات غير المضللات؟

الحل: ٥

١	٥	٩	١٣	١٧
٢	٦	١٠	١٤	١٨
٣	٧	١١	١٥	١٩
٤	٨	١٢	١٦	٢٠

١ ٢ ٣ ٤ ٥

٣. قطعة بيزا تم قطعه ٢٠ قطعه كم هو خمس البيزا؟؟

$$\frac{١}{٥} = \text{خمس البيزا}$$

وكل خمس فيه ٤ بيتزا

$$٢٠ = ٥ \times ٤ \quad \text{قطعة}$$

٤. إذا كانت النسب بين زوايا المثلث ١ : ٣ : ٥ فما قيم الزوايا ؟

قانون: $\frac{\text{مجموع قياسات زوايا المثلث } 180^\circ}{\text{مجموع النسب}}$

$$20 = \frac{180}{5+3+1}$$

$$\text{الزاوية } 1 = 20 \times 1 = 20$$

$$\text{الزاوية } 2 = 20 \times 3 = 60$$

$$\text{الزاوية } 3 = 20 \times 5 = 100$$

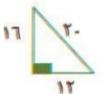
أشهر المثلثات القائمة:



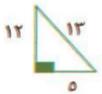
مثلث أضلاعه ٣, ٤, ٥، مثلث



مثلث أضلاعه ٦, ٨, ١٠، مثلث



مثلث أضلاعه ١٢, ١٦, ٢٠، مثلث



مثلث أضلاعه ٥, ١٢, ١٣، مثلث



الحاسبة تكون في وضعية degree

$$\theta = \sin^{-1} \left(\frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} \right) = \sin^{-1} \left(\frac{12}{13} \right) = 67,38^\circ$$

$$\theta = \cos^{-1} \left(\frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} \right) = \cos^{-1} \left(\frac{5}{13} \right) = 67,38^\circ$$

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{12}{5} \right) = 67,38^\circ$$

٥. مثلث طول أضلاعه ٥, ١٢, ١٣، كم اصغر زاوية؟ جميع زوايا المثلث متشابهة.

ب. أسئلة متعلقة بالمستطيلات:

٦. أرض مستطيلة محيطها ٦٠ وطولها ضعف عرضها، كم مساحتها ؟

ع = عرض

المعطى: محيط المستطيل = ٦٠ الطول (ط) = ٢ع

قانون:

محيط المستطيل = ٢ (الطول + العرض)

المساحة = الطول × العرض

محيط المستطيل = ٢ (ط + ع)

٦٠ = ٢ (٢ع + ع) (نبسط المعادلة)

ع = ١٠ إذاً العرض = ١٠

$$\text{الطول} = ٢ = ١٠ \times ٢ = ٢٠$$

$$\text{العرض} = ١٠$$

$$\text{المساحة} = \text{الطول} \times \text{العرض} = ١٠ \times ٢٠ = ٢٠٠$$

٧. إذا كانت النسبة بين مساحتي مربعين متشابهين (١١) وكان طول ضلع المربع الأول = ٤ سم فما طول المربع الثاني؟

م^١ = مساحة المربع الأول
م^٢ = مساحة المربع الثاني

نوجد طول الضلع الثاني: قانون: النسبة = $\frac{\text{مساحة المربع الأول}}{\text{مساحة المربع الثاني}}$

$$\frac{16}{\text{م}^2} = \frac{(4 \times 4)}{\text{م}^2} = \frac{1}{4}$$

$$\text{م}^2 = ٦٤ \text{ سم}^2 \text{ وهذه المساحة، عشان أعرف طول الضلع، أخذ جذر ٦٤، يطلع الناتج = ٤ سم}$$

٨. شبكة تتكون من عدد ٤ خطوط في ٤ خطوط ليشكل ٢٢ مربع ، كم عدد المستطيلات التي تشكلها الخطوط بما فيها المربعات ؟

٤ خطوط و٤ خطوط يعني ٤ أعمدة و٤ صفوف
من قانون عدد المستطيلات = $\frac{\text{عدد الصفوف (عدد الصفوف + 1)} \times \text{عدد الأعمدة (عدد الأعمدة + 1)}}{٤}$
 $٤ \times ٤ = \frac{(٤ + 1) \times (٤ + 1)}{٤} = ١٠٠$ مستطيل

٩. مستطيل طوله ٤٠م وعرضه ٣٠م ، زرع منه ٢٥٪ وبني منه ١٠٪ كم باقي منه ؟

قانون مساحة المستطيل: المساحة = الطول × العرض
المساحة = ٣٠ × ٤٠ = ١٢٠٠م
النسبة المستخدمة: ٢٥٪ + ١٠٪ = ٣٥٪ (الغير مستخدم = ٦٥٪)
١٢٠٠ _____ ١٠٠٪
س _____ ٦٥٪
س = ٧٨٠م (وهي المساحة الباقية)

١٠. مساحة أرض ١٥٠٠ اذا كان ثمن كل ١٥ متر ب ٥٠ ريال فكم ثمنها ؟
قيمة المتر الواحد = $\frac{\text{قيمة المتر}}{\text{ثمن المتر (الأمتار)}} = \frac{٥٠}{١٠} = ٣,٣٣$ ريال للمتر
قيمة الأرض كاملة : المساحة × قيمة المتر الواحد = ٣,٣٣ × ١٥٠٠ = ٥٠٠٠ ريال

١١. مستطيل مساحته تساوي أربعة أضعاف مساحة مربع طول ضلعه ٢ سم ؛ فإن مساحة هذا المستطيل ؟

مساحة المربع = الطول × العرض = ٢ × ٢ = ٤ سم^٢
مساحة المستطيل حسب السؤال = ٤ × مساحة المربع = ٤ × ٤ = ١٦ سم^٢

١٢. مستطيل ابعاده ٣ , ٤ أوجد قطره؟

طول قطر المستطيل = $\sqrt{(\text{الطول}^2 + \text{العرض}^2)}$
 $٥ = \sqrt{(٣^2 + ٤^2)}$

١٣. سلك معدني طوله ٣٤ سم ثني على شكل مستطيل مساحته ٥٢ سم^٢، ما طول المستطيل؟

قانون:

$$\text{محيط المستطيل} = ٢ (\text{الطول} + \text{العرض})$$

$$\text{المساحة} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$\text{الطول} = \text{س} \quad \text{العرض} = \text{ص}$$

$$\text{معادلة ١: مساحة المستطيل} = \text{س} \times \text{ص} = ٥٢$$

$$\text{معادلة ٢: محيط المستطيل} = ٢(\text{س} + \text{ص}) = ٣٤ \quad \text{نتخلص من (٢) بقسمة الطرفين على (٢)} = \text{س} + \text{ص} = ١٧$$

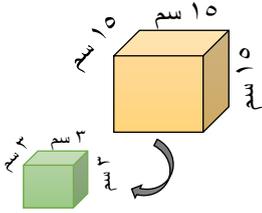
$$\text{س} \times \text{ص} = ٥٢ \quad \text{و} \quad \text{س} + \text{ص} = ١٧$$

$$\text{معادلة من الدرجة الثانية، باستخدام الحاسبة: عدان ضربهما} = ٥٢ \quad \text{وجمعهما} = ١٧$$

$$\text{النتائج: الطول} = ١٣ \text{ سم} \quad \text{العرض} = ٤ \text{ سم}$$

ت. أسئلة متعلقة بالمكعبات:

١٤. مكعب من الجبن طول حرفه ١٥ سم، يراد تقسيمه الى مكعبات صغيرة طول حرفها ٣ سم لتقديمها ضمن احد الوجبات - احسب عدد مكعبات الجبن الصغيرة الناتجة .



$$\text{الحل: عدد المكعبات} = \frac{\text{حجم المكعب الأول}}{\text{حجم المكعب الثاني}} = \frac{(١٥ \times ١٥ \times ١٥)}{(٣ \times ٣ \times ٣)} = ١٢٥ \text{ قطعة}$$

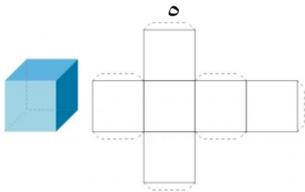
$$\text{قانون حجم المكعب} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع} \quad \text{أو} \quad \text{مكعب طول ضلعه}$$

١٥. شكل مجسم مضلع يحتوي على ٢ أوجه كل وجه ع شكل مربع، طول كل ضلع منه ٣ سم أوجد الحجم؟

من خلال المعطى أقدر أقوال الشكل المقصود هو المكعب.

$$\text{قانون حجم المكعب} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع} \quad \text{أو} \quad \text{مكعب طول ضلعه}$$

$$\text{هذا الشكل مكعب و حجمه} = ٢٧ = ٣ \times ٣ \times ٣$$



١٦. اذا كانت المساحة الخارجية لمكعب ١٥٠ فكم حجمه؟

$$\text{مساحة المكعب الكلية} = ١٥٠$$

$$\text{مساحة الوجه الواحد} = \frac{\text{مساحة المكعب الكلية}}{\text{عدد أوجه المكعب}} = \frac{١٥٠}{٦} = ٢٥$$

$$\text{مساحة المربع} = \text{الطول} \times \text{العرض} = ٢٥ \quad (\text{تأخذ الجذر عشان نعرف الطول أو العرض})$$

$$٥ = ٢٥ \quad \text{إذا: الطول الحرف} = ٥$$

$$\text{الحجم} = ١٢٥ = ٥ \times ٥ \times ٥$$

١٧. مكعب طوله ٢ سم فما حجمه.

$$\text{حجم المكعب} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع} \quad \text{أو} \quad \text{تكعب الطول أو العرض}$$

$$\text{حجم المكعب} = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

١٨. مجسم هندسي يتكون من قاعدتين كل منهما على شكل مربع طول ضلعه ٤ سم ؛ وأربعة أوجه مستطيلة الشكل أبعاد كل منها ٤ سم ؛ ٨ سم عمودية على كل من المربعين . فما حجم المجسم ؟

$$\text{حجم المجسم} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم الجسم} = 4 \times 4 \times 8 = 128 \text{ سم}^3$$

١٩. خزان ماء طوله ١٢٠ سم ؛ وعرضه ٥٠ سم ؛ وارتفاعه ٦٠ سم صببنا فيه ١٥٠ لتر من الماء. فما ارتفاع الماء في الخزان ؟

المعطيات في السؤال: الطول = ١٢٠ سم العرض = ٥٠ سم الارتفاع = ٦٠ سم
نحول من لتر إلى سم^٣ ونضرب في ١٠٠٠
حجم الماء في الخزان = ١٥٠ لتر = ١٥٠٠٠٠ سم^٣

توضيح:
١٥٠٠٠٠ = حجم الماء الذي صببناه
ارتفاع الماء في الخزان = (حجم الماء الذي صببناه) \ (المساحة قاعدة الخزان)
ارتفاع الماء في الخزان = ٢٥ سم

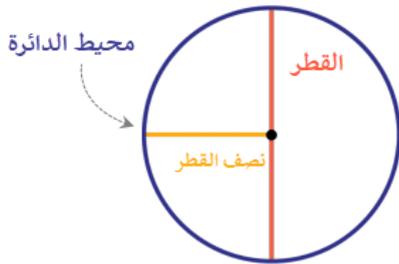
$$\text{الحجم} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$$

$$\frac{\text{الحجم}}{\text{الطول} \times \text{العرض}} = \text{الارتفاع}$$

$$\text{الارتفاع} = \frac{150000}{50 \times 120} = 25 \text{ سم}$$

ث. أسئلة متعلقة الدائرة:

٢٠. دائرة نصف قطرها ١٠٠ سم , رسم على قطرها ٢٠ دائرة صغيرة متطابقة , أوجد نسبة مساحة الدائرة



الصغيرة إلى مساحة الدائرة الكبيرة

$$\text{نصف القطر هو نفسه "نق" نصف المحيط "ط" = 3, 14$$

$$\text{طول قطر الدائرة الكبيرة} = 2 \times \text{نصف القطر} = 2 \times 100 = 200$$

السؤال يقول وزع على القطر ٢٠ دائرة صغيرة بالتساوي

$$\text{أي أن قطر الدائرة الصغيرة الواحدة} = \frac{\text{قطر الدائرة الكبيرة}}{\text{عدد الدوائر الصغيرة}} = \frac{200}{20} = 10$$

$$\text{إذا نصف القطر} = \frac{10}{2} = 5$$

$$\text{مساحة الدائرة الصغير} = (\text{نق}) \times \text{ط} = (5)^2 \times \text{ط} = 25 \text{ ط}$$

$$\text{مساحة الدائرة الكبيرة} = (\text{نق}) \times \text{ط} = (200)^2 \times \text{ط} = 40000 \text{ ط}$$

بالقسمة على ط: ٢٥ : ١٠٠٠٠

النسبة مساحة الصغيرة : مساحة الكبيرة ٢٥ ط : ١٠٠٠٠ ط

بالقسمة على ٢٥ لتبسيط: ١ : ٤٠٠ إذا النسبة هي: ١ : ٤٠٠

٢١. إذا زاد نصف قطر دائرة لضعف فإن مساحتها تزيد كم مرة؟

$$\text{قانون: مساحة الدائرة} = (\text{نق}^2) \times \text{ط}$$

(نضرب التربيع داخل الأقواس)

زادة نصف القطر إلى الضعف، مساحة الدائرة = $(2\text{نق})^2 \times \text{ط}$

مساحة الدائرة = مساحة الدائرة = $4\text{نق}^2 \times \text{ط}$ (إذاً تزيد مساحة المربع ٤ مرات)

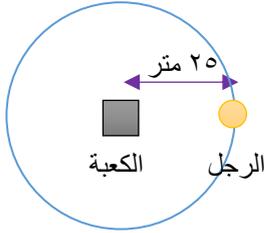
٢٢. دائرة محيطها يساوي ١٠ و نصف قطرها ٤ سم فما مساحتها؟

نصف القطر هو نفسه "نق" نصف المحيط "ط = ٣,١٤"

المحيط = ١٠ = نصف القطر "نق" = ٤ سم

قانون: مساحة الدائرة = $(\text{نق}^2) \times \text{ط} = 4^2 \times 3,14 = 50,24 \text{ سم}^2$

٢٣. إذا كان رجل يطوف حول الكعبة والمسافة بينه وبين الكعب ٢٥ متر فكم المسافة التي يقطعها في سبعة أشواط؟



الطواف حول الكعبة عبارته عن حركة دائرية.

المسافة بين الكعبة والشخص تمثل نصف قطر الدائرة "نق" = ٢٥ م

محيط الدائرة = $2 \times \text{نق} \times \text{ط} = 2 \times 25 \times 3,14 = 157 \text{ م}$

المسافة في ٧ أشواط = $7 \times \text{محيط الدائرة}$

المسافة في ٧ أشواط = $7 \times 157 = 1100 \text{ م}$

حل آخر:

وممكن ما أتعرض بقيمة الـ ط: المسافة = $7 \times 2 \times 25 = 350 \text{ ط}$ المسافة = $350 \times 3,14 = 1100 \text{ م}$

ج. الأقطار والمضلعات:

٢٤. كم عدد أقطار الشكل الخماسي؟

الشكل	عدد الأضلاع	عدد الأقطار	عدد الأقطار من كل رأس
المربعي	٤	٢	٤
الخماسي	٥	٥	١٠
السداسي	٦	٩	١٨
السباعي	٧	١٤	٢٨

$$\text{قانون: عدد أقطار أي شكل} = \frac{ن(ن-٣)}{٢}$$

$$ن = \text{عدد الأقطار}$$

$$٥ \text{ أقطار} = \frac{(٣-٥)٥}{٢} =$$

٢٥. المضلع الثماني كم قطر فيه:

$$\text{قانون: لحساب قطر أي مضلع نستخدم} = \frac{١}{٢} (ن-٣) \times ن$$

$$ن = \text{عدد اضلاع المضلع}$$

$$٢٠ \text{ قطر} = \frac{١}{٢} (٣-٨) \times ٨ =$$

٢٦. عدد المثلثات الناتجة من تقسيم مضلع ثماني من أحد رؤوسه إلى مثلثات هو؟

الشكل	عدد المثلثات	عدد الأضلاع
المضلع ١	٤	٦
المضلع ٢	٣	٥
المضلع ٣	٦	٨

$$\text{قانون: عدد المثلثات} = ن - ٢$$

$$ن = \text{عدد اضلاع المضلع}$$

$$\text{عدد المثلثات} = ٨ - ٢ = ٦$$

٢٧. ٢٠٪ من الزاوية المستقيمة

$$\text{ج: } ٣٦ \text{ درجة}$$

$$\text{قيمة الزاوية المستقيمة} = ١٨٠^\circ$$

$$٣٦ = ٢٠\% * ١٨٠$$

this page is intentionally left blank

تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا

this page is intentionally left blank

النسب المئوية

<p>السعر الأصلي في الربح:</p> <p>نضع السعر الأصلي س ← يقابله ١٠٠٪</p> <p>نضع سعر البيع يقابله ← ١٠٠٪ + نسبة المكسب</p> <p>السعر الأصلي في التخفيض (الخسارة):</p> <p>نضع السعر الأصلي س ← يقابله ١٠٠٪</p> <p>نضع سعر البيع يقابله ← ١٠٠٪ - نسبة الخسارة</p> <p>المكسب = ثمن البيع - ثمن الشراء والمصاريف</p> <p>الخسارة = ثمن الشراء والمصاريف - ثمن البيع</p>	<p>قانون النسبة المئوية:</p> $\frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} = \frac{\text{العدد}}{100}$ <p>الربح والخسارة:</p> <p>النسبة المئوية للمكسب:</p> <p>في حالة زيادة سعر أو طول أو مساحة:</p> $\frac{\text{مقدار الزيادة}}{\text{الأصلي}} \times 100\%$ <p>النسبة المئوية للخسارة:</p> <p>في حالة نقص سعر أو طول أو مساحة:</p> $\frac{\text{مقدار النقص}}{\text{الأصلي}} \times 100\%$
---	--

أ. النسبة المئوية

١. إذا كان ٤٪ لعدد ما يساوي ٤٨ فما هو العدد؟

$$\frac{\text{العدد}}{100} = \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} \quad \leftarrow \quad \frac{48}{\text{الكل}} = \frac{4}{100} \quad \leftarrow \quad \text{الكل} = 1200$$

٢. اشترى خالد ثلاجة مخفضة بنسبة ٢٠٪ من ثمنها الأصلي فدفع ٣٠٠٠ ريال. فكم كان الثمن الأصلي للثلاجة؟

شرح: عبارة مخفضة بنسبة ٢٠٪، أي دفع ٨٠٪ والتي هي تمثل ٣٠٠٠ ريال

$$\frac{\text{العدد}}{100} = \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} \quad \leftarrow \quad \frac{3000}{\text{الكل}} = \frac{80}{100} \quad \leftarrow \quad \text{الكل} = 3750 \text{ ريال}$$

٣. قام خالد بصرف ما معه من مال ما عدا ١٠٪ من المبلغ الذي يمثل مصروف أخية أحمد. فإذا كان مصروف أحمد ١٦٠ ريال فما المبلغ الذي كان مع خالد؟

شرح: فهتمت من السؤال أنه ١٠٪ تمثل ١٦٠ ريال

$$\frac{\text{العدد}}{100} = \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} \quad \leftarrow \quad \frac{160}{\text{الكل}} = \frac{10}{100} \quad \leftarrow \quad \text{الكل} = 1600 \text{ ريال}$$

٤. قام صاحب متجر بإخراج ٢٪ مما مر عليه من صناديق فاكهة بسبب تلفها فإذا كان عدد ما أخرجه ٦ صناديق. فكم صندوق مر عليه؟

شرح: فهتمت من السؤال أنه ٢٪ تمثل ٦، المطلوب هنا عدد الصناديق كامل (الكل).

$$\frac{\text{العدد}}{100} = \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} \quad \leftarrow \quad \frac{6}{\text{الكل}} = \frac{2}{100} \quad \leftarrow \quad \text{الكل} = 300 \text{ ربا}$$

٥. اذا كان ٢٥٪ تساوي ٨، فكم ٥٠٪ تساوي؟

شرح: فهتمت من السؤال أنه ٢٥٪ تمثل ٨ ولكن ٥٠٪ كم تمثل. هنا يجب أولاً إيجاد الكل، ثم ثانياً نوجد الجزء.

$$\left[\frac{\text{العدد}}{١٠٠} = \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} \right] \leftarrow \frac{٨}{\text{الكل}} = \frac{٢٥}{١٠٠} \leftarrow \text{الكل} = ٣٢$$

$$\left[\frac{\text{العدد}}{١٠٠} = \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} \right] \leftarrow \frac{٥٠}{١٠٠} = \frac{\text{الجزء}}{٣٢} \leftarrow \text{الجزء} = ١٦$$

٦. اذا كان ثلث رقم معين يساوي ٢٥٪ من العدد ١٢ فما هو الرقم؟

شرح: فهتمت من السؤال أنه ٢٥٪ تمثل $\frac{١}{٣}$ (س)، ولكن أعرف الكل ١٢.

$$\left[\frac{\text{العدد}}{١٠٠} = \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} \right] \leftarrow \frac{٢٥}{١٠٠} = \frac{\frac{١}{٣} \text{ س}}{١٢} \leftarrow \text{الجزء (س)} = ٩$$

٧. إذا كانت قيمه س% من ص تساوي ٤٠ فما قيمه ص؟

شرح: فهتمت من السؤال أنه س% تمثل ٤٠، والكل هنا يمثل بـ (ص)

$$\left[\frac{\text{العدد}}{١٠٠} = \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} \right] \leftarrow \frac{٤٠}{ص} = \frac{س}{١٠٠} \leftarrow \text{الكل (ص)} = \frac{٤٠٠٠}{س}$$

٨. كم عدد المربعات التي نستطيع وضعها في مستطيل، علماً بأن عدد المربعات ١٢ مربع التي داخل المستطيل تمثل نسبة ١٥٪؟

شرح: فهتمت من السؤال أنه ١٥٪ تمثل ١٢ مربع

$$\left[\frac{\text{العدد}}{١٠٠} = \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} \right] \leftarrow \frac{١٢}{\text{الكل}} = \frac{١٥}{١٠٠} \leftarrow \text{الكل} = ٨٠ \text{ ريال}$$

٩. اذا كان عدد طلاب الفصل ٣٠ وكانت نتيجة الرسوب ٧٠٪ فكم عدد الراسبين؟

شرح: فهتمت من السؤال أنه ٧٠٪ راسب من صف مجموعه ٣٠ طالب، المطلوب عدد الراسبين

$$\left[\frac{\text{العدد}}{١٠٠} = \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} \right] \leftarrow \frac{٧٠}{١٠٠} = \frac{\text{الجزء}}{٣٠} \leftarrow \text{الجزء (الراسبين)} = ٢١ \text{ طالب}$$

١٠. اذا كان عدد الطلاب في الفصل ٢٥ طالبا ، ورسب منهم ٤٠٪ فكم يبلغ عدد الطلاب الذي نجحوا ؟

شرح: فهتمت من السؤال أنه صف مجموعه ٢٥ طالب، ٤٠٪ راسب والباقي ناجح ٦٠٪، المطلوب عدد الناجحين

$$\text{قانون النسبة المئوية: } \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} = \frac{\text{العدد}}{100} \leftarrow \frac{\text{الجزء}}{25} = \frac{60}{100} \leftarrow \text{الجزء (الناجحين)} = 15 \text{ طالب}$$

١١. إذا كان ٢٠٪ من طلاب إحدى الجامعات مسجلين في قسم الفيزياء ؛ و ١٥٪ مسجلين في قسم الأحياء فإذا كان عدد الطلاب المسجلين في الجامعة ٢٠٠ طالب فما عدد الطلاب المسجلين في باقي الأقسام ؟

شرح: فهتمت من السؤال أنه مجموع الطلاب (الكل) هو ٢٠٠ طالب في نسبة مئوية منهم مسجلين في قسمين الفيزياء والأحياء

(٢٠٪ + ١٥٪ = ٣٥٪) والبقية مسجلين في أقسام أخرى (٦٥٪)

$$\text{قانون النسبة المئوية: } \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} = \frac{\text{العدد}}{100} \leftarrow \frac{\text{الجزء}}{200} = \frac{65}{100} \leftarrow \text{طلاب باقي الأقسام (الجزء)} = 130 \text{ طالب}$$

١٢. أعطى ابن لوالده كامل مدخول المحل ما عدا ٨٪ من المدخول وهو راتبه ، فإذا كان راتبه يبلغ ١٦٠ ريالاً فكم

مدخول المحل؟ ٢٠٠٠

شرح: فهتمت من السؤال أنه ٨٪ تمثل ١٦٠ ريال

$$\text{قانون النسبة المئوية: } \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} = \frac{\text{العدد}}{100} \leftarrow \frac{160}{\text{الكل}} = \frac{8}{100} \leftarrow \text{الكل} = 2000 \text{ ريال}$$

١٣. موظف راتبه الأساسي ٤٠٠٠ ريال ويخصم منه ٩٪ للتقاعد فكم بقي من الراتب؟ ٣٦٠

شرح: فهتمت من السؤال أنه الراتب كامل (الكل) ٤٠٠٠ ريال، يخصم منه ٩٪ ، الباقي (العدد) هو ٩١٪

$$\text{قانون النسبة المئوية: } \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} = \frac{\text{العدد}}{100} \leftarrow \frac{\text{العدد}}{4000} = \frac{91}{100} \leftarrow \text{العدد (الباقي)} = 3640 \text{ ريال}$$

١٤. اذا احمد صرف من راتبه ٣٠٪ ثم صرف ٤٠٪ وبقي معه ٢١٠٠ ريال كم راتبه كامل؟

لنفرض أنه الراتب كامل = س

$$س = 2100 + س \cdot 40\% + س \cdot 30\%$$

$$\text{التحقق: } 2100 = (7000 \times 70\%) - 7000$$

١٥. ٥٪ من س تساوي ١٠٪ من ص فما هي نسبة العدد س الى العدد ص؟

نحول السؤال إلى معادلة: ٥٪س = ١٠٪ص
 ؟ = $\frac{\text{س}}{\text{ص}}$ المطلوب النسبة :
 $٥\% = \frac{١٠\% \text{ ص}}{٥} = \text{س} \leftarrow \text{س} = ٢ \text{ ص} \leftarrow \frac{\text{س}}{\text{ص}} = ٢$

١٦. صندوق يحتوي على كرات حمراء و صفراء وبيضاء، (٣ / ٤) الكرات حمراء و (١ / ٥) من المتبقي صفراء

السبب أنه يخلينه نفترض الرقم ١٠٠ لأنه طلب نسبة وما حدد عدد الكرات في السؤال وعدد الكرات ١٠٠ يمثل النسبة ١٠٠٪

كم نسبة الكرات البيضاء؟

هذا النوع من الأسئلة نفترض أنه عدد الكرات (س) = ١٠٠ كرة

نسبة الكرات الحمراء = $\frac{٣}{٤} \times ١٠٠ = ٧٥$ كرة حمراء (الباقى ١٠٠ - ٧٥ = ٢٥ كرة)

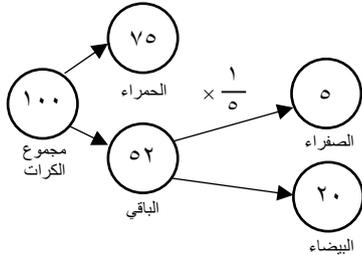
نسبة الكرات الصفراء = $\frac{١}{٥} \times ٢٥ = ٥$ كرة صفراء

إذاً:

الباقى هو نسبة الكرات البيضاء = (عدد الكرات كامل - (كرات حمراء + صفراء))

١٠٠ - (٥ + ٧٥) = ٢٠ كرات بيضاء (هي يمثل النسبة ٢٠٪)

حل آخر: عن طريق الرسم



إذاً: ٢٠ كرة بيضاء وهي تمثل ٢٠٪

١٧. صندوق بداخله ثلاث ألوان من الكرات الملونة حسب التالي: إذا كان هناك (٤) كرات حمراء و (٣) كرات

صفراء و(٥) بيضاء فما هي نسبة الكرات الغير بيضاء؟

الكرات المعطى: حمراء = ٤ صفراء = ٣ بيضاء = ٥
 الكرات الغير بيضاء = ٣ + ٤ = ٧
 الكرات الغير بيضاء = $\frac{٧}{١٢}$ النسبة: إذاً النسبة: $\frac{٧}{١٢}$ أو ٧ : ١٢
 المجموع = ١٢ كرة

ب. النسبة المنوية للربح والخسارة

١٨. اشترى محمد مكيف بقيمة ٤٠٠ ريال وأخذ فائدة بنسبة ٢٥٪ أحسب سعر المكيف الأساسي؟

الأصلي _____ ١٠٠٪
 ٤٠٠ _____ (٢٥٪ + ١٠٠٪)

قانون: السعر الأصلي في الربح:
 نضع السعر الأصلي س ← يقابله ١٠٠٪
 نضع سعر البيع يقابله ← ١٠٠٪ + نسبة المكسب

الأصلي = $\frac{١٠٠ \times ٤٠٠}{(١٠٠ + ٢٥)} = ٣٢٠$ ريال سعر المكيف الأصلي

+ في حالة في ربح.
 - في حالة في خسارة.

١٩. باع عمر سيارة بمبلغ ٤٨٠٠٠ ريال فكان ربحه ٢٠٪ من ثمن بيعها. فما ثمن السيارة الأصلي؟

قانون: السعر الأصلي في الربح:
نضع السعر الأصلي س ← يقابله ١٠٠٪
نضع سعر البيع يقابله ← ١٠٠٪ + نسبة المكسب

$$\frac{\text{الأصلي}}{(\%100 + \%20)} \leftarrow \frac{\text{الأصلي}}{120} \leftarrow \frac{48000}{120} = 40000 = \text{ريال سعر السيارة الأصلي}$$

٢٠. اشترى رجل بضاعة ب ٨٠٠ ريال وباعها ٨٤٠ ريال، كم ربح بالنسبة المئوية؟

قانون: السعر الأصلي في الربح:
نضع السعر الأصلي س ← يقابله ١٠٠٪
نضع سعر البيع يقابله ← ١٠٠٪ + نسبة المكسب

$$\text{نسبة الربح (س + 100)} = \frac{100 \times 840}{800} \leftarrow \text{س} = 100 - 105 = 5\% \text{ وهي نسبة الربح}$$

٢١. شخص باع دراجته ب ٢٤٠٠ و ربح فيها نسبة ٢٠٪ ، فإذا باعها بنسبة ربح ٨٪ فكم تكون قيمتها؟

أولاً نوجد القيمة **سعر البيع الأصلي ٢٤٠٠ بمكسبة ٢٠٪**، ثم ثانياً نوجد **سعر البيع بمكسبة ٨٪**

قانون: السعر الأصلي في الربح:
نضع السعر الأصلي س ← يقابله ١٠٠٪
نضع سعر البيع يقابله ← ١٠٠٪ + نسبة المكسب

$$\frac{\text{الأصلي}}{(\%100 + \%20)} \leftarrow \frac{2400}{120} = 2000 = \text{ريال سعر الدراجة الأصلي}$$

$$\frac{\text{سعر البيع}}{(\%100 + \%8)} \leftarrow \frac{2000}{108} = 1851.85 = \text{ريال ٢١٦٠}$$

٢٢. إذا اشترى محمد أجهزة ٢٢٢٠ وكانت الشركة تقدم عروض بحيث إذا اشترى ٣ أجهزة حصل على خصم ٣٠% وإذا اشترى جهازين حصل على خصم ٢٠% فإذا اشترى ٣ أجهزة ثم جهازين فكم ثمن الجهاز الواحد

المعطى: سعر الجهاز الواحد = س مجموع الأجهزة اللي أشتريها محمد = ٥ أجهزة قيمة الـ ٥ أجهزة = ٢٢٢٠ ريال
النص: مجموع الأجهزة ٥، واشترى على دفعتين الأولى خصم ٣٠% ثم الدفعة الثانية خصم ٢٠%
المعادلة: س٥ - (س٣ × ٣٠٪ + س٢ × ٢٠٪) = ٢٢٢٠
س٥ - (س٩ + س٤) = ٢٢٢٠ ← س = ٦٠٠ ريال قيمة الجهاز الواحد

٢٣. اشترى محمد دراجة بخارية بمبلغ ٢٥٠٠ ريال ، وصرف على إصلاحها مبلغ ٥٠٠ ريال ، وباعها بخساره ١٨٪ من ثمن الشراء والمصاريف فما ثمن بيعها ومقدار خسارته ؟

أولاً نوجد سعر البيع ، ثم ثانياً مقدار الخسارة:

ثمن الشراء والمصاريف = ٢٥٠٠ + ٥٠٠ = ٣٠٠٠ ريال (الأصلي)

المكسب = ثمن البيع - ثمن الشراء والمصاريف
الخسارة = ثمن الشراء والمصاريف - ثمن البيع

السعر الأصلي في التخفيض (الخسارة):
نضع السعر الأصلي س ← يقابله ١٠٠٪
نضع سعر البيع يقابله ← ١٠٠٪ - نسبة الخسارة

$$\begin{aligned} \text{سعر البيع} &= \frac{3000 \times (\%100 - \%18)}{\%100} = 2460 \text{ ريال} \\ \text{سعر البيع} &= \frac{3000 \times (\%100 - \%18)}{\%100} \end{aligned}$$

الخسارة = ثمن الشراء والمصاريف (الأصلي) - ثمن البيع ← ٣٠٠٠ - ٢٤٦٠ = ٥٤٠ ريال هو ثمن الخسارة
إذا: سعر البيع ٢٤٦٠ ريال، ومقدار الخسارة ٥٤٠ ريال

٢٤. اشترى تاجر سيارة بمبلغ ٣٤٠٠٠ ريال ، وصرف على إصلاحها وتجديدها مبلغ ٤٠٠٠ ريال ، ثم باعها بمبلغ ٤٤٠٨٠ ريال فما النسبة المئوية لمكسبه ؟

ثمن الشراء والمصاريف = ٣٤٠٠٠ + ٤٠٠٠ = ٣٨٠٠٠ ريال (الأصلي)

المكسب = ثمن البيع - ثمن الشراء المكسب = ٤٤٠٨٠ - ٣٨٠٠٠ = ٦٠٨٠ ريال

قانون: السعر الأصلي في الربح:
نضع السعر الأصلي س ← يقابله ١٠٠٪
نضع سعر البيع يقابله ← ١٠٠٪ + نسبة المكسب

$$\begin{aligned} \text{س} &= \frac{44080 \times 100}{38000 + 16} = 116 \\ \text{نسبة الربح (س)} &= 100 + 16 = 116 \end{aligned}$$

نسبة الربح (س) = ١١٦ = ١٠٠ + ١٦ وهي نسبة الربح

٢٥. إذا كان محصول أحد الحقول الزراعية ١٦٠ طن من القمح ؛ بيع منه ٢٥٪ ثم بعد أسبوع بيع ٧٠٪ من المحصول. كم طن تبقى من القمح؟

ثم = تعني بيعة على دفعتين المحصول كامل = ١٦٠

البيعة الأولى = ١٦٠ × ٢٥٪ = ٤٠ = بيع منه (الباقى ١٢٠ = ١٦٠ - ٤٠ طن)

البيعة الثانية = ١٢٠ × ٧٠٪ = ٨٤ = بيع منه

الباقى = ١٦٠ - (٨٤ + ٤٠) = ٣٦ طن الباقى

لكن لو كلمة "ثم" لم تكون موجودة راح يصير الحل كالاتي، والسبب أنهم تم بيعهم مرة واحد وليس على شكل دفعات:

$$١٦٠ * (٢٥٪ + ٧٠٪) = ١٥٢ \text{ طن} \quad \text{إذا: الباقى} = ١٦٠ - ١٥٢ = ٨ \text{ طن}$$

this page is intentionally left blank

تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا

this page is intentionally left blank

النسب

في هذا العنوان ليس هناك قانون معين، جميع الأسئلة مبنية على الفهم واستخراج المعطيات ومحاولة الحل.
في مسائل النسب، فهم السؤال يعتبر ٨٠٪ من الحل!

١. اذا اشترت ٣ عطور، الأول بالقيمة الأصلية والثاني بنصف القيمة للعطر الأول والثالث بربع القيمة للعطر الأول وكان المجموع ٧٠٠ ريال فكم القيمة الأصلية للعطر المعطى: العطر الأول = س العطر الثاني = $\frac{1}{2}س$ العطر الثالث = $\frac{1}{4}س$ مجموع السعر = ٧٠٠ ريال
العطر الأول + العطر الثاني + العطر الثالث = ٧٠٠
 $س + \frac{1}{2}س + \frac{1}{4}س = ٧٠٠$ ← $س = ٤٠٠$ ريال

٢. فكرة مكررة: اشترى محمد ٣ دراجات الأولى بسعرها الأصلي و الثانية بنصف القيمة و الثالثة بربع القيمة و كان المجموع ٧٠٠ فكم هو سعرها الأصلي؟

الحل عليك 😊

٣. أعطى والد أحمد ابنه أحمد ٥٠٠ ريال وخصص له ثمن المبلغ للوقود و ثلاث أمثاله للقرطاسية و الكتب. أوجد الباقي الذي معه؟
المعطى: المبلغ كامل = ٥٠٠ ريال الوقود = $\frac{1}{8} \times ٥٠٠ = ٦٢,٥$ للقرطاسية و الكتب = للوقود $\times ٣ = ١٨٧,٥$
المبلغ الباقي = المبلغ كامل - (الوقود + للقرطاسية و الكتب)
المبلغ الباقي = $٥٠٠ - (١٨٧,٥ + ٦٢,٥) = ٢٥٠$ ريال

٤. صندوق فيه عشر كرات صفراء و ٢٥ كرة زرقاء , كم كرة صفراء يجب أن نضيفها لتصبح نسبة الكرات الصفراء $\frac{٣}{٢}$ ؟ (الخيارات: أ) ٣٠ ب) ٣٥ ج) ٤٠ د) ٤٥

المعطى: مجموع الكرات = ١٠ صفراء + ٢٥ زرقاء = ٣٥ كرة

نبحث عن عدد من الخيارات نضيفه على مجموع الكرات و يقبل القسمة على مقام الكسر $\frac{٣}{٢}$ يعني يقبل القسمة على ٣

نحرب في الاختيار الأول $٣٥ + ٣٠ = ٦٥$, لا يقبل القسمة على ٣

نحرب في الاختيار الثاني $٣٥ + ٣٥ = ٧٠$, لا يقبل القسمة على ٣

نحرب في الاختيار الثالث $٣٥ + ٤٠ = ٧٥$, يقبل القسمة على ٣ , لأن $٧ + ٥ = ١٢$, و ١٢ يقبل القسمة على ٣.

نحرب في الاختيار الرابع $٣٥ + ٤٥ = ٨٠$ لا يقبل القسمة على ٣

٥. دخل مجموعة من الأشخاص إلى مطعم وطلبوا ١٤ صحنًا ، إذا كان كل صحن لحم يأكله ٣ أشخاص ، وكان كل صحن أرز يأكله ٤ أشخاص ، فكم عددهم ؟ الخيارات: (أ) ١٨ (ب) ٢٤ (ج) ٦١ (د) ١٢

المعطى: مجموع عدد الصحن = ١٤ مجموع الأشخاص = س

عدد اللي يأكلون صحن لحم = $\frac{س}{٣}$ عدد اللي يأكلون صحن لحم = $\frac{س}{٤}$

عدد اللي يأكلون صحن لحم + عدد اللي يأكلون صحن لحم = ١٤ صحن لأشخاص كامل

مجموع الأشخاص = $\frac{س}{٣} + \frac{س}{٤} = ١٤$ ← **س = ٢٤ شخص**

٦. يقضي محمد ربع يومه في المذاكرة وثالث يومه في النوم كم النسبة اللي يقضيها في باقي الأعمال؟

المعطى: نفرض نسبة اليوم كامل = ١ المذاكرة = $١ \times \frac{١}{٤}$ النوم = $١ \times \frac{١}{٣}$

باقي نسبة الأعمال = اليوم كامل - (المذاكرة + النوم)

باقي نسبة الأعمال = $١ - (\frac{١}{٣} + \frac{١}{٤}) = \frac{٥}{١٢}$

حل خطأ: انتبه
نفرض اليوم = ١ وليس ٢٤ ساعة لأنه في السؤال طلب نسبة.

٧. صرف أحمد في الأسبوع الأول من الشهر ثلث الراتب ثم صرف في الأسبوع الثاني ربع الباقي. كم تبقي معه ؟

المعطى: نفرض نسبة الراتب كامل = ١

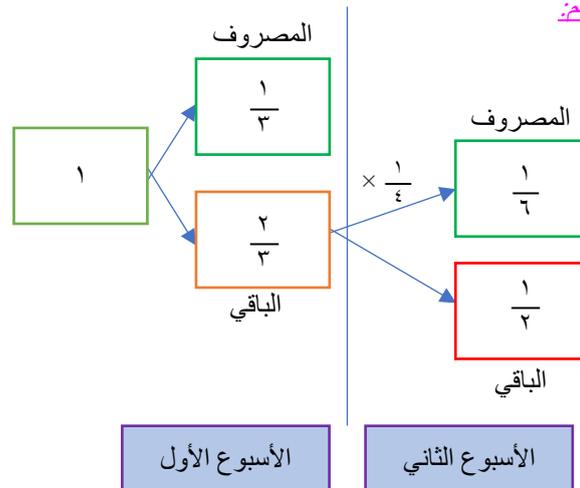
الباقي من الراتب في الأسبوع الأول = نسبة الراتب كامل - (نسبة الراتب كامل $\times \frac{١}{٣}$) = $\frac{٢}{٣}$

النسبة المصروفة من الباقي من الراتب في الأسبوع الثاني = (الباقي من الأسبوع الأول $\times \frac{١}{٤}$) = $\frac{١}{٦}$

باقي نسبة الراتب = الباقي من الراتب من الأسبوع الأول - النسبة المصروفة من الباقي

باقي نسبة الراتب = $\frac{١}{٦} - \frac{١}{٦} = \frac{١}{٦}$

حل آخر عن طريق الرسم:



٨. فكرة مكررة: إذا كان خالد ينفق في الشهر الأول من راتبه الثلث وفي نهاية الشهر الثاني ينفق الربع كم يتبقى

من راتبه؟

الحل عليك 😊

٩. صرف محمد ثلث ما لديه من نقود ثم أعطى صديقة محمود (٥/٢) ما تبقى معه فأى كسر من الكسور التالية يمثل ما تبقى مع محمد ؟

المعطى: كامل نسبة نقود محمد = ١

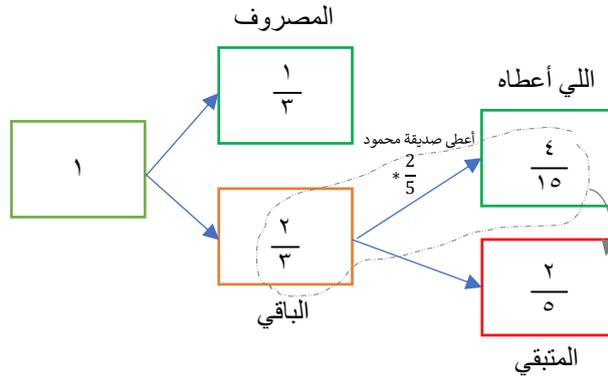
$$\frac{2}{3} = \left(\frac{1}{3} \times \text{كامل نسبة نقود محمد}\right) - \text{كامل نسبة نقود محمد}$$

$$\frac{4}{15} = \left(\frac{2}{5} \times \frac{2}{3}\right) - \text{النسبة المصروفة من باقي النقود بعد إعطاء محمود}$$

النسبة المتبقية لمحمد = الباقي من النقود بعد ما صرف محمد - النسبة المصروفة من باقي النقود بعد إعطاء محمود

$$\frac{18}{45} = \frac{2}{5} - \frac{2}{3} \quad \text{أو تكتب } \frac{2}{5}$$

حل آخر عن طريق الرسم:



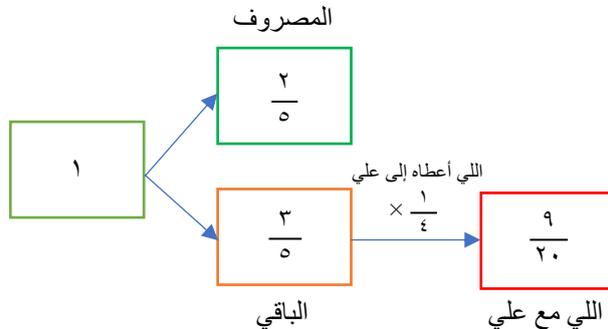
١٠. صرف عبدالرحمن ٥ / ٢ من ما لديه من نقود ثم أعطى أخيه علي ٤ / ٣ ما تبقى معه .. فأى كسر يمثل ما مع علي ؟

المعطى: نفرض نسبة كامل نقود عبدالرحمن = ١

$$\frac{3}{5} = \left(\frac{2}{5} \times \text{نسبة كامل نقود عبدالرحمن}\right) - \text{نسبة كامل نقود عبدالرحمن}$$

$$\frac{9}{20} = \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} = \text{النسبة المصروفة من الباقي من ما صرفه عبدالرحمن إلى علي}$$

حل آخر عن طريق الرسم:



١١. استهلكت سيارة في اليوم الأول (٤١) كمية الوقود في خزنها ؛ ثم استهلكت في اليوم الثاني (٥٣) كمية الوقود المتبقية في هذا الخزان . فما مقدار الكمية المتبقية من الوقود ؟

المعطى: نفرض نسبة كامل كمية الوقود = ١

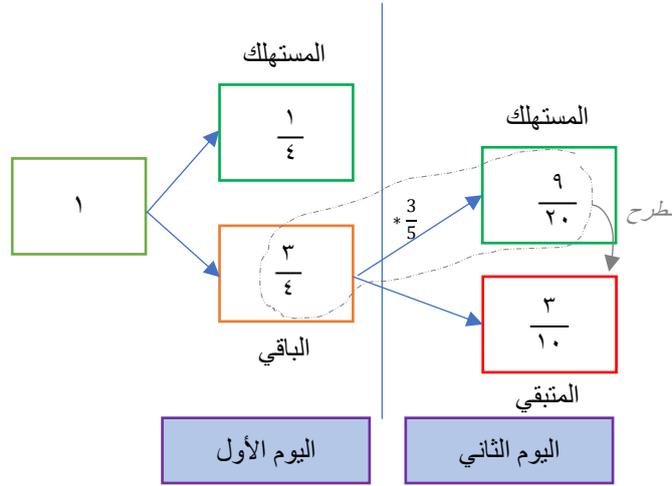
$$\frac{3}{4} = \left(\frac{1}{4} \times \text{كمية الوقود} \right) - \text{نسبة كامل كمية الوقود} = \text{نسبة كامل كمية الوقود في أول يوم}$$

$$\frac{9}{20} = \frac{3}{5} \times \frac{3}{4} = \text{النسبة المستهلكة من الباقي الوقود المستهلكة في ثاني يوم} = \text{باقي نسبة الوقود المستهلكة في أول يوم}$$

نسبة الوقود الباقية = باقي نسبة الوقود المستهلكة في أول يوم - النسبة المستهلكة من الباقي

$$\frac{3}{10} = \frac{9}{20} - \frac{3}{4} = \text{نسبة الوقود الباقية}$$

حل آخر عن طريق الرسم:



١٢. تقاسم ثلاث شبان جائزة اختار الأول ٥/٢ الجائزة , والثاني ثلثها , والثالث ١٢٠ ريال فإن قيمة الجائزة،

المعطى:

$$\text{نفرض قيمة الجائزة الكاملة} = \text{س} \quad \text{أخذ الأول} = \frac{2}{5} = \text{س} \quad \text{أخذ الثاني} = \frac{1}{3} = \text{س} \quad \text{أخذ الثالث} = 120 = \text{س}$$

$$\frac{2}{5}\text{س} + \frac{1}{3}\text{س} + 120 = \text{س} \quad \leftarrow \text{س} = 450 = \text{ريال قيمة الجائزة}$$

انتبه !
في السؤال قال أختار، معنى أنه لم يتم توزيع الجائزة، لذلك ما راح نتعامل مع الباقي نفس الأسئلة السابقة.

١٣. اذا كان مجموع ما لدى احمد من الطوابع ١٣٢ طابعا من فنتي نصف الريال والريال وكان عدد طوابع فئة

نصف الريال ضعف عدد طوابع فئة الريال فما عدد الطوابع التي من فئة نصف الريال؟

الخيارات: (أ) ٣٣ (ب) ٤٤ (ج) ٦٦ (د) ٨٨

نفرض أن عدد الطوابع من فئة الريالات = س

$$\text{س} + 2\text{س} = 132 \quad \leftarrow \text{س} = 44 = \text{طابع من فئة الريال}$$

حل آخر:

ممكن نستخدم التجريب، (د) صحيحة إذا كان فئة النصف ريال عددها ٨٨

$$\text{فعدد فئة الريال} 44 = \text{إذا المجموع} = 44 + 88 = 132 \text{ طابعا}$$

١٤. لدى أحمد ٧٢ ورقة نقدية وكان ثمن الأوراق من فئة ٥٠ ريال و سدس الأوراق من فئة ١٠٠ ريال وبالباقى كان من فئة ٢٠٠ ريال كم المبلغ الذي مع أحمد ؟ الخيارات: أ) ١١٦٥٠ (ب) ١١٧٠٠ (ج) ١١٨٠٠ (د) ١١٨٥٠

معطى: مجموع عدد الأوراق = ٧٢

$$\text{عدد الأوراق من فئة ٥٠ ريال} = \frac{1}{8} \times 72 = 9 \text{ أوراق}$$

$$\text{عدد الأوراق من فئة ١٠٠ ريال} = \frac{1}{6} \times 72 = 12 \text{ أوراق}$$

$$\text{عدد الأوراق من فئة ٢٠٠ ريال هو الباقى} = 72 - (9 + 12) = 51 \text{ أوراق}$$

إذاً: المبلغ كامل = $(9 \times 50) + (12 \times 100) + (51 \times 200) = 11850$ ريال

١٥. إذا كان عدد الأرناب ثلث عدد الدجاج و كان عدد ارجل الدجاج ٤٦ ، فكم عدد الأرناب ؟

المعطى: عدد الأرناب = $\frac{1}{3} \times \text{عدد الدجاج}$ ، عدد أرجل الدجاج = ٤٦

لكل دجاجة قدمين = $\frac{46}{2} = 23$ دجاجة ← عدد الأرناب = $23 \times \frac{1}{3} = 7$ أرناب

١٦. ارض زراعية زرع (٣١) مساحتها ذره ، ربع مساحتها زرع قمح وتبقى ٢٠ هكتار من مساحتها زرع شوفان

. فكم هكتار تبلغ مساحة الأرض كلها؟

المعطى: مساحة الأرض كاملة = س

زرع (٣١) ذرة من مساحة الأرض = $\frac{1}{3}$ س

زرع (٤١) قمح من مساحة الأرض = $\frac{1}{4}$ س

زرع ٢٠ شوفان من مساحة الأرض = ٢٠

مساحة الأرض كاملة: $\frac{1}{3} س + \frac{1}{4} س + 20 = س$ ← $س = 48$ هكتار

١٧. صرف محمد في الشهر ٩٠٠ ريال فإذا كان ما صرفه في الأسبوع الثاني ضعف ما صرفه في الأسبوع الأول

وما صرفه في الأسبوع الثالث نصف ما صرفه في الأسبوع الثاني وما صرفه في الأسبوع الرابع نصف ما

صرفه في الأسبوع الثالث . فما مجموع ما صرفه في الأسبوع الأول والثالث ؟

<p>نوجد قيمة س:</p> $900 = \frac{س}{3} + س + 2س + س$ $200 = س$ <p>إذاً: مجموع ما صرفه في الأسبوع الأول والثالث</p> $400 = 200 + 200 = س + س =$	<p>مجموع ما صرفه = ٩٠٠</p> <p>الأسبوع الأول = س</p> <p>الأسبوع الثاني = ٢س</p> <p>الأسبوع الثالث = $\frac{2س}{3}$</p> <p>الأسبوع الرابع = $\frac{س}{4}$</p>
--	---

١٨. إذا كان نسبة البالغين الى الصغار هي ٥:٤ على التوالي في مصعد اذا كان مجموعهم ٣٦ كم عدد البالغين؟

$\begin{aligned} 20 &= 36 \times \left(\frac{5}{9}\right) = \text{عدد البالغين} \\ 16 &= 36 \times \left(\frac{4}{9}\right) = \text{عدد الصغار} \end{aligned}$	<p style="text-align: center;">البالغين إلى الصغار ٥ : ٤</p> <p style="text-align: center;">مجموع الأجزاء = ٥ + ٤ = ٩</p>
--	---

١٩. اشترى أحمد ٣ أقلام ومقلمة بقيمة ١٧ ريال؛ واشترى محمد ٣ أقلام ودفتر بقيمة ١٣ ريال، فإذا كان ثمن القلم

٣ ريال؛ فما النسبة بين ثمن المقلمة إلى ثمن الدفتر؟

<p style="text-align: center;">ثمن المقلمة إلى ثمن الدفتر ٤ : ٨ تبسيط يطالع = ٢ : ١</p>	$\begin{aligned} 3 \text{ أقلام} + 1 \text{ دفتر} &= 13 \text{ ريال} \\ 3(3) + 1 &= 13 \text{ ريال} \\ \text{أذن } 1 \text{ دفتر} &= 4 \text{ ريال} \end{aligned}$	$\begin{aligned} 3 \text{ أقلام} + 1 \text{ مقلمة} &= 17 \text{ ريال} \\ 3(3) + 1 &= 17 \text{ ريال} \\ \text{إذاً: } 1 \text{ مقلمة} &= 8 \text{ ريال} \end{aligned}$
---	--	--

٢٠. قارن بين:

القيمة الأولى: $(1/8) \times 40\%$

القيمة الثانية: $(1/4) \times 80\%$

القيمة الأولى: $(1/8) * 0,4 = 0,05$

القيمة الثانية: $(1/4) * 0,8 = 0,2$

إذاً: القيمة الأولى أقل من القيمة الثانية أو القيمة الأولى < القيمة الثانية

٢١. قطار به ٨٢٠ راكبا، فإذا كان عدد ركاب الدرجة الأولى ٤/٣ عدد ركاب الدرجة الثانية، وعدد ركاب الدرجة

الثانية ٥/٣ عدد ركاب الدرجة الثالثة. فكم عدد ركاب الدرجة الثالثة؟

حل آخر:
عدد الركاب =
الأولى : الثانية : الثالث
٤ : ٣ :
٥ : ٣ :

٩ : ١٢ :
٢٠ : ١٢ :

٩ : ١٢ : ٢٠

إذاً : نجعم النسب يعني : $41 = 20 + 12 + 9$
وبعد ذلك فإن

قيمة الأجزاء = $41 / 820 = 20$

عدد ركاب الدرجة الأولى = $20 \times 9 = 180$ راكب
عدد ركاب الدرجة الثانية = $20 \times 12 = 240$ راكب
عدد ركاب الدرجة الثالثة = $20 \times 20 = 400$ راكب

ثلثة الأرباع = ٤١٣ ثلث الأخماس = ٥١٣ مجموع الركاب = ٨٢٠

عدد ركاب الدرجة الثالثة = س

عدد ركاب الدرجة الثانية = $\frac{3}{5} \times \text{الدرجة الثالثة (س)} = \frac{3}{5} \text{ س}$

عدد ركاب الدرجة الأولى = $\frac{4}{3} \times \text{الدرجة الثانية} = \frac{4}{3} \times \frac{3}{5} \text{ س} = \frac{4}{5} \text{ س}$

إذاً: س + $\frac{3}{5} \text{ س} + \frac{4}{5} \text{ س} = 820$ ← س = ٤٠٠ ركاب الدرجة الثالثة

٢٢. برمیل مملوء ثلثه زيت إذا أضفنا ٥ لتر للبرمیل يصبح نصفه مملوء، سعة البرمیل يساوي؟

المعطى: نفترض سعة الخزان كامل = س

$$\text{مساحة الأرض كاملة: } \frac{1}{3} \text{ س} + ٥ = \frac{1}{4} \text{ س} \leftarrow \text{س} = ٣٠ \text{ لتر سعة الخزان كامل}$$

٢٣. إذا كان صنبور ماء يملأ خزان في ساعة ونصف، وصنבור آخر يملأ الخزان نفسه في ٤٥ دقيقة، فكم من

الوقت يستغرق ملء الخزان إذا فتح الصنوبرين معا؟

$$\begin{aligned} \text{المعطى: ساعة ونصف} &= ٩٠ \text{ دقيقة} & \text{الصنوبر الأول} &= \frac{1}{٩٠} & \text{الصنوبر الثاني} &= \frac{1}{٤٥} \\ \text{الصنوبرين:} & \frac{1}{٣٠} = \frac{1}{٩٠} + \frac{1}{٤٥} \end{aligned}$$

$$\frac{1}{٣٠} = \frac{1}{٩٠} + \frac{1}{٤٥} \quad \text{س} = ٣٠ \text{ دقيقة} = \text{نصف ساعة}$$

٢٤. يمكن ملء حوض بالماء بثلاث طرق أولاً :

إذا فتحنا الصنوبر الأول فقط فإنه يملأه خلال ٣ ساعات .

وإذا فتحنا الصنوبر الثاني فقط فإنه يملأه خلال ٤ ساعات .

وإذا فتحنا الصنوبر الثالث فقط فإنه يملأه خلال ٥ ساعات .

كم ساعة تلزم لكي نملا الحوض عند فتح الصنابير الثلاثة معا

الحل: إيجاد متوسط الوقت

$$\text{عدد الساعات اللازمة لملء الحوض} = \frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \frac{٥ + ٤ + ٣}{٣} = ٤ \text{ ساعات}$$

٢٥. الكسر اللي أكبر من ١؟

يكون الكسر أصغر من ١ اذا كان البسط أقل من المقام ويكون الكسر أكبر من ١ اذا كان البسط أكبر من المقام .

٢٦. قم بتحويل ٤٥ % الى صيغتها العشرية أو الكسرية؟

$$٠,٤٥ = \frac{٤٥}{١٠٠}$$

this page is intentionally left blank

تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا

this page is intentionally left blank

نظام الأعداد

أنواع الأعداد:

الأعداد الطبيعية: (١، ٢، ٣، ٤،)

جميعها موجب + صفر ليس من ضمن الأعداد الطبيعية وأصغر رقم وهو ١.

الأعداد الكلية: (٠، ١، ٢، ٣، ٤،)

صفر هو أصغر رقم + أيضا يطلق عليها (الأعداد الغير سالبة)

الأعداد الصحيحة: (-٤، -٣، -٢، -١، ٠، ١، ٢، ٣، ٤،)

تشمل الأعداد الكلية مع الأرقام السالبة

الأعداد الزوجية: (٢، ٤، ٦، ٨، ١٠، ١٢،)

الأعداد الفردية: (١، ٣، ٥، ٧، ٩، ١١، ١٣، ١٥، ١٧، ١٩،)

الأعداد الأولية: (٢، ٣، ٥، ٧، ١١، ١٣، ...)

الرقم ٢ هو العدد الزوجي الوحيد هنا، دائما العدد الأولي أكبر من ١، وتقبل القسمة على ١ وعلى نفسها، $١ + ١$

الأعداد المركبة: (٤، ٦، ٨، ٩،)

الأعداد المركبة يمكن أن تكون زوجية و فردية.

الأعداد الكسرية: ($\frac{٣}{٥}$ ، $\frac{٧}{٩}$ ، $\frac{٨}{٩}$ ، $\frac{١٣}{١٥}$ ، ...)

الأعداد الغير كسرية: ($\sqrt{٢}$ ، $\sqrt{٣}$ ، $\sqrt{٧}$ ، π ، ...)

الأعداد الحقيقية: (π ، $\frac{٢}{٥}$ ، $\sqrt{٢}$ ،) وهي تشمل جميع أنواع الأعداد سواء الزوجية أو الفردية أو النسبية أو المركبة..

قابلية القسمة:

- يقبل العدد القسمة على ١ إذا كان أحاده صفر أو عدد زوجي
- يقبل العدد القسمة على ٣ إذا كان مجموع أرقامه يقبل القسمة على ٣
- يقبل العدد القسمة على ٤ إذا كان العدد المكون من الأحاد والعشرات يقبل القسمة على ٤
- يقبل العدد القسمة على ٥ إذا كان أحاده صفر أو خمسة
- يقبل العدد القسمة على ٦ إذا كان يقبل القسمة على ٢ و ٣ معاً
- يقبل العدد القسمة على ٧ إذا كان ناتج طرح ضعف الأحاد من باقي العدد يقبل القسمة على ٧
- يقبل العدد القسمة على ٨ إذا كان [الأحاد + (٢×العشرات) + (٤×المئات)] يقبل القسمة على ٨
- يقبل العدد القسمة على ٩ إذا كان مجموع أرقامه يقبل القسمة على ٩
- يقبل العدد القسمة على ١٠ إذا كان أحاده صفر
- يقبل العدد القسمة على ١١ إذا كن الفرق بين مجموع المنازل الفردية ومجموع المنازل الزوجية (صفر أو يقبل القسمة على ١١)

هذا النوع من الأسئلة راح نستخدم طريقة تجريب الخيارات بكثرة

قانون الأعداد المحصورة:

عدد الأعداد المحصورة من س إلى ص = ص - س + ١

عدد الأعداد المحصورة من س و ص = ص - س - ١

عدد الأعداد الزوجية أو الفردية المحصورة من س إلى ص = $\frac{\text{النهاية} - \text{البداية}}{٢} + ١$

تم تقسيم الدروس لتسهيل الفهم:

أ. الضرب والجمع والطرح والقسمة

ب. مسائل في الأعداد الطبيعية والفردية والأولية والزوجية...

أ. الضرب والجمع والطرح والقسمة

١. ٨٤١٢٥ تقسيم ٤؟

$$٢١٠٣١,٢٥ = \frac{٨٤١٢٥}{٤}$$

٢. اذا كان: أ=٢, ب=٣, ج=٤, أوجد ناتج ب ضرب أ، واطرح الناتج من أ، واجمعه مع ج؟

المطلوب الأول: ب × أ = ٢ × ٣ = ٦

المطلوب الثاني: المطلوب الأول - أ = ٦ - ٢ = ٤

المطلوب الثالث: المطلوب الثاني + ج = ٤ + ٤ = ٨

٣. بما أن (أ) تساوي (ج) و (أ) نصف (ب) و (ب) تساوي (د) و قميه (د) ٢١٠، أوجد قيمة ج؟

معطى: أ = ج $\frac{ب}{٢} = أ$ ب = د د = ٢١٠ ج = ؟

الحل: ب = د = ٢١٠ ← $أ = \frac{ب}{٢} = \frac{٢١٠}{٢} = ١٠٥$ ← $أ = ج = ١٠٥$

٤. اذا كان أ تساوي ب وكانت ج تساوي د وكانت ب تساوي ربع ج وكانت د تساوي ١٦٠ فما هي قيمة أ؟

المعطيات: أ = ب ج = د ب = $\frac{١}{٤} ج$ د = ١٦٠ أ = ؟

ج = ١٦٠ ب = $١٦٠ \times \frac{١}{٤} = ٤٠$ $أ = ٤٠$

٥. ما هو العدد الذي إذا طرحت منه ٦ وربعنا الناتج كان العدد ٤٩؟ الخيارات: (أ) ١٤ (ب) ٩ (ج) ١٣ (د) ١٢

نستخدم طريقة التجريب في الخيارات: ١٣ - ٦ = ٧ ← ٢٧ ← ٤٩

٦. عدد نصفه يزيد عن ربعه ب ١٥؟ الخيارات: (أ) ١٠٠ (ب) ٨٠ (ج) ٦٠ (د) ٥٠

نستخدم طريقة التجريب في الخيارات: النصف = $\frac{٦٠}{٢} = ٣٠$ الربع = $\frac{٦٠}{٤} = ١٥$
النصف ٣٠ أكبر عن الربع ١٥

٧. ثلاثة أرباع نصف الرقم ١٦ هو؟ الخيارات (أ) ٨ (ب) ٩ (ج) ٤ (د) ٣
 نستخدم طريقة التجريب في الخيارات: $16 = 8 \times \frac{3}{4}$

٨. إذا كان ٥ أمثال عددين متتالين هو ١٠٥ فإن العدد الأكبر هو؟ الخيارات (أ) ٨ (ب) ٩ (ج) ١٠ (د) ١١
 نفرض العددين: س ، س+١

$$5((س) + (س + 1)) = 105 \leftarrow س = 10$$

$$\text{إذاً: } س = 10 \text{ أو } س + 1 = 10 + 1 = 11 \text{ [العدد الأكبر = 11]}$$

٩. ما هو العدد الذي يتكون من رقمين بحيث حاصل ضرب رقميه ٨ ومجموع مربعيهما ٢٠

الخيارات: (أ) ٤٥ (ب) ٢٤ (ج) ٨١ (د) ١٨

نستخدم طريقة التجريب في الخيارات: ضرب: $8 = 4 \times 2$ تربيع: $20 = 2^2 + 4^2$

$$10. \text{ أوجد الحل } 25 = (23+77) + (8+2) \times 40 = ?$$

دائماً أول شي تتخلص من الأقواس: الحل: ٣٩٠٠

١١. إذا كان عدد ما يقبل القسمة على ٦ و ٨ فإنه يجب أن يقبل القسمة على؟ الخيارات (أ) ١٤ (ب) ١٢ (ج) ٦٥ (د) ٤

الحل: ١٢ لأن الرقم الوحيد اللي لمه تقسمه ما يعطيك كسر: $7 = \frac{12}{4}$

١٢. أي الأعداد التالية يقبل القسمة على ١١ بدون باقي؟ الخيارات (أ) ٨١٢٩ (ب) ٥٤٥٧ (ج) ٩٣٤٧ (د) ٧٣٤٣

نستخدم طريقة التجريب في الخيارات: ٨١٢٩ لأنه الرقم الوحيد ما عطاني كسور

١٣. عددين الأول ينقص عن الثاني بمقدار ٣ ومجموعهما ٩؟

نفرض أن: العدد الثاني: س العدد الأول: س - ٣

$$\text{مجموع العددين: } س + س - ٣ = ٩ \leftarrow س = 6 \leftarrow \text{إذاً: العدد الأول ٣ والثاني ٦}$$

١٤. ما عدد المئات في ٩٦٥٣٤؟

الحل: ٩٦٥

$$\text{لأن } 965,34 = \frac{96534}{100}$$

للتوضيح أكثر مثلاً ٥٤٤ كم مئة يوجد بها
 نقسم على مئة = ٥,٤٤ أي ٥ مئات

١٥. ما العدد الذي ثلثه يساوي ٨ على ١٢؟

$$\frac{1}{3} \times س = \frac{8}{12} \leftarrow س = 2$$

١٦. إذا كان ١٦ يمثل ثلثي عدد فكم يكون هذا العدد؟

$$\frac{2}{3} \times س = 16 \leftarrow س = 24$$

١٧. رقم إذا قسمته على (٢، ٣، ٤، ٥، ٦) الباقي يساوي واحد وإذا قسمته على سبعة الباقي يساوي صفر؟

(نستخدم طريقة التجريب في الخيارات) الخيارات: (أ) ٦١ (ب) ٢٤ (ج) ٧٦ (د) ٦٤

$$61 \div 2 = 30 \text{ و سيكون الباقي } 1$$

$$61 \div 3 = 20 \text{ و الباقي } 1$$

$$61 \div 4 = 15 \text{ و الباقي } 1$$

$$61 \div 5 = 12 \text{ و الباقي } 1$$

$$61 \div 6 = 10 \text{ و الباقي } 1$$

إذاً: العدد ٦١ هو العدد الذي يقبل القسمة على ٢ و ٣ و ٤ و ٥ و ٦ و الباقي واحد في كل مره و إذا قسم على ٧ لا يبقى شيء .

١٨. ما هو العدد الذي يقبل القسمة على ٥ و ٦ و ٩ ؟ الخيارات: (أ) ٣٠ (ب) ٩٠ (ج) ٦٠ (د) ١٢٧

نستخدم طريقة التجريب في الخيارات: ٩٠ ، لازم الناتج يكون بدون كسور

١٩. ٤٩ ، ٦٤ ، ٥٦ ، ٨١ شو المختلف فيهم؟

الحل: ٥٦

$$\text{لأن: } 9 = 81 \sqrt{\quad} \quad 7 = 49 \sqrt{\quad} \quad 8 = 64 \sqrt{\quad} \quad 56 = 7 \times 8 \text{ لا يمكن}$$

٢٠. عددان متوسطهما ٥ وحاصل ضربهما ٢٤ ما هو العدد الأصغر ؟ الخيارات: (أ) ٦ (ب) ٣ (ج) ٨ (د) ٤

$$\text{المعطى: المتوسط الحسابي: } 5 = \frac{س + ص}{2} \leftarrow س + ص = 10 \text{ ، } 24 = س \times ص$$

شوف الخيارات من اللي حاصل ضربهما ٢٤ وجمعها ١٠ (٤ ، ٦) إذاً الأصغر هو ٤

٢١. عددين مجموعهم يساوي ٤٠ والعدد الثاني يساوي ثلث العدد الأول؟

$$\text{المعطى: } 40 = س + ص \quad ص = \frac{1}{3} س$$

$$\text{نعوض ص: } 40 = س + ص \leftarrow 40 = س + \frac{1}{3} س \leftarrow 30 = س$$

٢٢. عدد اذا ضاعفته اربع مرات = ٨ كم يكون اذا ضاعفته ٣ مرات؟ الخيارات: (أ) ٤ (ب) ٣ (ج) ٦ (د) ٢

$$س + س + س + س = ٨ \leftarrow ٤ = س \leftarrow ٢ = س$$

$$٦ = ٢ + ٢ + ٢$$

٢٣. إذا أضيف عدد إلى ضعفه وطرح من مجموعهما ٥ كان الناتج ٧ فما هذا العدد؟ الخيارات: (أ) ٣ (ب) ٤ (ج) ٥ (د) ٦

نستخدم طريقة التجريب في الخيارات:

$$\text{خيار أ: نأخذ الـ (٣) وضعفه (٩): } ١٢ = ٩ + ٣ \quad \text{نطرح } ١٢ - ٥ = ٧$$

٢٤. ما العدد الذي مربعه يساوي ضعفه؟ الخيارات: (أ) ٣ (ب) ٢ (ج) ٥ (د) ٧

نستخدم طريقة التجريب في الخيارات: $٤ = ٢ \times ٢$ ضعف ٢ هو ٤

الحل: ٢

$$٢٥. أحسب $\frac{٧٧}{٤} + \frac{١٩}{٤}$$$

الحل: ١٥

٢٦. عددين اذا ضربتهم في بعض ٨ ومجموع تربيعهم ٢٠؟ الخيارات (أ) ٢، ٤ (ب) ٤، ٥ (ج) ٦، ٢ (د) ٢، ٢

$$\text{المعطى: } س \times ص = ٨ \quad س + ص = ٢ \quad ٢٠ = ٢$$

نستخدم طريقة التجريب في الخيارات: الحل ٢، ٤

٢٧. مجموع الأعداد من ١ - ٤٠ التي تكون خانتها تحتوي على الرقم ٢ أو ٣ أو الرقمين مع بعض؟

من ١ إلى ٢٠ = ٤ أعداد

من ٢٠ إلى ٢٩ = ١٠ أعداد

من ٣٠ إلى ٣٩ = ١٠ أعداد

المجموع: ٢٤

ب. مسائل في الأعداد الطبيعية والفردية والأولية والزوجية...

مسائل في الأعداد الأولية:

الأعداد الأولية: (٢، ٣، ٥، ٧، ١١، ١٣، ...)
 الرقم ٢ هو العدد الزوجي الوحيد هنا، دائما العدد الأولي أكبر من ١، وتقبل القسمة على ١ وعلى نفسها، $٤ + ١$

٢٨. ما أكبر عامل أولي للعدد ٢٥٥ ؟ (الخيارات: أ) ١١ (ب) ١٣ (ج) ١٧ (د) ١٩

بتجريب الخيارات

الحل: ١٧

التعليق	العدد	الأعداد الأولية
٢٣,١٨	٢٥٥	١١ <small>أقسمه</small>
١٩,٦١	٢٥٥	١٣
١٥	٢٥٥	١٧
١٤,٤	٢٥٥	١٩

٢٩. ما العدد الذي لا ينتمي إلى المجموعة الأعداد التالية: ١٧، ١٣، ١١، ٩، ٧، ٣؟

العدد ١٧ عدد أولي، حيث إنه لا يقبل القسمة إلا على نفسه وعلى العدد ١

العدد ١٣ عدد أولي، حيث إنه لا يقبل القسمة إلا على نفسه وعلى العدد ١.....

العدد ٩ عدد مركب، وذلك لأن له أكثر من عاملين، وهم ٩، ٣، ١

الحل : ٩ لأنه ليس أولي

٣٠. العدد الأولي هو: (الخيارات : أ) ١٩٩٩ (ب) ١١١٠ (ج) ١١٠١ (د) ١١١

العدد ١٩٩٩ عدد أولي، حيث إنه لا يقبل القسمة إلا على نفسه وعلى العدد ١

العدد ١١١٠ عدد مركب، وذلك لأن له أكثر من عاملين، وهم ٢، ١، ٣، ٥، ...

الحل : ١٩٩٩

مسائل في الأعداد الزوجية:

الأعداد الزوجية: (٢، ٤، ٦، ٨، ١٠، ١٢، ...)

٣١. العدد المختلف من الأعداد التالية ٤٩، ٨١، ٢٥، ٤٦

العدد ٤٩ لا يقبل القسمة على ٢.

العدد ٨١ لا يقبل القسمة على ٢.....

العدد ٤٦ يقبل القسمة على ٢.

الحل: ٤٦ لان عدد زوجي

٣٢. كم عدد زوجي يقبل القسمة على ٦٠؟

يوجد الكثير من الأعداد الزوجية تقبل القسمة على ٦٠

٣٣. إذا كان s عدد زوجي ، v عدد فردي فأَي مما يلي يجب أن يكون فردياً؟

الخيارات: (أ) $s+v$ (ب) s^2+v^2 (ج) $2s+v$ (د) s^2+2
نفرض أن $s=2$ هو عدد زوجي
ونجرب في الخيارات:
 $s+v=2+2=4$
 $s^2+v^2=2^2+2^2=4+4=8$
 $2s+v=2*2+2=4+2=6$
 $s^2+2=2^2+2=4+2=6$
إذا اختلفت فردي وإذا تشابهت زوجي).

فردي \pm زوجي = فردي
فردي \pm فردي = زوجي
زوجي \pm زوجي = زوجي
زوجي \pm فردي = فردي
إذا اختلفت فردي وإذا تشابهت زوجي).

مسائل في الأعداد الفردية:

الأعداد الفردية: (١، ٣، ٥، ٧، ٩، ١١، ١٣، ١٥، ١٧، ١٩، ...)

٣٤. أوجد الرقم المختلف: ١٢، ١٥، ١٦، ٢٠، ٢٢

العدد ١٢ يقبل القسمة على ٢.

العدد ١٦ يقبل القسمة على ٢.....

العدد ١٥ لا يقبل القسمة على ٢.

الحل: الرقم المختلف هو رقم ١٥ لأنه رقم فردي

٣٥. أعداد فرديه متتالية مجموعهما ٣٣ ما هو عدد أكبرهما

$$33 = 13 + 11 + 9$$

الحل: ١٣

٣٦. أعداد فرديه متتالية مجموعهما ٤٥ ؟ الخيارات: (أ) (١٣-١٥-١٧) (ب) (١٢-١٥-١٧) (ج) (١١-١٥-١٧) (د) (١٣-١٨-١٧)

$$45 = 13 + 15 + 17$$

الحل: (١٣-١٥-١٧)

٣٧. إذا كان l عدداً فردياً فأَي من القيم التالية يجب أن يكون عدد فردي أيضاً
الخيارات: (أ) $l-5$ (ب) $l+2$ (ج) $l/2$ (د) $l+3$
بافتراض $l=3$ عدد فردي
وبالتعويض في الاختيارات نجد أن الإجابة الصحيحة هي: $l+2=5$
فردي \pm زوجي = فردي
فردي \pm فردي = زوجي
زوجي \pm زوجي = زوجي
زوجي \pm فردي = فردي
إذا اختلفت فردي وإذا تشابهت زوجي).

٣٧. إذا كان l عدداً فردياً فأَي من القيم التالية يجب أن يكون عدد فردي أيضاً
الخيارات: (أ) $l-5$ (ب) $l+2$ (ج) $l/2$ (د) $l+3$

٣٨. مجموع ثلاثة أعداد فردية متتالية تساوي ٥٧ فما مجموع الأول والثاني من تلك الأعداد؟

$$٥٧ = ٢١ + ١٩ + ١٧$$

$$٣٦ = ١٩ + ١٧$$

الحل: ٣٦

٣٩. إذا كان مجموع ٣ أعداد فردية متتالية = ٤٥ فما مجموع العدد الأول والثاني؟

$$٤٥ = ١٧ + ١٥ + ١٣$$

$$٢٨ = ١٥ + ١٣$$

الحل: ٢٨

مسائل في الأعداد الصحيحة:

الأعداد الصحيحة: (-٤، -٣، -٢، -١، ٠، ١، ٢، ٣، ٤،)
تشمل الأعداد الكلية مع الأرقام السالبة

٤٠. إذا كان s و v عددين صحيحين و كان مربع $s = v$ ، كم قيمة s و v ؟

الخيارات: (أ) ٢، ٣ (ب) ٤، ١ (ج) ٤، ٣ (د) ٤، ٤

المعطي: $s = ٣$ ، $v = ٢$ بتجريب الخيارات: $s = ٢$ ، $v = ٤$

٤١. أي الأعداد أدناه يساوي ٥ v - ٤ بحيث v عدد صحيح موجب

الخيارات: (أ) ٢٥ (ب) ٢٧ (ج) ٢٦ (د) ٢٨

الحل: بتجريب الخيارات $v = ٤$ - ٢٦ = ٤ ← $v = ٣٠$ ← $v = ٦$

٤٢. إعداد صحيحة متتالية يكون مجموعها ٣ و أول ثلاث أعداد متتالية مجموعها ٦ فكم يكون العدد الأخير للمتتابعة

المتتالية: ٣، ٢، ١، صفر، -١، -٢

نطبق عليها عشان نتأكد:

$$٣ = ٢ - ١ - صفر + ١ + ٢ + ٣$$

$$٦ = ١ + ٢ + ٣$$

إذا العدد الأخير = -٢

٤٣. ما العدد الذي يمثل $8l + 6$ حيث l عدد صحيح؟ الخيارات (أ) ٤٠ (ب) ٣٨ (ج) ٤٢ (د) ٥٠

يعتمد الحل على أسلوب التجريب حيث نقوم بعمل معادلة لكل من الخيارات والتي تخرج لنا قيمة l عدد صحيح هو الحل

(أ) ٤٠ ← $8l + 6 = 40$ ← $l = \frac{34}{8}$ لا تقبل القسمة على ٨ بدون باقي

(ب) ٣٨ ← $8l + 6 = 38$ ← $l = 4$ هي الصحيحة لان الناتج لقيمة l هو عدد صحيح

(ج) ٤٢ ← $8l + 6 = 42$ ← $l = \frac{36}{8}$ لا تقبل القسمة على ٨ بدون باقي

(د) ٥٠ ← $8l + 6 = 50$ ← $l = \frac{44}{8}$ لا تقبل القسمة على ٨ بدون باقي

مسائل في الأعداد الحقيقية:

الأعداد الحقيقية: $(\pi, \frac{3}{5}, \sqrt{2}, \dots)$ وهي تشمل جميع أنواع الأعداد سواء الزوجية أو الفردية أو النسبية أو المركبة..

٤٤. إذا كان $ص > س > هـ$ أعداد حقيقية وكان $س < ص < هـ < صفر$

قارن بين:

القيمة الأولى: $س / هـ$

القيمة الثانية: $ص / هـ$

الحل:

نفرض: $٣ < ٢ < ١ < صفر$

القيمة الأولى = $س / هـ = ١/٣ = ٣$

القيمة الثانية = $ص / هـ = ١/٢ = ٢$

إذا: القيمة الأولى < القيمة الثانية

this page is intentionally left blank

تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا

this page is intentionally left blank

أسئلة الذكاء لآخر اختبارات لوزارة العمل (٢٠٢٢)

تم تقسيم الأسئلة على حسب الدرس.

تأكد من صحة الحل.

أغلب الأسئلة تتكرر.

المتاليات:

أكمل المتتالية ٧, ١٠, ١٦, ٢٨, ٥٦, ...

الفكرة: $١٠ = ٣ + ٧$ $١٦ = ١٠ + ٦$ $٢٨ = ١٦ + ١٢$ $٥٢ = ١٦ + ٢٤$ $١٠٠ = ٤٨ + ٥٢$ الجواب ١٠٠

أكمل المتتالية ١, ٥, ١٢, ٢٢, ٣٥, ...

الفكرة: $٥ = ٤ + ١$ $١٢ = ٧ + ٥$ $٢٢ = ١٠ + ١٢$ $٣٥ = ١٣ + ٢٢$ $٥١ = ١٦ + ٣٥$

الراتب:

محمد راتبه ينقص عن راتب خالد ب ٨٠٠ ريال وخالد يزيد راتبه عن راتب فهد ب ٤٠٠ ريال ، راتب فهد ٢٨٠٠ فكم راتب محمد؟

المعطى: محمد = خالد - ٨٠٠ خالد = فهد + ٤٠٠ فهد = ٢٨٠٠

تعويض مباشر: خالد = فهد + ٤٠٠ ← $٣٢٠٠ = ٤٠٠ + ٢٨٠٠$

إذاً: محمد = محمد = خالد - ٨٠٠ ← $٢٤٠٠ = ٨٠٠ - ٣٢٠٠$

إذا كان راتب احمد ينقص عن راتب محمد ب ٩٠٠ ريال وراتب محمد يزيد عن راتب خالد ب ٨٠٠ ريال وراتب خالد ٤٥٠٠ فكم راتب احمد؟

المعطى: أحمد = محمد - ٩٠٠ محمد = خالد + ٨٠٠ خالد = ٤٥٠٠

تعويض مباشر: محمد = خالد + ٨٠٠ ← $٥٣٠٠ = ٨٠٠ + ٤٥٠٠$

إذاً: أحمد = أحمد = محمد - ٩٠٠ ← $٤٤٠٠ = ٨٠٠ - ٥٣٠٠$

راتب احمد اكثر من سالم ب ٧٠ وراتب عمر اقل من احمد ب ٢٠ ويستلم سالم ٢٧٠ ريال فكم راتب احمد وعمر؟

المعطى: أحمد = سالم + ٨٠ عمر = أحمد - ٢٠ سالم = ٢٧٠

تعويض مباشر: أحمد = سالم + ٨٠ ← $٣٤٠ = ٨٠ + ٢٧٠$

إذاً: عمر = عمر = أحمد - ٢٠ ← $٣٢٠ = ٢٠ - ٣٤٠$

مع أحمد ٢٤٠ ريال ومع علي ١٠٠ ريال إذا كان أحمد يكسب ٥ ريال في اليوم و كان علي يكسب ١٢ ريال في اليوم بعد كم يوم يصبح مالهما متساويان ؟

الحل باستخدام معادلة: $س =$ تمثل عدد الأشهر
 $١٠٠ + (١٢ \times س) = ٢٤٠ + (٥ \times س)$
 $١٤٠ = ١٢س - ٥س$
 $٢٠ = س$ شهر

الشهر	٥	١٢
	٢٤٠	١٠٠
١	٢٤٥	١١٢
٢	٢٥٠	١٢٤
٣	٢٥٥	١٣٦
٤	٢٦٠	١٤٨
٥	٢٦٥	١٦٠
٦	٢٧٠	١٧٢
٧	٢٧٥	١٨٤
٨	٢٨٠	١٩٦
٩	٢٨٥	٢٠٨
١٠	٢٩٠	٢٢٠
١١	٢٩٥	٢٣٢
١٢	٣٠٠	٢٤٤
١٣	٣٠٥	٢٥٦
١٤	٣١٠	٢٦٨
١٥	٣١٥	٢٨٠
١٦	٣٢٠	٢٩٢
١٧	٣٢٥	٣٠٤
١٨	٣٣٠	٣١٦
١٩	٣٣٥	٣٢٨
٢٠	٣٤٠	٣٤٠

إذا كان شخص يستلم راتب ١٥٠٠ شهريا يضاف الى راتبه ٢٥ وشخص آخر يستلم راتب ١٢٠٠ ويضاف الى راتبه ٥٠ .. كم شهر يحتاجان حتى يتلقيان نفس الراتب .. المهم الجواب أتوقع ١٢ شهر

الحل باستخدام معادلة: $س =$ تمثل عدد الأشهر
 $١٢٠٠ + (٥٠ \times س) = ١٥٠٠ + (٢٥ \times س)$
 $٣٠٠ = ٢٥س - ٥٠س$
 $١٢ = س$ شهر

طريقة التجربة:

الشهر	٢٥	٥٠
	١٥٠٠	١٢٠٠
١	١٥٢٥	١٢٥٠
٢	١٥٥٠	١٣٠٠
٣	١٥٧٥	١٣٥٠
٤	١٦٠٠	١٤٠٠
٥	١٦٢٥	١٤٥٠
٦	١٦٥٠	١٥٠٠
٧	١٦٧٥	١٥٥٠
٨	١٧٠٠	١٦٠٠
٩	١٧٢٥	١٦٥٠
١٠	١٧٥٠	١٧٠٠
١١	١٧٧٥	١٧٥٠
١٢	١٨٠٠	١٨٠٠

التناسب الطردي والعكسي:

سيارة سرعتها ١٢٠ كم/س فكم تسير في ٥٠ دقيقة؟

١ الساعة فيها ٦٠ دقيقة

١٢٠ كم _____ ٦٠ دقيقة

س _____ ٥٠ دقيقة

س = ١٠٠ كم

١٨ طن من الطحين تكفي قرية لمدة ١٥ يوم فكم طن تكفي القرية في ٧٥ يوم؟؟

١٨ طن _____ ١٥ يوم

س _____ ٧٥ يوم

س = ٩٠ طن

إذا كان ١٢٥ جرام من الشاي يساوي ١.٢ ريال فكم ١ كيلوجرام يساوي من ريالات؟

يحتوي كل ١ كيلو جرام على ١٠٠٠ جرام

١٢٥ = ٠,١٢٥ كيلو جرام

٠,١٢٥ كيلو جرام _____ ١,٢ ريال

س _____ ١

س = ٩,٦ ريال

مصعد يحمل ٢٠ شخص بالغ أو ٢٤ طفل ، إذا ركب ١٥ شخص بالغ فكم طفل يستطيع ان يركب ؟

الخيارات: أ- ٨ ب- ٦ ج- ٤ د- ١٠

٢٠ شخص بالغ _____ ٢٤ طفل

١٥ شخص بالغ _____ س

س = ١٨ طفل

نطرح عدد الأطفال ٢٤-١٨ = ٦

لتان للطباعة تطبع الاولى ٥٠٥ صفحة وتطبع الثانية ٣٢٥ صفحة في نفس الوقت, فإذا زاد الوقت للالتين فطبع

الثانية ١٦٢٥ صفحة. فكم صفحة تطبعها الاولى..؟

الطابعة الأولى _____ الطابعة الثانية

٥٠٥ صفحة _____ ٣٢٥ صفحة

س _____ ١٦٢٥

س = ٢٥٢٥ صفحة

طابعة تطبع ٢٧٠ ورقة في ٣ دقائق كم تحتاج من الوقت لطباعة ٦٣٠ ورقة

٢٧٠ ورقة _____ ٣ دقائق

س = ٧ دقائق

٦٣٠ ورقة _____ س

واحد سرعته ١٢٠ كم المفروض يوصل خلال ساعتين بس مشى ٣ ساعات كم كانت سرعته؟

١٢٠ كم _____ ٢ ساعة

س = ١٨٠ كم

س _____ ٣ ساعات

إذا كانت سيارة تسير مسافة في ١٥ ساعة و قطعت سيارة أخرى نفس المسافة في ١٢ ساعة بسرعة ٥ كم في

الساعة فكم سرعة السيارة الأولى؟ الجواب ٤

١٥ ساعة _____ س

س = ٦,٢٥ كم

١٢ ساعة ٥ كم _____

عجلات أنصاف أقطارهن ٦ م ٣ م ٢ م ٤ م ، فإذا كان سرعة العجلة الأولى ٦٠ فالدقيقة كم سرعة العجلة الأخيرة

٦ م _____ ٦٠ دقيقة

س = ٤٠ فالدقيقة

٤ م _____ س

العمل والوقت:

حيوان وحيد القرن اكل ستة حزم من القش في ست دقائق فاذا نسي المزارع ١٠٠ حزمة لمدته ساعة وأربعين دقيقة فكم عدد الحيوانات اللازمة لاكل ١٠٠ حزمه؟

نحول الساعة إلى دقائق ١:٤٠ إلى ٦٠ + ٤٠ = ١٠٠ دقيقة
إذاً: ٢ و ١٠٠ دقيقة

$$\frac{٢ \times ٢ع}{٢ك} = \frac{١٠ \times ١ع}{١ك}$$

$$\frac{١٠٠ \times ٢ع}{١٠٠} = \frac{٦ \times ١}{٦}$$

$$٢ع = ١$$

إذاً: ١ حيوان

كمية العمل	وقت	عدد
١ع = ٦ حزم	١ و ٦ دقيقة	١ حيوان
٢ع = ١٠٠ حزمة	٢ و ١٠٠ دقيقة	٢ع = ؟ حيوان

إذا كان ٢٥ عامل يخلصو ٢٥% من الشغل في ٢٥ يوم كم عامل يلزم لانتهاء العمل في ٧٥ يوم؟

كمية العمل التي تمت = ٢٥% = ١ك
كمية العمل المتبقية = ٧٥% = ٢ك

$$\frac{٢٥ \times ٢ع}{٢ك} = \frac{١٥ \times ١ع}{١ك}$$

$$\frac{٧٥ \times ٢ع}{٧٥} = \frac{٢٥ \times ٢٥}{٢٥}$$

$$٢ع = ٣٠$$

إذاً: ٣٠ عامل

كمية العمل	وقت	عدد
١ك = ٢٥%	١ و ٢٥ يوم	١ع = ٢٥ عامل
٢ك = ٧٥%	٢ و ٧٥ يوم	٢ع = ؟ عامل

٦٠ عامل ينهون ٢٥% من العمل في ٢٥ يوم , اذا اردنا انجاز العمل في ٧٥ يوم فكم عامل يجب ان نضيف

كمية العمل التي تمت = ٢٥% = ١ك
كمية العمل المتبقية = ٧٥% = ٢ك

$$\frac{٢٥ \times ٢ع}{٢ك} = \frac{١٥ \times ١ع}{١ك}$$

$$\frac{٧٥ \times ٢ع}{١٠٠} = \frac{٢٥ \times ٦٠}{٢٥}$$

$$٢ع = ٨٠$$

إذاً: يجب أن نضيف: ٨٠ - ٦٠ = ٢٠ عامل

كمية العمل	وقت	عدد
١ك = ٢٥%	١ و ٢٥ يوم	١ع = ٦٠ عامل
٢ك = ١٠٠%	٢ و ٧٥ يوم	٢ع = ؟ عامل

إذا كان ٥ عمال ينتجوا ٥ عبوات في ٥ دقائق فكم عبوة ينتج ١٠ عمال في ١٠ ساعات.

الحل عليك 😊

الحل: ١٢٠٠ عبوة

السرعة والزمن والمسافة:

انطلقت سيارتان واحدة بسرعة ١٢٠ كم / س والأخرى ١٠٠ كم / س . فعند الوصول للنهاية كم يكون فرق الزمن بالدقائق اذا كانت المسافة ٤٨٠ كيلومتر ؟

فكرة الحل: فرق الزمن = زمن السيارة الثانية - زمن السيارة الأولى

$$\frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} = \text{الزمن}$$

المعطى: سرعة السيارة الأولى = ١٢٠ كم / ساعة سرعة السيارة الثانية = ١٠٠ كم / ساعة المسافة = ٤٨٠ كم

$$\text{الزمن السيارة الأولى} = \frac{٤٨٠}{١٢٠} = ٤ \text{ ساعات} \quad \text{الزمن السيارة الثانية} = \frac{٤٨٠}{١٠٠} = ٤,٨ \text{ ساعات}$$

فرق الزمن = زمن السيارة الثانية - زمن السيارة الأولى ← ٤,٨ - ٤ = ٠,٨ ساعات

تحول الساعات إلى دقائق = الساعات × ٦٠ دقيقة ← ٠,٨ × ٦٠ = ٤٨ دقيقة

اذا سيارة قطعت مسافة نصف طوله الكامل ١٠٠ كم بسرعة ٦٠ كم/ساعة كم دقيقه راح يأخذ ليقطع الطريق كامله بسرعه ٦٠ كم/بساعة؟

المعطى: طول الطريق كامل = ١٠٠ كم المسافة المقطوعة النصف = ٥٠ كم سرعة السيارة = ٦٠ كم / ساعة

$$\frac{\text{المسافة المقطوعة}}{\text{السرعة}} = \text{الزمن} \quad \frac{٥٠}{٦٠} = ٠,٨٣ \text{ ساعة} \quad \text{نحولها إلى دقائق} = ٠,٨٣ \times ٦٠ = ٥٠ \text{ دقيقة}$$

إذا: ٥٠ كم _____ ٥٠ دقيقة

١٠٠ كم _____ س

س = ١٠٠ دقيقة أو ساعة وأربعين دقيقة

الساعة:

ضبطت ساعة حائط الساعة ٨ صباحاً وكانت هذه الساعة تتأخر ٢٠ دقيقة كل ساعة فأين تكون إشارة العقرب عند الساعة ٨ مساءً

من الساعة ٨ صباحاً إلى ٨ مساءً = ١٢ ساعة

مجموع دقائق التأخير: ١٢ ساعة × ٢٠ دقيقة = ٢٤٠ دقيقة (نحولها إلى ساعات لأنه أكبر من ٦٠ دقيقة)

$$\frac{\text{مجموع الدقائق}}{\text{دقيقة}} = \text{نحولها إلى ساعات} \quad \frac{٢٤٠}{٦٠} = ٤ \text{ ساعات}$$

٨ مساءً - ٤ ساعات = ٤ مساءً

ساعة تنقص دقيقه و ساعه تزيد بالثواني اذا قفلوهن و فتحوهن الساعه ١٢ كم رح يكون ساعه اللقاء.

المتوسط الحسابي:

المتوسط الحسابي لسبعة أعداد صحيحة متتالية هو ٤ فما هو العدد الأول؟

الخيارات: (أ) ١ (ب) ٥ (ج) ٤ (د) ٣

نحرب الخيارات: نشوف الرقم اذا حسبناه إلى سابع رقم وقسمناها على عددهم يعطيني ٤.

نحرب الخيار (أ) ١ ← $٤ = \frac{٧+٦+٥+٤+٣+٢+١}{٧}$ إذاً: العدد الأول ١

مصعد يستطيع حمل ٩٠٠ كيلو جرام فإذا كان المتوسط الحسابي لأوزان موظفي الشركة هو ٧٥ كجم فكم شخص يمكن أن يحمله المصعد؟

المتوسط الحسابي = $\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}}$ ← $\frac{٩٠٠}{\text{عددها}} = ٧٥$ ← عددهم = ١٢ شخص

الجبر:

إذا كان $٢س - ٥ = ٩٨$ ، فإن $٢س + ٥ = ؟$

فكرة الحل: أنه نخلي قيمة للـ(س) ونعوض في المعادلة المطلوب أيجاد قيمتها. المعادلة المطلوب أيجادها: $٢س + ٥ = ؟$

$٢س - ٥ = ٩٨$ تتحول إلى $٢س + ٩٨ = ٥ + ١٠٨$ $١٠٨ = ٥ + (٥١,٥)٢$ إذاً: $٢س + ٥ = ؟$

إذا كانت س على ٩ تساوي ٥ فما قيمة $٣س$ على ٩؟

$٥ = \frac{س}{٩}$ ← $٤٥ = س$ المعادلة الأولى
نعوض المعادلة الأولى في الثانية. $٣ = \frac{٩ \times ٣}{٩}$
المعادلة الثانية $؟ = \frac{س^٣}{٩}$

الأعمار:

إذا كان متوسط أعمار ٥ أشخاص يساوي ٢٥ عاماً فإذا أخذنا أحدهم صار المتوسط ٢٧ عاماً . فكم عمر الشخص الخامس ؟

$$\frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عددها}} = \text{الوسط الحسابي}$$

$$٢٥ = \frac{\text{خمسة أشخاص}}{٥} \leftarrow \text{مجموع أعمال الخمسة أشخاص} = ٢٥ \times ٥ = ١٢٥$$

$$\text{وإذا أخذناه واحد منهم يصير: } ٢٧ = \frac{\text{أربعة أشخاص}}{٤} \leftarrow \text{مجموع أعمال الأربعة أشخاص} = ٢٧ \times ٤ = ١٠٨$$

$$\text{نطرح القيمتين من بعض } ١٧ = ١٢٥ - ١٠٨ \quad \boxed{\text{إذا: عمر الشخص الخامس ١٧ سنة}}$$

إذا كان عمر فيصل بعد ١٠ سنوات يساوي ضعف عمره منذ ٢٠ سنة فما عمر فيصل الآن؟

المطلوب: عمر فيصل الآن = س

$$\boxed{\text{قانون: بعد : تعني الجمع } \quad \text{منذ : تعني الطرح} \quad \text{ضعف} = ٢ \times}$$

النص: عمر فيصل بعد ١٠ = ضعف (عمر فيصل منذ ٢٠)

نحوه إلى شكل معادلة: س + ١٠ = ٢ (س - ٢٠)

$$\text{س} + ١٠ = ٢ = ٢ - ٤٠ \leftarrow \text{س} - ٢ = ٤٠ - ١٠$$

$$\text{س} - ٥٠ = \text{س} \quad \text{(السالب مع السالب)} \quad \text{س} = ٥٠ \quad \boxed{\text{إذاً عمر فيصل الآن = ٥٠ سنة}}$$

إذا كان عمر رجل ثلاث أمثال عمر ابنه وبعد ٢٠ سنة يصبح عمر ولده ٣٥ سنة ف كم عمر والده؟

لاحظ طريقة الحل
اختلفت نتيجة وجود
مجهولين

المطلوب: عمر الرجل = س عمر الابن = ص

النص: بعد ٢٠ سنة يصبح عمر ولده ٣٥ سنة

نحوه إلى شكل معادلة: ص + ٢٠ = ٣٥

$$\text{ص} + ٢٠ = ٣٥ \leftarrow \text{ص} = ١٥ \quad \text{عمر الابن} \quad \boxed{\text{إذاً عمر الرجل الآن : س = ٣ = ص = ٣ = (١٥ \times ٣) = ٤٥ سنة}}$$

إذا كان عمر فهد بعد ٨ سنوات يساوي ٣ أضعاف عمره من ٤ سنوات فما عمره الآن ؟

لنفرض أن عمر فهد = س

النص: عمر فهد بعد ٨ سنوات يساوي ٣ أضعاف عمره من ٤ سنوات

نحوه إلى شكل معادلة: س + ٨ = ٣ (س - ٤)

$$\text{س} + ٨ = ٣ = ٣ - ١٢ \leftarrow \text{س} - ١٢ = ٨ - ١٠ \quad \text{س} = ١٠ \quad \boxed{\text{إذاً عمر فهد الآن = ١٠ سنوات}}$$

المصافحات والترتيب وقراءة الصفحات والصفحات:

٦ أشخاص تلاقوا في مكان ، كم تحية راح يعملوا؟

$$\text{قانون: المصافحات لعدد } n \text{ من الأشخاص} = \frac{n(n-1)}{2} = \frac{6(6-1)}{2} = 15 \text{ تحية}$$

يتصافح مجموعه من الأشخاص ١٥ مرة ، كم عددهم اذا تمت المصافحة مرة واحدة فقط بين كل شخصين

$$\text{قانون: المصافحات لعدد } n \text{ من الأشخاص} = \frac{n(n-1)}{2}$$

في هذا السؤال قيمة عدد المصافحات معلوم = ١٥ مرة ولكن عدد الأشخاص غير معلوم = n

$$15 = \frac{n(n-1)}{2} \quad \text{تبسيط} \quad 30 = n^2 - n$$

الإجابة

بالحاسبة، معادلة من الدرجة الثانية: حاصل الضرب - ٣٠ والجمع - ١ أمان = ٥ أو $n = 6$

اذا كان ترتيب احمد في صف من الطلاب من اليمين السابع ومن اليسار الثالث عشر كم عدد الطلاب

قانون عدد الأشخاص:

$$\text{عدد الأشخاص} = (\text{الترتيب من اليمين} + \text{الترتيب من اليسار}) - 1$$

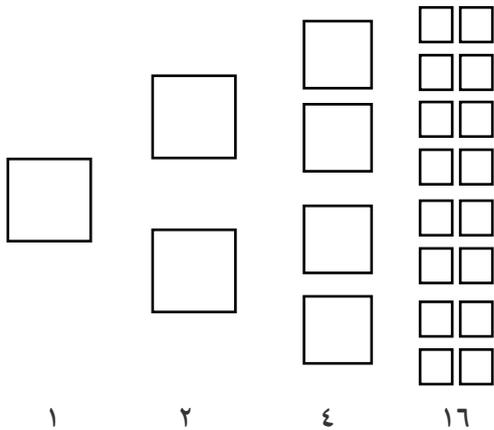
$$\text{عدد الطلاب} = 1 - (13 + 7) = 19$$

حل آخر عن طريق الرسم:



٢٣ صندوق بداخله صندوقين وكل صندوق منهم بداخله صندوقين وكل صندوق منهم بداخله ٤ صندوقين فكم

مجموع الصناديق؟



مجموع الصناديق:

$$23 \text{ صندوق} = 16 + 4 + 2 + 1$$

اليوم الأحد، الاثنين، الأربعاء، السبت، الاثنين، الأحد، ما هو اليوم التالي بعد هذي السلسلة: الأربعاء

يقراً مروان في الصباح ١٠٠ صفحة بسرعة ٦٠ صفحة / ساعة وفي الظهر يقرأ ١٠٠ صفحة بسرعة ٤٠ صفحة / ساعة فإن معدل ما يقرأ في الساعة الواحدة ؟ الخيارات: أ - ٤٥ ب - ٤٨ ج - ٥٠ د - ٥٢

المتوسط في هذه الحالة (زمن وسرعة) يكون مثل متوسط السرعات .
وبما أن عدد الصفحات هو لم يتغير ..

حل خطأ: انتبه
المعدل = مجموع القيم / عددها
(٤٠ + ٦٠) / ٢ = ٥٠ = صفحة بالساعة

$$٤٨ = \frac{٤٠ \times ٦٠ \times ٢}{(٤٠+٦٠)} = \frac{(٢ \times \text{حاصل ضرب السرعتين})}{\text{حاصل جمع السرعتين}}$$

المسائل اللفظية:

مدين حُجز عليه فوجد عنده أثاث وأمتعه قدرت بمبلغ ١٠٤٠ ريال ، ولو حجزت المحكمة على أمتعه بقي عليه ٧٠ ريال ولو حجز على الأثاث بقي له ١٠ ريال .. فما ثمن الأمتعة وما ثمن الأثاث وما قيمة دينه

اللفظ: عنده أثاث وأمتعه قدرت بمبلغ ١٠٤٠ ← **أثاث + أمتعه = ١٠٤٠**

اللفظ: ولو حجزت المحكمة على أمتعه **بقي عليه ٧٠** ← الدين = أمتعه - ٧٠ ← **أمتعه = الدين + ٧٠**

اللفظ: ولو حجز على الأثاث **بقي له ١٠** ← الدين = أثاث + ١٠ ← **أثاث = الدين + ١٠**

$$\text{أثاث} + \text{أمتعه} = ١٠٤٠ \quad (\text{نعوض عن الأمتعة ولأثاث}) \quad \leftarrow (\text{الدين} + ١٠) + (\text{الدين} - ٧٠) = ١٠٤٠$$

$$\text{إذاً: الدين} = ٥٥٠ \quad \text{أمتعه} = ٥٦٠ \quad \text{أثاث} = ٤٨٠$$

ميزان على الكفة اليمنى كان فيه ١٢ كرة صغيرة وعلى اليسرى كرتين كبيرتين إذا كان وزن الكرة الكبيرة تساوي وزن كرة ونصف صغيرة فكم كرة كبيرة يجب وضعها لتساوي الكفتين ؟

الشرح: فهمت من السؤال أنه عندنا ١٢ كرة صغيرة على ميزان، كم كرة كبيرة لازم أخلي عشان الميزان يتساوى

$$\text{ص} = \text{كرة صغيرة} = ١٢ \text{ كرة} \quad \text{ك} = \text{كرة كبيرة}$$

$$١,٥ \times \text{ص} = \text{ك} \times ٢ \quad \leftarrow \quad ١,٥ \times ١٢ = \text{ك} \times ٢ \quad \leftarrow \quad \text{كرة كبيرة (ك)} = ٩$$

حقيبة أ فيها ٧٠ قلم وحقيبة ب و ج فيهن ١٢٠ قلم علما أن حقيبة ج فيها ٣ أضعاف أقلام أ أوجد قيمه ب؟

$$\text{معطى: أ} = ٧٠ \quad \text{ب} + \text{ج} = ١٢٠ \quad \text{ج} = ٣ \times \text{أ} \quad \text{ب} = ?$$

$$\text{الحل: ب} + \text{ج} = ١٢٠ \quad \leftarrow \quad \text{ب} + ٣ \times \text{أ} = ١٢٠ \quad \leftarrow \quad \text{ب} + (٧٠ \times ٣) = ١٢٠ \quad \leftarrow \quad \text{ب} = ٩٠$$

إذا كان قيمة ٥ مجلات زائد ٤ جرائد تساوي ٤٤ ريال و ٢٥ جرائد بقيمة ٢٥ ريال، كم قيمة المجلة الواحدة؟

المعطى: ٥ مجلات + ٤ جرائد = ٤٤ ريال ٢٥ جرائد = ٢٥ ريال قيمة المجلة الواحدة = ؟
أولاً نوجد قيمة الجريدة الواحد:

$$٢٥ \text{ جرائد} = ٢٥ \text{ ريال}$$

$$١ \text{ جرائد} = \text{س} \quad \text{س} = ١ \text{ ريال للجريدة}$$

ثانياً نوجد قيمة المجلة الواحدة:

$$٥ \text{ مجلات} + ٤ \text{ جرائد} = ٤٤ \text{ ريال} \quad \leftarrow \quad ٥ \text{ مجلات} + (١ \times ٤) = ٤٤ \quad \leftarrow \quad \boxed{\text{ملجة واحدة} = ٨ \text{ ريال}}$$

عند جمال و خالد و وليد ٢٦٥ ريال وما عند جمال يزيد عن ما عند خالد ب ١٥ وما عند وليد ضعف ما عند جمال كم مجموع ما يملكه خالد و جمال؟

$$\text{اللفظ: عند جمال و خالد و وليد ٢٦٥ ريال} \quad \leftarrow \quad \text{خالد} + \text{وليد} + \text{جمال} = ٢٦٥$$

$$\text{اللفظ: جمال يزيد على ما عند خالد بـ ١٥} \quad \leftarrow \quad \text{خالد} = \text{جمال} - ١٥$$

$$\text{اللفظ: وليد ضعف جمال} \quad \leftarrow \quad \text{وليد} = ٢ \text{ جمال}$$

$$\text{خالد} + \text{وليد} + \text{جمال} = ٢٦٥ \quad (\text{بالتعويض}) \quad \text{جمال} - ١٥ + ٢ \text{ جمال} + \text{جمال} = ٢٦٥$$

$$\text{إذاً: جمال} = ٧٠ \quad \text{خالد} = ١٥ - ٧٠ = ٥٥ \quad \boxed{\text{مجموع ما مع جمال و خالد} = ١٢٥}$$

لدى رجل بقر ودجاج وكان عدد الدجاج مثلي عدد البقر وعدد قوائم البقر ٥٢ أوجد قوائم الدجاج؟

$$\text{معطى: عدد الدجاج} = ٢ \times \text{عدد البقر} \quad \text{عدد قوائم البقر} = ٥٢$$

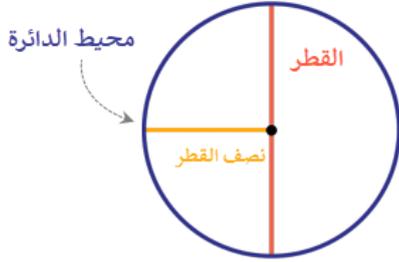
$$\text{لكل بقرة ٤ قوائم} = \frac{٥٢}{٤} = ١٣ \text{ بقرة} \quad \leftarrow \quad \text{عدد الدجاج} = ٢ \times \text{عدد البقر} = ١٣ \times ٢ = ٢٦ \text{ دجاجة}$$

$$\text{لكل دجاجة ٢ قوائم} = ٢٦ \text{ دجاجة} \times ٢ = \boxed{٥٢ \text{ قوائم للدجاج كامل}}$$

المساحة والمحيط والأشكال الهندسية:

دائرة نصف قطرها ١٠٠ سم , رسم على قطرها ٢٠ دائرة صغيرة متطابقة , أوجد نسبة مساحة الدائرة

الصغيرة إلى مساحة الدائرة الكبيرة



انصف القطر هو نفسه "نق" نصف المحيط "ط = ١٤, ٣٣"

طول قطر الدائرة الكبيرة = ٢ × نصف القطر = ١٠٠ × ٢ = ٢٠٠
السؤال يقول وزع على القطر ٢٠ دائرة صغيرة بالتساوي

$$10 = \frac{200}{20} = \frac{\text{قطر الدائرة الكبيرة}}{\text{عدد الدوائر الصغيرة}} = \frac{\text{قطر الدائرة الصغيرة الواحدة}}{5} = \frac{10}{2}$$

مساحة الدائرة الصغير = (نق) × ط = ٢٥ × ط

مساحة الدائرة الكبيرة = (نق) × ط = ١٠٠ × ط

بالقسمة على ط: ٢٥ : ١٠٠٠٠

النسبة مساحة الصغيرة : مساحة الكبيرة ٢٥ ط : ١٠٠٠٠ ط

بالقسمة على ٢٥ لتبسيط: ١ : ٤٠٠ إذا النسبة هي: ١ : ٤٠٠

أقطار مضلع ثماني تقريبا

$$20 \text{ أقطار} = \frac{(3-8) \cdot 8}{2} =$$

$$\frac{(3-n) \cdot n}{2} = \text{قانون: عدد أقطار أي شكل}$$

ن = عدد الأقطار

أوجد مساحة متوازي المستطيلات

مساحة متوازي المستطيلات = مجموع مساحة أوجه الستة. = ٢(العرض×الطول) + ٢(الارتفاع×العرض) + ٢(الارتفاع×الطول).

حجم منشور يساوي

لصيغة هي: الحجم = [١/٢ × ٥ × طول الضلع × نصف قطر القاعدة] × ارتفاع المنشور

إذا كان ارتفاع الدائرة ١٠ سم و نصف قطرها ٤ سم . ما هو حجم الدائرة ؟

حجم الكرة: ٤/٣ × π × نق³

النسب المئوية:

عدد ٢٠٪ منه يساوي ٤٠٠٠ كم العدد؟

$$\text{قانون النسبة المئوية: } \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} = \frac{\text{العدد}}{100} \leftarrow \frac{20}{100} = \frac{4000}{\text{الكل}} \leftarrow \text{الكل} = 20000$$

ثلث عدد يساوي ٢٥٪ من العدد ١٢ فما هو العدد؟ الخيارات ٦ أو ٩ أو ١٢ أو ١٥

$$\text{قانون النسبة المئوية: } \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} = \frac{\text{العدد}}{100} \leftarrow \frac{12}{36} = \frac{25}{100} \leftarrow \text{الجزء} = 9$$

إذا اشترى محمد أجهزة ٢٢٢٠ وكانت الشركة تقدم عروض بحيث إذا اشترى ٣ أجهزة حصل على خصم ٣٠٪ وإذا اشترى جهازين حصل على خصم ٢٠٪ فإذا اشترى ٣ أجهزة ثم جهازين فكم ثمن الجهاز الواحد

المعطى: سعر الجهاز الواحد = س مجموع الأجهزة التي اشترها محمد = ٥ أجهزة قيمة الـ ٥ أجهزة = ٢٢٢٠ ريال

النص: مجموع الأجهزة ٥، واشترى على دفعتين الأولى خصم ٣٠٪ ثم الدفعة الثانية خصم ٢٠٪

$$\text{المعادلة: } ٥س = (٣س \times ٣٠\% + ٢س \times ٢٠\%) - ٢٢٢٠$$

$$٥س - (٣س \times ٣٠\% + ٢س \times ٢٠\%) = ٢٢٢٠ \leftarrow \text{س} = ٦٠٠ \text{ ريال قيمة الجهاز الواحد}$$

اشترى محمد دراجة بخارية بمبلغ ٢٥٠٠ ريال، وصرف على إصلاحها مبلغ ٥٠٠ ريال، وباعها بخساره ١٨٪ من ثمن الشراء والمصاريف فما ثمن بيعها ومقدار خسارته؟

أولا نوجد سعر البيع، ثم ثانيا مقدار الخسارة:

$$\text{ثمن الشراء والمصاريف} = ٢٥٠٠ + ٥٠٠ = ٣٠٠٠ \text{ ريال (الأصلي)}$$

السعر الأصلي في التخفيض (الخسارة):

نضع السعر الأصلي س ← يقابله ١٠٠٪

نضع سعر البيع يقابله ← ١٠٠٪ - نسبة الخسارة

$$\text{سعر البيع} = \frac{٣٠٠٠ \times (١٠٠\% - ٨\%)}{١٠٠} = ٢٤٦٠ \text{ ريال}$$

الخسارة = ثمن الشراء والمصاريف (الأصلي) - ثمن البيع ← ٣٠٠٠ - ٢٤٦٠ = ٥٤٠ ريال هو ثمن الخسارة

إذا: سعر البيع ٢٤٦٠ ريال، ومقدار الخسارة ٥٤٠ ريال

قام خالد بصرف ما معه من مال ماعدا ١٠٪ من المبلغ الذي يمثل مصروف أخيه أحمد. فإذا كان مصروف أحمد ١٦٠ ريال فما المبلغ الذي كان مع خالد؟

شرح: فهمت من السؤال أنه ١٠٪ تمثل ١٦٠ ريال

$$\left[\begin{array}{l} \text{قانون النسبة المئوية:} \\ \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} = \frac{\text{العدد}}{100} \end{array} \right] \leftarrow \frac{160}{\text{الكل}} = \frac{10}{100} \leftarrow \text{الكل} = 1600 \text{ ريال}$$

باع عمر سيارة بمبلغ ٤٨٠٠٠ ريال فكان ربحه ٢٠٪ من ثمن بيعها. فما ثمن السيارة الأصلي؟

$$\left[\begin{array}{l} \text{قانون: السعر الأصلي في الربح:} \\ \text{نضع السعر الأصلي س} \leftarrow \text{يقابله } 100\% \\ \text{نضع سعر البيع يقابله } 100\% + \text{نسبة المكسب} \end{array} \right] \leftarrow \begin{array}{l} \text{الأصلي} \quad \text{_____} \quad 100\% \\ \text{_____} \quad 48000 \quad (100\% + 20\%) \end{array}$$

$$\text{الأصلي} = \frac{100 \times 48000}{(100 + 20)} = 40000 \text{ ريال سعر السيارة الأصلي}$$

إذا احمد صرف من راتبه ٣٠٪ ثم صرف ٤٠٪ وبقي معه ٢١٠٠ ريال كم راتبه كامل؟

لنفرض أنه الراتب كامل = س

$$\left[\text{س} = 7000 \right] \quad \text{س} = 2100 + \text{س} \times 40\% + \text{س} \times 30\%$$

$$\text{التحقق: } 7000 = (7000 \times 70\%) - 2100 \text{ ريال}$$

إذا فقد المعركة الأولى ٢٠٪ من جنوده و في المعركة الثانية فقد ٢٥٪ من جنوده ليصبح أجمالي المفقودين ٧٢٠٠ ما العدد الكلي للجنود؟

لنفرض عدد الجنود كامل = س

$$\text{س} = 7200 + \text{س} \times 20\% + \text{س} \times 25\% \quad \text{س} = 13091 \text{ جندي}$$

$$\text{التحقق: } 13091 - (13091 \times 45\%) = 7200 \text{ جندي مفقود}$$

صندوق يحتوي على كرات حمراء و صفراء وبيضاء، (٣ / ٤) الكرات حمراء و (١ / ٥) من المتبقي صفراء كم نسبة الكرات البيضاء؟

السبب أنه يخيلنه نفترض الرقم ١٠٠ لأنه طلب نسبة وما حدد عدد الكرات في السؤال وعدد الكرات ١٠٠ يمثل النسبة ١٠٠٪

هذا النوع من الأسئلة نفترض أنه عدد الكرات (س) = ١٠٠ كرة

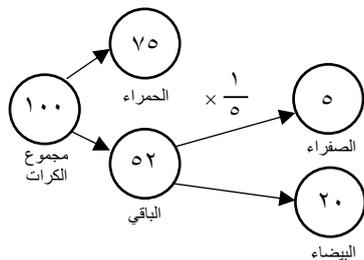
$$\text{نسبة الكرات الحمراء} = \frac{3}{4} \times 100 = 75 \text{ كرة حمراء} \quad (\text{الباقى } 100 - 75 = 25 \text{ كرة})$$

$$\text{نسبة الكرات الصفراء} = \frac{1}{5} \times 25 = 5 \text{ كرة صفراء}$$

إذاً:

الباقى هو نسبة الكرات البيضاء = (عدد الكرات كامل - (كرات حمراء + صفراء))

$$\left[\text{هي يمثل النسبة } 20\% \right] \quad 100 - (75 + 5) = 20 \text{ كرات بيضاء}$$



حل آخر: عن طريق الرسم

يعني اذا فلان استقرض ٥٠٠ ريال كم ستصبح بعد كذا مده اذا كانت الفايده ١٥٪

النسب:

اذا اشترت ٣ عطور، الأول بالقيمة الأصلية والثاني بنصف القيمة للعطر الأول والثالث بربع القيمة للعطر الأول وكان المجموع ٧٠٠ ريال فكم القيمة الأصلية للعطر

$$\begin{aligned} \text{المعطى: العطر الأول} &= \text{س} & \text{العطر الثاني} &= \frac{1}{2}\text{س} & \text{العطر الثالث} &= \frac{1}{4}\text{س} & \text{مجموع السعر} &= 700 \text{ ريال} \\ \text{العطر الأول} + \text{العطر الثاني} + \text{العطر الثالث} &= 700 \\ \text{س} + \frac{1}{2}\text{س} + \frac{1}{4}\text{س} &= 700 \leftarrow \boxed{\text{س} = 400 \text{ ريال}} \end{aligned}$$

أعطى والد أحمد ابنه أحمد ٥٠٠ ريال وخصص له ثمن المبلغ للوقود وثلاث أمثاله للقرطاسية والكتب. أوجد الباقي الذي معه؟

$$\begin{aligned} \text{المعطى: المبلغ كامل} &= 500 \text{ ريال} & \text{الوقود} &= \frac{1}{8} \times 500 = 62,5 & \text{للقرطاسية والكتب} &= 3 \times 187,5 = 562,5 \\ \text{المبلغ الباقي} &= \text{المبلغ كامل} - (\text{الوقود} + \text{للقرطاسية والكتب}) \\ \text{المبلغ الباقي} &= 500 - (62,5 + 562,5) = \boxed{250 \text{ ريال}} \end{aligned}$$

صرف محمد ثلث ما لديه من نقود ثم أعطى صديقة محمود (٥/٢) ما تبقى معه فأى كسر من الكسور التالية يمثل ما تبقى مع محمد؟

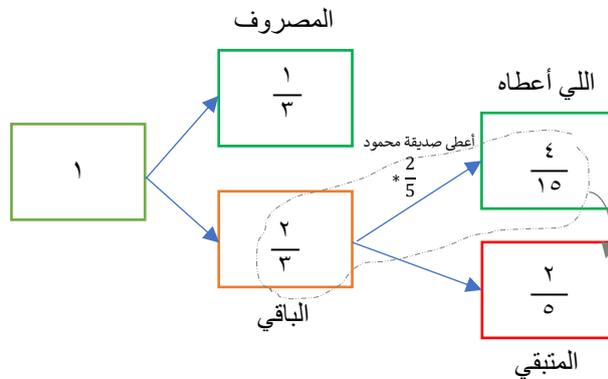
المعطى: كامل نسبة نقود محمد = ١

$$\begin{aligned} \frac{2}{3} &= \left(\frac{1}{3} \times \text{كامل نسبة نقود محمد} \right) - \text{كامل نسبة نقود محمد} \\ \frac{4}{15} &= \left(\frac{2}{5} \times \frac{2}{3} \right) - \text{باقي نسبة النقود بعد ما صرف محمد} \end{aligned}$$

النسبة المتبقية لمحمد = الباقي من النقود بعد ما صرف محمد - النسبة المصروفة من باقي النقود بعد إعطاء محمود

$$\frac{18}{45} = \frac{2}{5} - \frac{2}{15} \quad \text{أو تكتب } \frac{2}{5}$$

حل آخر عن طريق الرسم:



لدى أحمد ٧٢ ورقة نقدية وكان ثمن الأوراق من فئة ٥٠ ريال و سدس الأوراق من فئة ١٠٠ ريال وبالباقى كان من فئة ٢٠٠ ريال كم المبلغ الذي مع أحمد ؟ الخيارات: أ) ١١٦٥٠ (ب) ١١٧٠٠ (ج) ١١٨٠٠ (د) ١١٨٥٠

معطى: مجموع عدد الأوراق = ٧٢

$$\text{عدد الأوراق من فئة ٥٠ ريال} = \frac{1}{8} \times 72 = 9 \text{ أوراق}$$

$$\text{عدد الأوراق من فئة ١٠٠ ريال} = \frac{1}{6} \times 72 = 12 \text{ أوراق}$$

$$\text{عدد الأوراق من فئة ٢٠٠ ريال هو الباقي} = 72 - (9 + 12) = 51 \text{ أوراق}$$

$$\text{إذاً: المبلغ كامل} = (9 \times 50) + (12 \times 100) + (51 \times 200) = 11850 \text{ ريال}$$

ارض زراعية زرع (٣١) مساحتها ذره ، ربع مساحتها زرع قمح وتبقى ٢٠ هكتار من مساحتها زرع شوفان . فكم هكتار تبلغ مساحة الأرض كلها؟

$$\text{المعطى: مساحة الأرض كاملة} = \text{س} \quad \text{زرع (٣١) ذرة من مساحة الأرض} = \frac{1}{3} \text{س}$$

$$\text{زرع (٤١) قمح من مساحة الأرض} = \frac{1}{4} \text{س} \quad \text{زرع ٢٠ شوفان من مساحة الأرض} = 20$$

$$\text{مساحة الأرض كاملة: } \frac{1}{3} \text{س} + \frac{1}{4} \text{س} + 20 = \text{س} \quad \leftarrow \text{س} = 48 \text{ هكتار}$$

قطار به ٨٢٠ راكبا , فإذا كان عدد ركاب الدرجة الأولى ٤/٣ عدد ركاب الدرجة الثانية , وعدد ركاب الدرجة الثانية ٥/٣ عدد ركاب الدرجة الثالثة . فكم عدد ركاب الدرجة الثالثة ؟

حل آخر:

عدد الركاب =

الأولى : الثانية : الثالث

___ : ٤ : ٣

٥ : ٣ : ___

___ : ١٢ : ٩

٢٠ : ١٢ : ___

٢٠ : ١٢ : ٩

إذاً : نجعل النسب يعني : ٩ + ١٢ + ٢٠ = ٤١

ويعد ذلك فإن

$$\text{قيمة الأجزاء} = 41 / 820 = 20$$

عدد ركاب الدرجة الأولى = ٢٠ × ٩ = ١٨٠ راكب

عدد ركاب الدرجة الثانية = ٢٠ × ١٢ = ٢٤٠ راكب

عدد ركاب الدرجة الثالثة = ٢٠ × ٥ = ١٠٠ راكب

$$\text{ثلاثة الأرباع} = 413 \quad \text{ثلث الأقسام} = 513 \quad \text{مجموع الركاب} = 820$$

عدد ركاب الدرجة الثالثة = س

$$\text{عدد ركاب الدرجة الثانية} = \frac{3}{5} \times \frac{3}{4} \times \text{الدرجة الثالثة (س)} = \frac{9}{20} \text{س}$$

$$\text{عدد ركاب الدرجة الأولى} = \frac{3}{4} \times \frac{3}{5} \times \text{الدرجة الثانية} = \frac{9}{20} \text{س}$$

$$\text{إذاً: س} + \frac{3}{5} \text{س} + \frac{9}{20} \text{س} = 820 \quad \leftarrow \text{س} = 400 \text{ ركاب الدرجة الثالثة}$$

يصاب بالغ بين ١٠ بالغين وطفل بين ٣ أطفال .. السؤال : نسبة إصابة البالغين إلى الأطفال

الحل : ١ بالغ مصاب و ٩ بالغ غير مصاب ١ طفل مصاب و ٢ طفل غير مصاب

إصابة البالغين : الأطفال ٣ : ١ بالضرب في ٢ ٢ : ٢

إذا كان صنوبر ماء يملأ خزان في ساعة ونصف , وصنوبر آخر يملأ الخزان نفسه في ٤٥ دقيقة , فكم من الوقت يستغرق ملء الخزان إذا فتح الصنوبرين معا ؟

$$\begin{aligned} \text{المعطى: ساعة ونصف} &= ٩٠ \text{ دقيقة} & \text{الصنوبر الأول} &= \frac{1}{٩٠} \\ \text{الصنوبرين:} & \frac{1}{٣٠} = \frac{1}{٤٥} + \frac{1}{٩٠} & \text{الصنوبر الثاني} &= \frac{1}{٤٥} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} \frac{1}{٣٠} \\ \frac{1}{٩٠} \\ \hline \frac{1}{٤٥} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{ساعة} \\ \text{س} \end{array}$$

س = ٣٠ دقيقة = نصف ساعه

ريال وكانت أرباح المشروع في نهاية العام ١٨٠٠٠ ريال فإن نصيب الثالث من الأرباح ؟

الأول : الثاني : الثالث

$$٢٠٠٠ : ١٠٠٠ : ١٥٠٠$$

نحذف صفرين

$$٢٠ : ١٠ : ١٥$$

نقسم على ٥

$$٤ : ٢ : ٣$$

إذا مجموع الأجزاء = ٤ + ٢ + ٣ = ٩

$$\text{نصيب الأول} = ١٨٠٠٠ \times \left(\frac{٤}{٩}\right) = ٨٠٠٠$$

$$\text{نصيب الثاني} = ١٨٠٠٠ \times \left(\frac{٢}{٩}\right) = ٤٠٠٠$$

$$\text{نصيب الثالث} = ١٨٠٠٠ \times \left(\frac{٣}{٩}\right) = ٦٠٠٠$$

نظام الأعداد:

عدد يقبل القسمة على ٦ دون باقي؟

٦ و ٢

رقم اذا نقص منه ٦ يصبح مربعه ٤٩

$$٤٩ = ٢٧ \quad ٧ = ٦ - ١٣$$

ما أكبر عامل أولي للعدد ٢٥٥ ؟ الخيارات: أ) ١١ ب) ١٣ ج) ١٧ د) ١٩
بتجريب الخيارات

الحل: ١٧

التعليق	العدد	الأعداد الأولية
٢٣,١٨	٢٥٥	١١ <small>أقسمه</small>
١٩,٦١	٢٥٥	١٣
١٥	٢٥٥	١٧
١٤,٤	٢٥٥	١٩

اذا كان مكعب س يساوي مربع ص ، فان الاحتمال الغير مناسب لقيمة ص ؟ - ١ ٨ ١٦

من الرقم المختلف : ٤٩ ، ٥٤ ، ٦٤ ، ٨١

الرقم ٥٤ ليس له جذر

مجموع الأعداد من ١ - ٤٠ اللي تكون خانيتها تحتوي على الرقم ٢ أو ٣ أو الرقمين مع بعض؟

من ١ إلى ٢٠ = ٤ أعداد

من ٢٠ إلى ٢٩ = ١٠ أعداد

من ٣٠ إلى ٣٩ = ١٠ أعداد

المجموع: ٢٤

ثلاثة أعداد متتالية ثلث أثلاثها يساوي ١٥؟

$$١٥ = \frac{٦+٥+٤}{٣}$$

مجموع ٠,١ + ٠,٠١ + ٠,٠٠١ + ٠,١١ = ؟

٢٠,٢٢١

أسئلة لم أتمكن من حلها وهي من إفادة الممتحنين:

المساحة والمحيط والأشكال الهندسية:

١. ماهي المساحة الجانبية لمجسم ثلاثي ارتفاعه ٢٥ و مساحة قاعدته مثلثه طول ضلعاها ٨
٢. مجسم لديه قاعدتين مربع طول ضلعه ٣ و جوانبه مستطيل عرضه ٣ و طوله ٨ ما حجم المجسم
٣. قاعدته مثلث طول واحد من أضلاعه ١٥ اوجد طول مساحة قاعدته
٤. مجسم هندسي يتكون من قاعدتين كل منهما ع شكل مربع طول ضلعه ٤ سم واربعة اوجه مستطيله الشكل ابعاد كل
٥. منهما ٤ سم ، ٨ سم عموديه على كل من المربعين فما حجم المجسم؟؟
٦. مربع ب ٦ اوجه و طول الضلع ٣ وطلع مساحته ناقص السؤال ماتذكر التكملة
٧. اذا أضلاع المستطيل يساوي تربيع اضلاع المربع (٢) كم طول اضلاع المستطيل ج. سويت ١٦ والله أعلم
٨. اذا كان نسبة زوايا المثلث ٢,٥ : ٣ : ٣,٥
٩. كم قياس اكبر زاوية ؟ 80 , 70 , 65 , 60 طلع معي ٨٠
١٠. اذا كان محيط الدائرة A يساوي ثلاث اضلاع الدائرة B وكان نق B يساوي ٣، كم محيط الدائرة A؟

السرعة والزمن و المسافة:

١. قطار بسرعة ٣٠٠ نطلق من اوربا وتوقف به ٢٠٠ وركب الركاب قطار اخر بسرعة ١٠٠ يعني ابطأ كم ضعف القطار الثاني
٢. اذا كان احمد يسرع ١٥ كم/ساعة و وصل بعد الموعد.. وفي يوم اخر، وصل قبل بساعة بسرعة ١٠ كم/ساعة، كم يحتاج من السرعة للوصول في الوقت المناسب؟؟
 - 1 كم/ساعة
 - 2 كم/ساعة
 - 3 كم/ساعة
 - 4 كم/ساعةالقانون: السرعة= المسافة/ الزمن

النسب:

- حوض مستطيل طوله ٣ متر وعرضه ٢ متر والعمق ١ متر مغمور بالماء = $\frac{4}{3}$ العمق وفيه طابوق (١٢,٥ سم طول وعرض ٢ سم وارتفاعه ١ سم) كم عدد الطابوق المغمور بالماء؟

this page is intentionally left blank
تركت هذه الصفحة بيضاء عمدا
this page is intentionally left blank